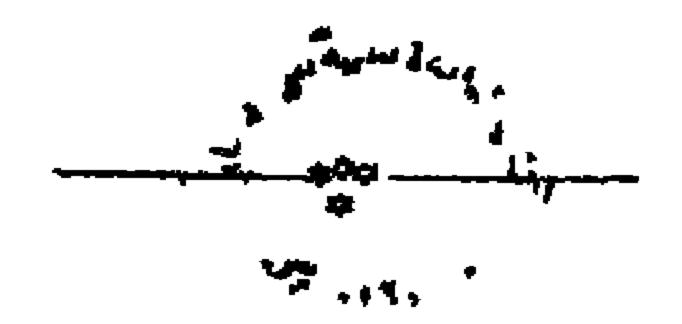


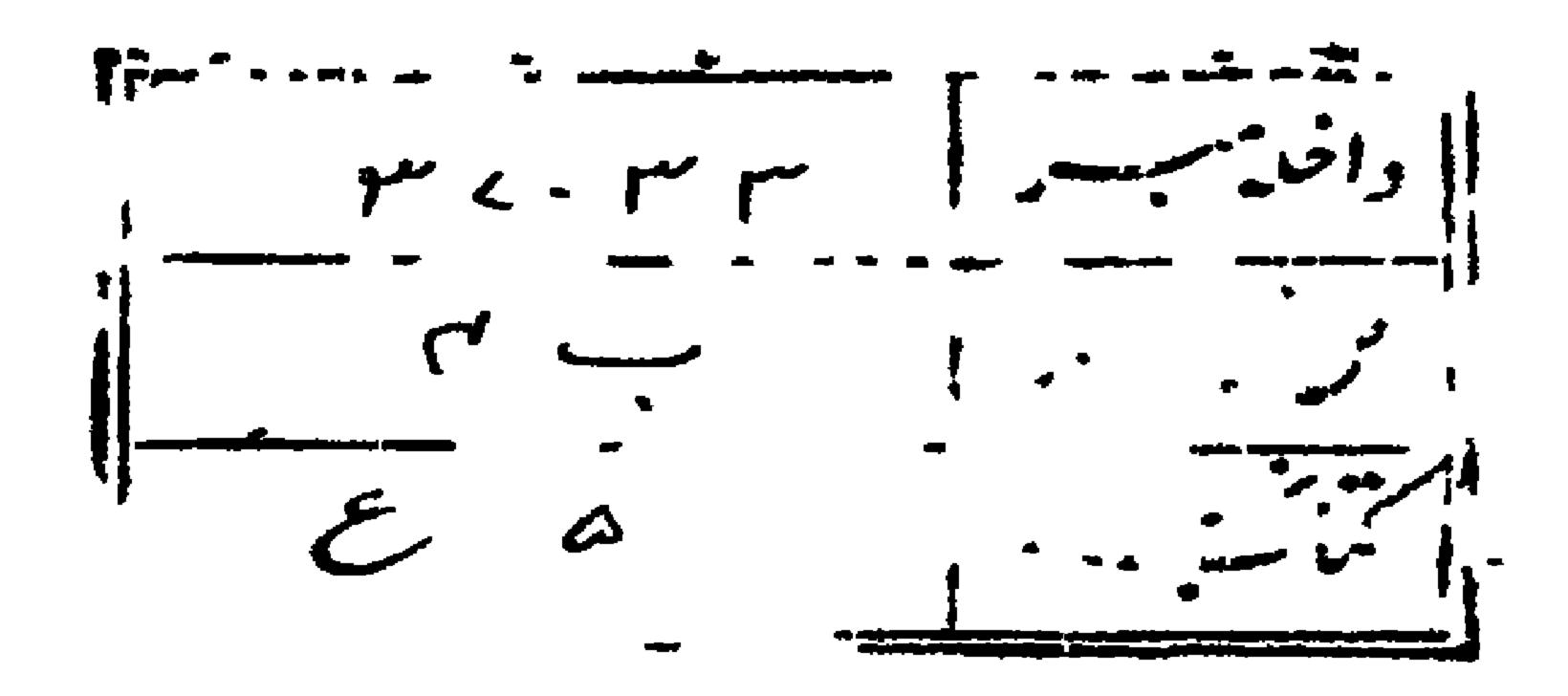
رسائل ابن قرة الملامة ثابت بن قرة الحراني أن المتوفى سنة ٢٨٨ه

ه ۵ ۵ ۵ ۵ عن المجموعة الوحيدة المحفوظة فى مكتبة بانكى فور رقم ۲۹/۲٤٦۸ و ۲۸



الطبعة الأولى

بمطبعة جعية داثرة المعارف العثمانية (حيدرآباد الدكن الهند) مسنة ١٩٤٧ه = ١٩٤٧م



كتاب

فى الاصول الهندسية لارشميدس تقله من اليو نانية الى اللغة العربية لابى الحسن على بن يجي مولى اميرالمؤمنين ثابت بن قرة المتوفى سنة عمانية وعانين ومائتين من الهجرة

الطبعة الاولى

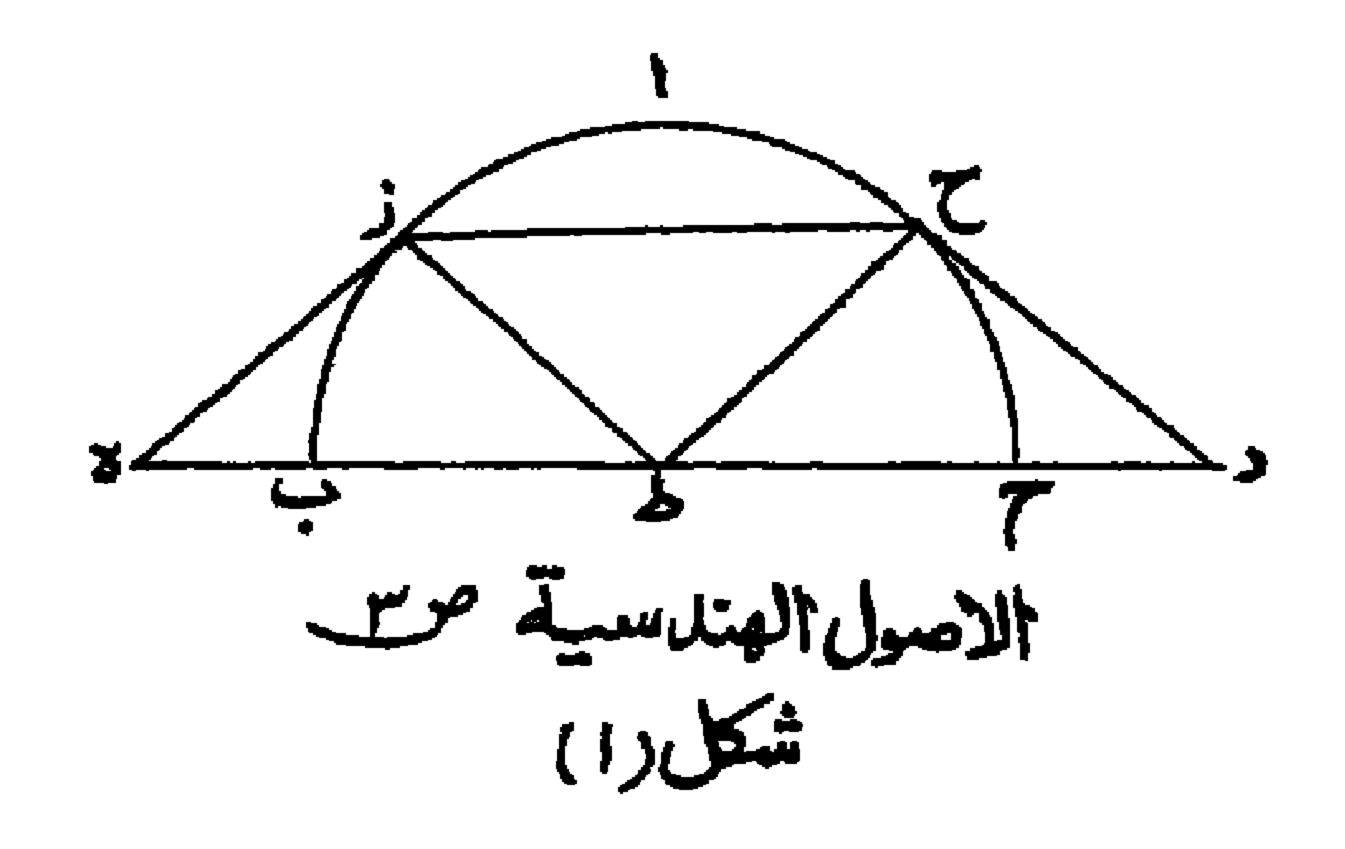
عطبعة جعية دائرة المعارف المثانية
بعاصمة الدولة الآصفية الاسلامية
حيدرآ باد الدكن
لازالت شعوس افادا تها بازغة و بدور
افاصا تها طالمة الى آخر الزمن
الاسماد الماديم

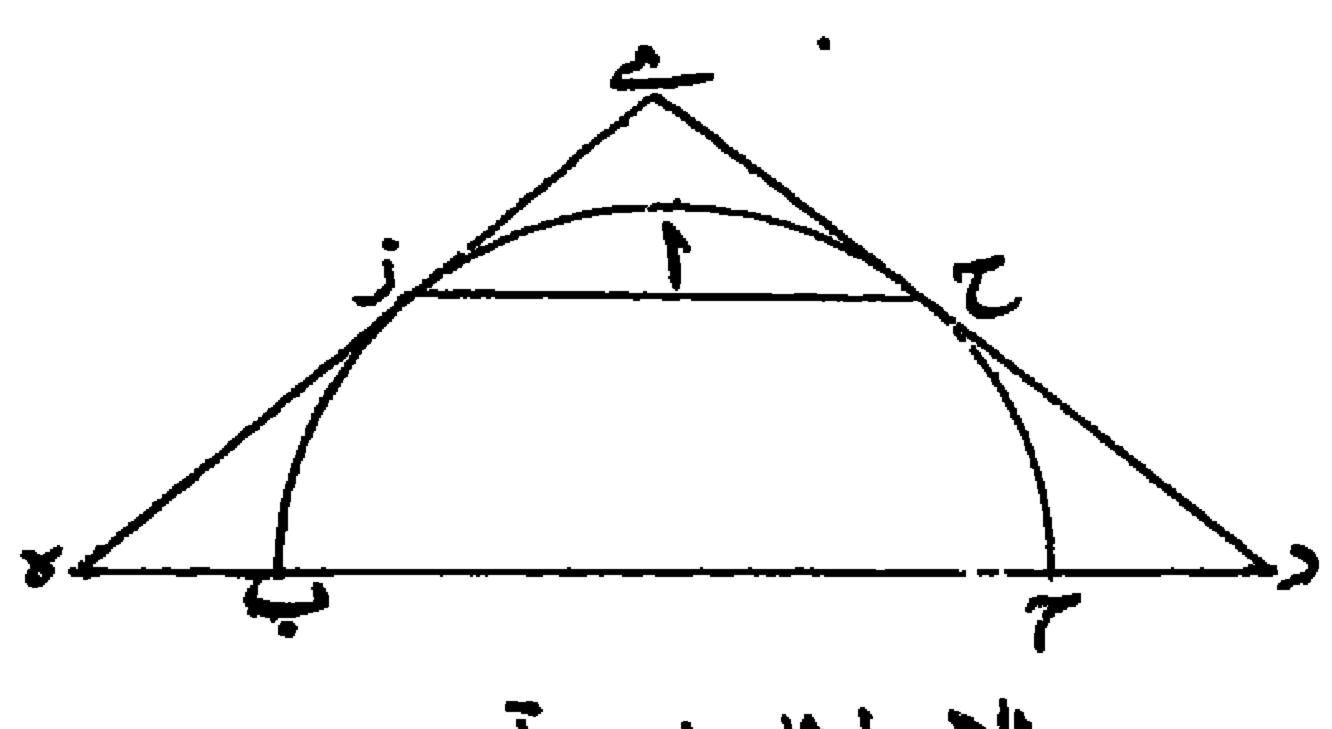
تعداد الملح ١٢٥٦ ث

بسماله الرحن الرحيم

لنفرض نصف دائرة _ ا ب ج _ ولنخر ج خط _ ب ج على استقامة فى كلتى الجهتين الى نقطتى _ د ه _ ولنفرض خطى ب ه _ ح د _ متسا و بين ولنخر ج من نقطتى _ ه د _ خطين عاسان نصف دائرة _ ا ج _ وهاخطا _ ه ز _ د ح _ ولنصل _ د ح فاقول ان خط _ ز ح _ مواز خلط _ ه د •

برهان ذلك لنستخرج مركز دائرة _ اب ج _ ولتكن نقطة
ط_ ولنصل _ ز ط _ ط ح _ فن اجل ان خط _ • ب مساو
خط _ ج د _ وخط _ ب ج _ مشترك يكون جميع خط _ • ج
مساويا بليع خط _ ب د _ وخط _ • ب _ مسا و خط _ - ب
فسطح _ ج • _ فى _ • ب _ مساولم بع _ • ذ _ ومسطح _ ب د _ ف
فسطح _ ج • _ فى _ • ب _ مساولم بع _ • ذ _ ومسطح _ ب د _ ف
د ج _ مساولم بع _ د ح _ فر بع _ • فر _ مساولم بع _ د ح _ نفط
د ح _ مساولم با خط _ • فر ومن اجل ان خطى . ـ ح ط _ ط د
مساويان خطى _ ز ط _ ط - ط • وقاعدة _ • ز _ مساوية لقاعدة
ح _ تكون زاوية _ زط • _ مساوية لزاوية _ ح ط د _ فقوس





الاصول الهندل سية ص

ے جے مساویۃ ٹقوسے ز بے نقطے زحے مواز لخطے ۔ ہ د وذلک ما اردنا ان نبین (۱) ۰

وعلى هذا الوضع تبين ماقلنا بيانا كليا بهذا الممل انا تقول من اجل ان مسطح _ ج حف وب _ مساولم بع _ و ر و مسطح _ ب د _ فى _ و ب و مساولم بع _ د ح _ و مسطح _ ب د _ فى _ و ب _ و مسطح _ ب د _ فى _ و ب _ و مسطح _ ب د _ و مساولم بع _ د ح _ و مساولم بع _ و ن و ب و ب ر مساولم بع _ د ح _ و ن و ب ر مساولم بع _ د ح _ و ن فر مساولما لخط _ د ح _ و ن فر ح _ و ن فر مساولما لخط _ د ح _ و ن فر ح _ من القطة _ ى ن مساونما من القطة _ ى ن ر مساونما من القطة _ ى ن ر مساونما من القطة _ و احدة و هى القطة _ ي ن مساونما من القطة _ و احدة و هى القطة _ ي مساونما من القطة _ د و ر مساونما من القطة _ د و مساونما من القطة _ د و ر مساونما من القطة _ د و ر مساونما من القطة _ د و ر مساونما به ن مساونما من القطة _ د و ر مساونما المن المن دائرة _ الب ج _ و قد كان تبين مثل نسبة _ د ر _ الى _ ح ي _ نفط _ ح ز _ مواذ نفط _ ج ر و ذلك ما اددنما ان نبين (۲) و

ولنفرض دائرة عليها ــ اب ج ــ وليكن خطا ــ د ب د ج ــ على استقامة الى نقطة د ج ــ على استقامة الى نقطة ه ــ ولنخرجه على استقامة الى نقطة ه ــ ولنخرج من تقطة ــ ه ــ خطا عاس دائرة ــ ا ب ج ــ ويلتى خط د ب ــ على نقطة ــ ط ــ وهو خط ــ ه ز ٠

فاقول ان نسبة ــ ه طـالى - ه زــ كنسبة ــ ط اـالى ـ ا ز

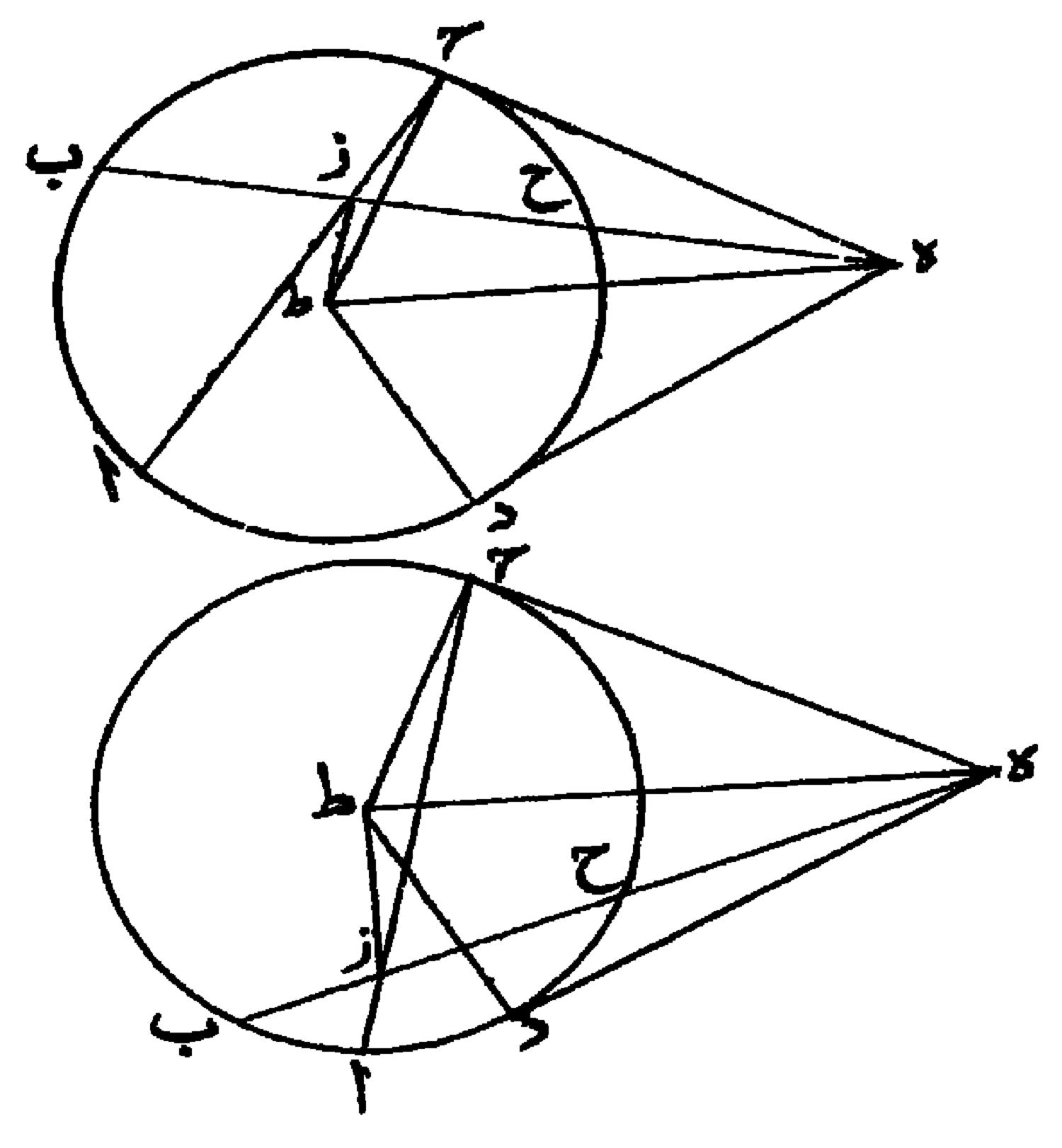
⁽١) الشكل الاول(٦) الشكل التاتي .

برهانه لنخرج من نقطة _ ز_خطا مو ازیا خط _ طب
وهو _ زح _ فنسبة _ بد _ الی _ د ج _ کنسبة _ ح ز _ الی _ ز ج
ولکن خط _ ب د _ مساو خط _ د ج _ فخط _ ح ز _ مساو
خلط _ ز ج _ ومن احل ان نسبة _ ط ه _ الی _ ه ز _ کنسبة _ طب
الی _ ز ح _ و _ ز ح _ مساو _ لز ج _ تکون نسبة _ ط ه _ الی
وز ح _ و _ ز ح _ مساو _ لز ج _ تکون نسبة _ ط ه _ الی
وز _ کنسبة _ ط ب _ الی _ ز ج _ ولکن _ ط ب _ مساو خلط
ط ا _ لانها عاسان الد ائرة و خط _ ح ز _ مساو خلط _ ز ا _ فنسبة
ط ه _ الی _ ه ز _ مثل نسبة _ ط ا _ الی _ از _ و ذلك ما اردنا
ان نبین _ ، (۱) •

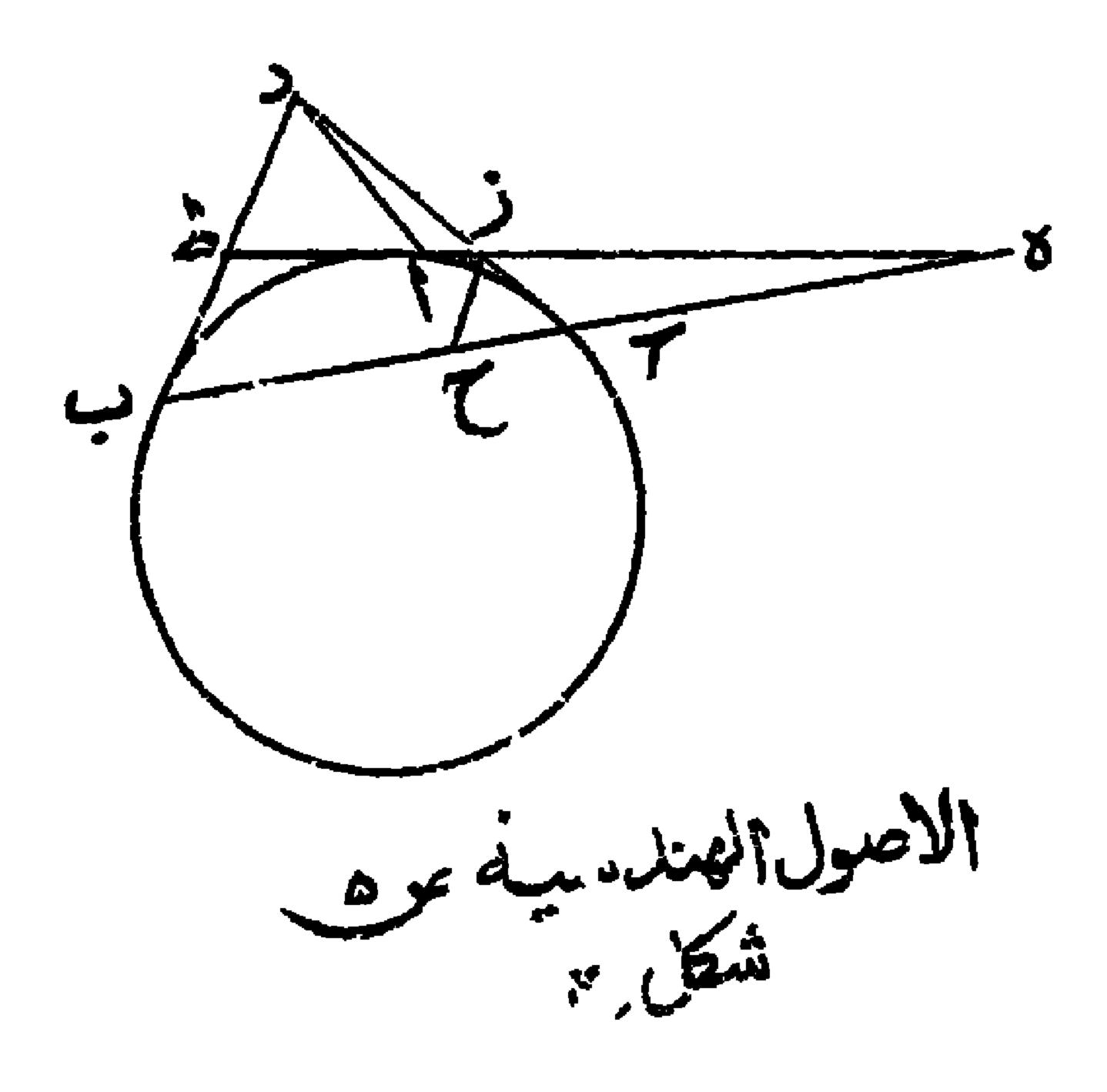
لنفرض دائره عليها _ ا ب ج _ وليكن خطا _ ده _ ه ج عاسانها ولنخر ج من نقطة _ ه _ خطا يقطع الدائرة كيف وقع وهو خط _ ه ج ب _ ولنخر ج من نقطة _ د _ خطا موازيا لخط ه ب _ وهو خط _ د ا _ ولنصل _ د ا ج _ ولنقطع خط _ ب ح على نقطة _ ز _ ه

فاقول ان ــ ب ز ــ مساو خلط ــ ز ــ ح

برهان ذلك لنستخرج مركز الدائرة ولتكن تقطة ـ ط
ولنصل ـ طز ـ ط ه ـ ط د ـ ط ج ـ فن اجل ان خط ـ ط د
مساو نلط - ط ج ـ وخط ـ ط ه ـ مشترك تكون خطا ـ ط ج
ط ه - مساوين نلحط ـ ه ط ـ ط د ـ وقاعدة مساوية لقاعدة



الاصول الهندسية ص



م ج .. فزاوید ج ط م .. مساویه لزاوید .. . م ط د .. فزاویه .. د ط ج .. وزاوید .. د فزاویه .. د ط ج .. مساویه لزاویه .. د اج .. مساویه لزاویه .. د اج .. مساویه لزاویه .. م ط م .. ولکن زاویه .. د اج .. مساویه لزاویه .. م زج .. فزاویه .. م زج .. فزاویه اضلاع .. م خ زط .. فدوار بعه اضلاع .. م خ خ ط .. فدوار بعه اضلاع .. م ج ط .. فدار ویا .. م زط .. متساویتان وزاویه .. م ج ط .. قامه فزاویه .. م زط .. قامه فظ - ط ز .. عمود علی خط - ح ز وقد خرج من نقطة .. ط .. التی هی مرکردار قد اب ج د .. عمود ی خط .. ح ب .. وهو .. ط ز .. فقد قسمه اذن بنصفین فخط ب ز .. مساوخط . . ح ب .. وهو .. ط ز .. فقد قسمه اذن بنصفین فخط ب ز .. مساوخط . ن ح .. وذاك ما ارد نا ان نبین (۱) .

لنفرض مثلثا متساوی الاضلاع علیه ۱ اب ج و لنخر ج
خط ۱ د عمودا علی خط ب ب ج و لنجل مربع د ب
مساویا لمسطح د م ب فی ب زر ولنصل د ذر ولنخر ج من
نقطة زر خطا موازیا خط ب ب ج وهوخط ز ح وانصل
مح د فاقول ان زاویة ده ح ج منعف زاویة ازد ۰

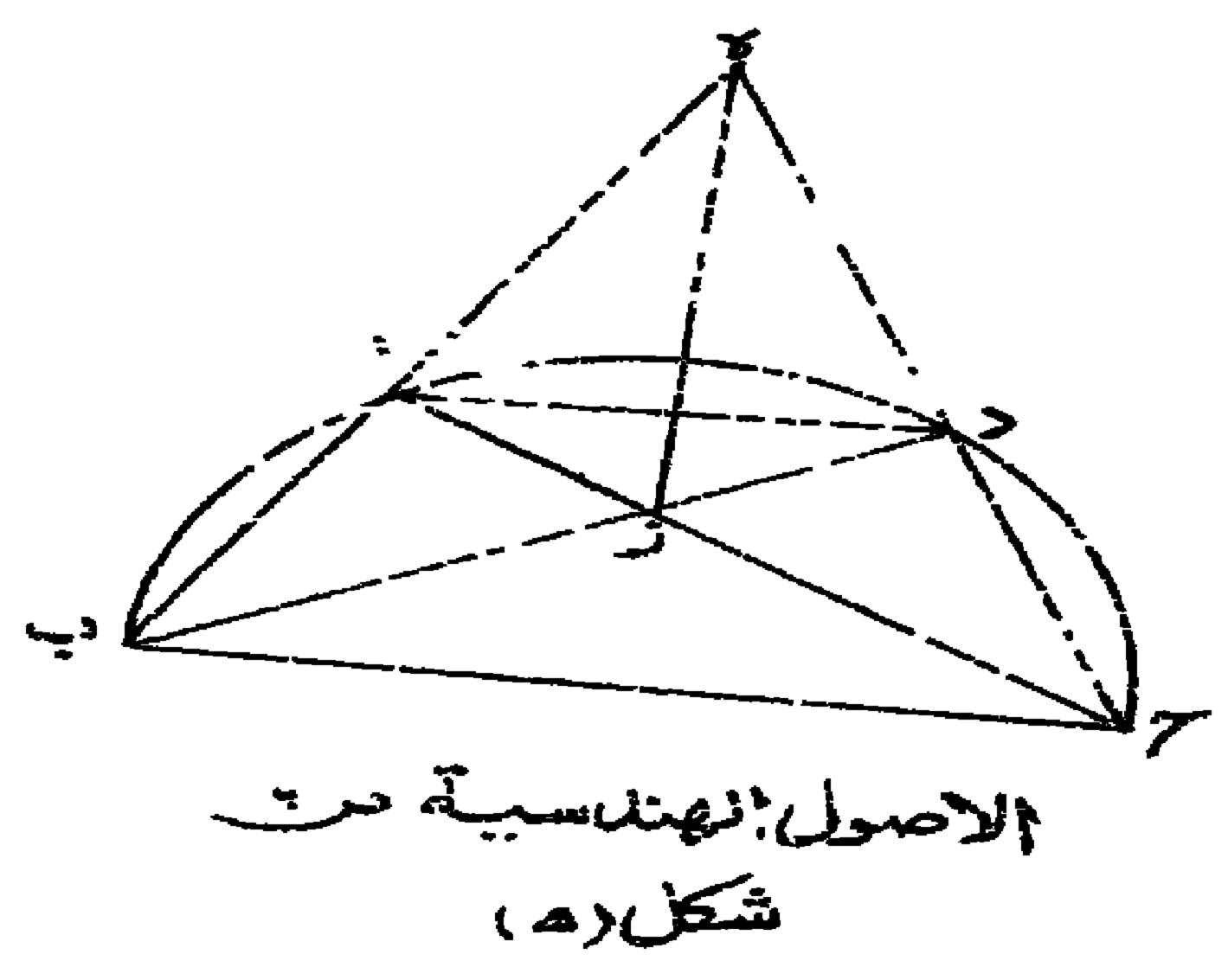
برهان ذاك انصل - دح - ده - فن اجل ان مسطح - ه ب فی اجل ان مسطح - ه ب فی - ب ز - مسا و لمربع - دب - تكون زاویة - زدب - مساویة لزاریة - زد - وزاویة - زدب - مساویة لزاویة - ح زد - فزاویة زه د - مساویة لزاویة - ح زد - ولكن زاویة - ح زد - مساویة لزاویة - ح زد - مساویة

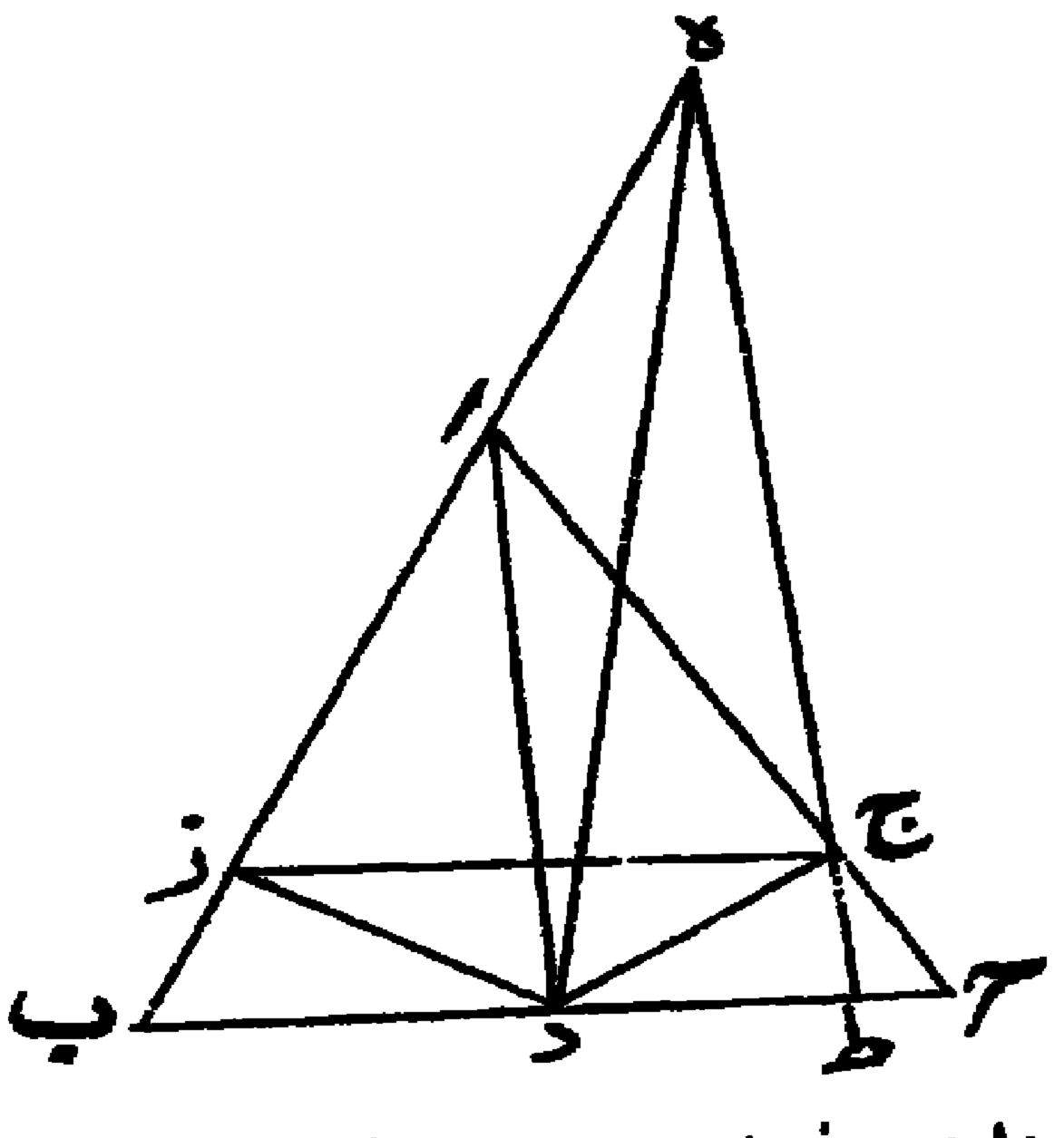
⁽١) الشكل الرابع.

لزاوية .. زج د .. لأن مثلث .. ح زد .. تكون مساوية السانين فزاوية زه د .. مساوية السانين فزاوية و د .. مساوية اطرع .. و زد ح .. فذوا ربعة اطلاع .. و زد ح .. فدارية ولنخر ج خط .. و ج .. على استقامة الى نقطة .. ط .. فزاوية دح ط .. مساوية لزاوية .. و زد .. و لانها خارجة عن ذى اربعة فزاوية .. و زد ا .. مساوية لزاوية .. اح د فزاوية .. اح د .. ولكن زاوية .. اح ط فزاوية .. اح ب .. ولكن زاوية .. اح ط مساوية لزاوية .. و زاوية .. اح ب .. مساوية لزاوية لزاوية از وية .. ازد .. و ذلك ما اردنا ازد .. و ذلك ما اردنا ان نبن (۱) ..

ولنفرض نسف دائرة عليه - اب ج د_ولنصل_ا ج ب درولنصل ايضا ــ ا ج د - ولنخر جها عـــلى استقامه حتى تلتقيا على نقطة هــفا قول - ان مسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د زر مساولمسطح ــ ب د - فى - د د م ب د م

برهان ذلك انه اذاكان مسطح _ ب د _ فى _ د ز _ مثل مسطح _ ج د _ فى _ د ه _ تكون نسبة _ ب د - الى _ د ج مثل نسبة _ ه د _ الى _ د ز _ فاذا وصلنا _ ه ز _ يكون مثلثا ب ز ج _ د و ز _ متشابهين و تكون زاوية _ د ب ج _ مساوية ازاوية _ د ه ز _ واذا وصلنا _ د ا _ كانت زاوية _ د ب ج _ مساوية ازاوية _ د و ز _ واذا وصلنا _ د ا _ كانت زاوية _ د ب ج _ مساوية ازاوية _ د و ز _ واذا وصلنا _ د ا _ كانت زاوية _ د ب ج





الاصول الهندسية صرى شكل (۴) شكل (۲)

د و ز_فيجب ان تكون ذراربعة اصلاع ــ و ا د زــ فى دائرة ومن البين انه فى دائرة لأن كل واحدة من زاويتى ــ و ا زــ زد و ــ قائعة فقد وجب ان يكون مسطح ــ ب د ـ فى ــ د زــ مساويا لمسطح ـ ب د ـ فى ــ د زــ مساويا لمسطح ـ ب د ـ فى ــ د زــ مساويا لمسطح ـ ب د ـ فى ــ د زــ مساويا مسطح ـ ب د ـ فى ــ د زــ مساويا ما اردنا ان نبين (١) و

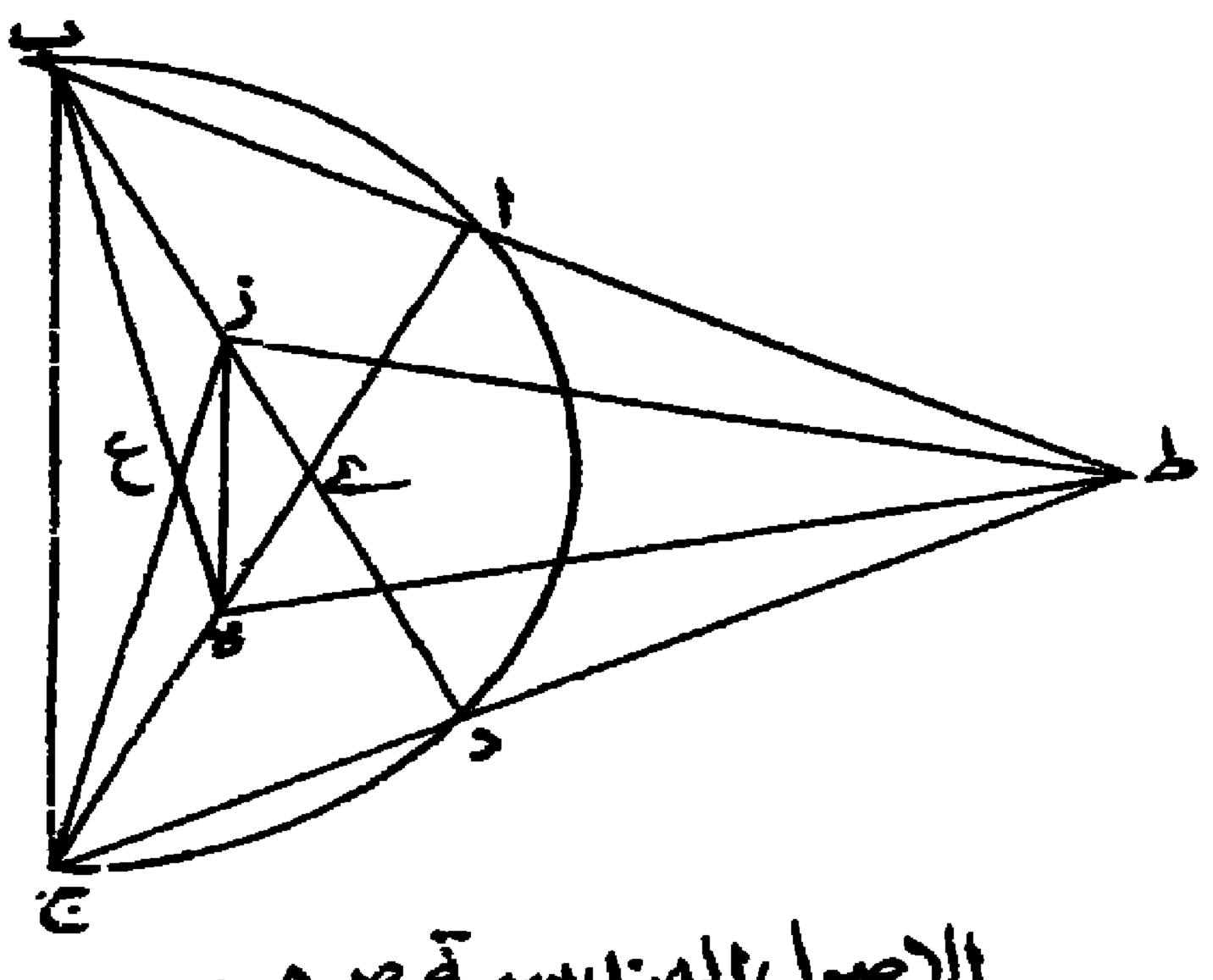
رهان ذلك لنصل _ ب ا _ ج د _ ولنخرجهها على استقامة حتى يلتقيا على تقطة _ ط _ فسط ـ ح _ ب د _ فى _ دى _ مساو لسطح _ ج د _ فى _ د ط _ كا قد تين فيا تقدم ومسطح _ ج افى _ اى _ مساولسطح _ ب ا _ فى _ ب ط _ فسط ح _ ب ا فى _ الى _ مساولسطح _ ب ا _ فى _ ب ط _ فسط ح _ ب ا فى _ الى _ مساولربع _ د ز _ وزاويتا _ ط د ز _ ط ا ه _ . كل واحدة منهما قاعة فاذا وصلنا _ ز ط _ ط ه _ كل واحد من زاويتى _ ط ز ح ط ه ح _ قاعة ومن اجل ن مسطح _ ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ج ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ج ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط ا _ مساولسطح _ ب ا ط _ فى _ ط _ ط

⁽۱) الشكل السادس.

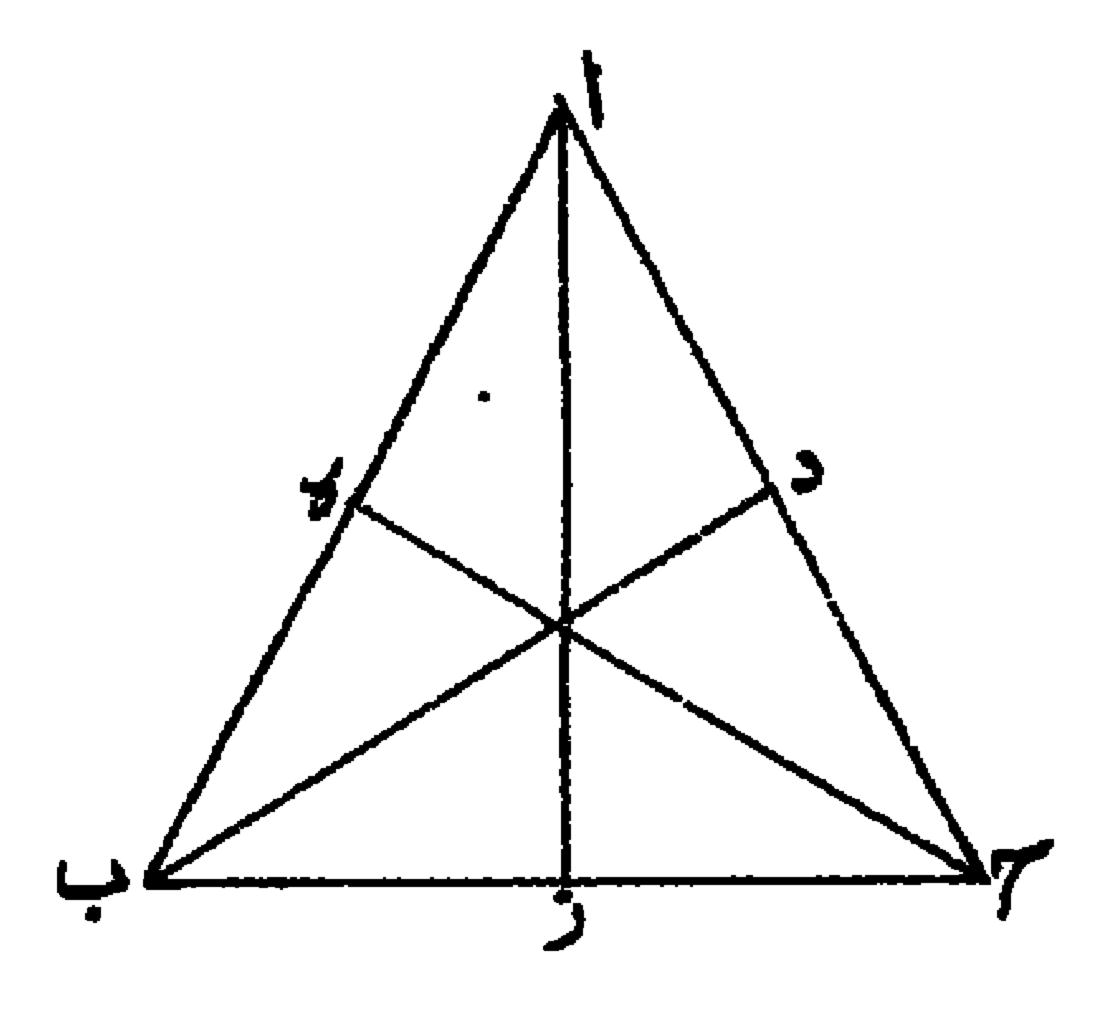
ب ا ـ اط ـ ج د ـ دط ـ مساویة لمربی ـ اه ـ د ز ـ یکون مربع ـ ط ا ـ اه ـ مساویت لمربی ـ ط د ـ د ز ـ و لکن مربی ـ ط ا ـ اه ـ مساویان لمربج ـ ط ه ـ لان زاویة ـ ط ا ه ـ قائمة فربع ط ز ـ مساویا لمربع ـ ط ه ـ فغط ـ ط ز ـ مساویا لمربع ـ ط ه ـ فغط ـ ط ز ـ مساویة لزاویة ـ ط فاذا وصلنا ـ ز ه ـ تکون زاویة ـ ط ز ه ـ مساویة لزاویة ـ ط ه فذا ولکن زاویة ـ ط ز ح ـ القائمة مساویة لزاویة ـ ز ه ح ـ الباقیة مساویة لزاویة ـ ز ه ح ـ الباقیة فزاویة ـ ح د - الباقیة مساویة لزاویة ـ ز ه ح ـ الباقیة فخط ـ ح ز ـ مساو خط ـ ح - و ذلك ما اردنا ان نبین (۱) فخط ـ ح ز ـ مساویا لاضلاع علیه ـ اب ج د ـ و لنخر ج لفر مثلثا متساوی الاضلاع علیه ـ اب ج د ـ و لنخر ج فیه اعمدة ـ ب د ـ ج ه ـ از ـ فاقول ان اعمدة ـ ب د ـ ج ه ـ از ـ متساویة ه

رهان ذلك من اجل ان مثلث _ اب ج _ متساوى الساقين وقد اخرج فيه عمود _ از _ يكون خط _ ب ز _ مساويا نخط زج _ وايضا من اجل ان مثلث _ ج ب ا _ متساوى الساقين وقد اخرج فيه عمود _ ج و يكون خط _ اه _ مساويا نخط _ هب اخرج فيه عمود _ ج ه _ يكون خط _ اه _ مساويا نخط _ هب فخط _ ب ز _ مساو نخط _ ا ج _ مشتركا فخط _ ج ز _ مساو نخط _ ا ج _ مشتركا فيكون خطا _ ه ا _ ا ج _ ج ز _ وزاوية فيكون خطا _ ه ا _ ا ج _ مساوية لزاوية _ ا ج ز _ فقاعدة _ ا ب _ مساوية لقاعدة _ ج مساوية لزاوية _ ا ج ر ساوية لقاعدة _ ا ب مساوية لزاوية _ ا ب ب ج ا _ مساوى السافين وقد ج م و إيضا من اجل ان مثلث _ ب ب ج ا _ متساوى السافين وقد

(١) شكل السابع.



الاصول الهندسية ص



الاصول الهندسية ص

اخر ج فیه عمود ـ بد ـ یکون خط ـ اد ـ مساویا لخط ـ ده
فخط ـ ه ب ـ مساو لخط ـ ج د ـ ولنجمل خط ـ ب ج ـ مشترکا
فیکون خطا ـ ه ب ـ ب ج ـ مساویین لخطی ـ ب ج ـ ج د
وزاویة ـ ب ج د ـ مساویة لزاویة ـ ج ب د ـ فقاعدة ـ ب د
مساویة لقاعدة ـ ج ه ـ وقد کان تبین ان خط ـ ه ج ـ مساولخط
از ـ فخط ـ ب د ـ مساولخط ـ از ـ فخطوط ـ ه ج ـ از ـ د
ب - الثلاثة متساویة و ذلك ما اردنا ان نبین (۱) ه

لنفرض مثلثا متساوی الاصلاع علیه _ ا ب ج _ ولنخر ج

فیه عمود _ ا د _ ولنعلم علی خط _ ب د _ نقطة کیف ما وقعت

وهی نقطة _ ه _ ولنخر ج من نقطة _ ه _ الی خطی _ ج ا _ اب

عمودین وهیا خطا _ ز ه _ ه ح _ فاقول ان _ ا ه _ مساو خلطی '

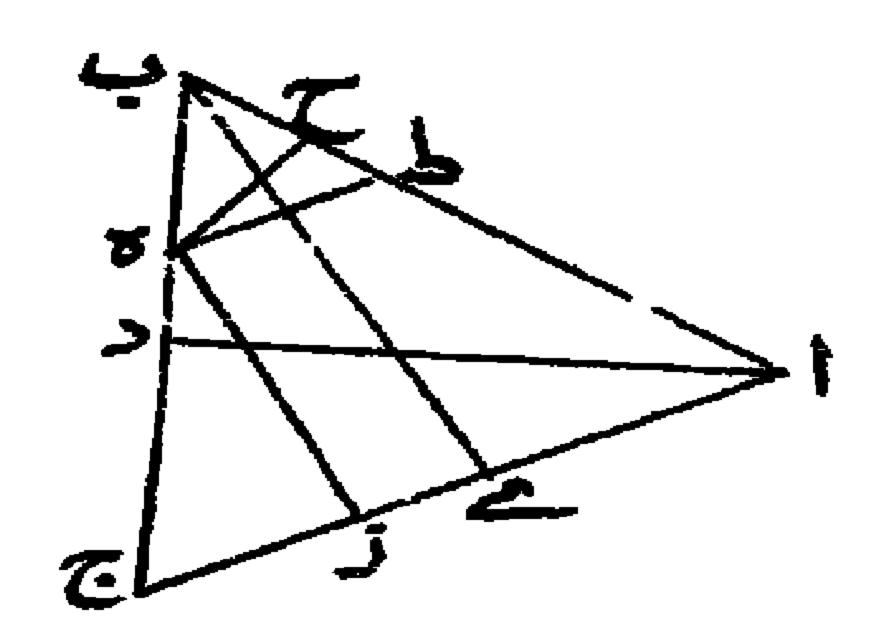
ز ه _ ه ج _ •

برهان ذلك لنخرج من نقطة .. ه .. خطا موازیا .. لاج
وهوخط .. ه ط .. ولنخرج من نقطة .. ب .. خطا یكون عمودا
علی خط .. اج .. وهوخط .. ب ى .. فن اجل ان مثلث .. ا ب ج
متساوى الاضلاع وخط .. اج .. مواز نلسط .. و مثلث .. ب ع مثلث .. ب ط ه .. متساوى الاضلاع ومن اجل ان خط .. ب ى
عمود على خط .. اج .. وخط .. اج .. مواز نلط .. ط ه .. فيكون
خط .. ب ك .. عمودا على خط .. ا ح .. مواز نلط .. ك ي .. مساو

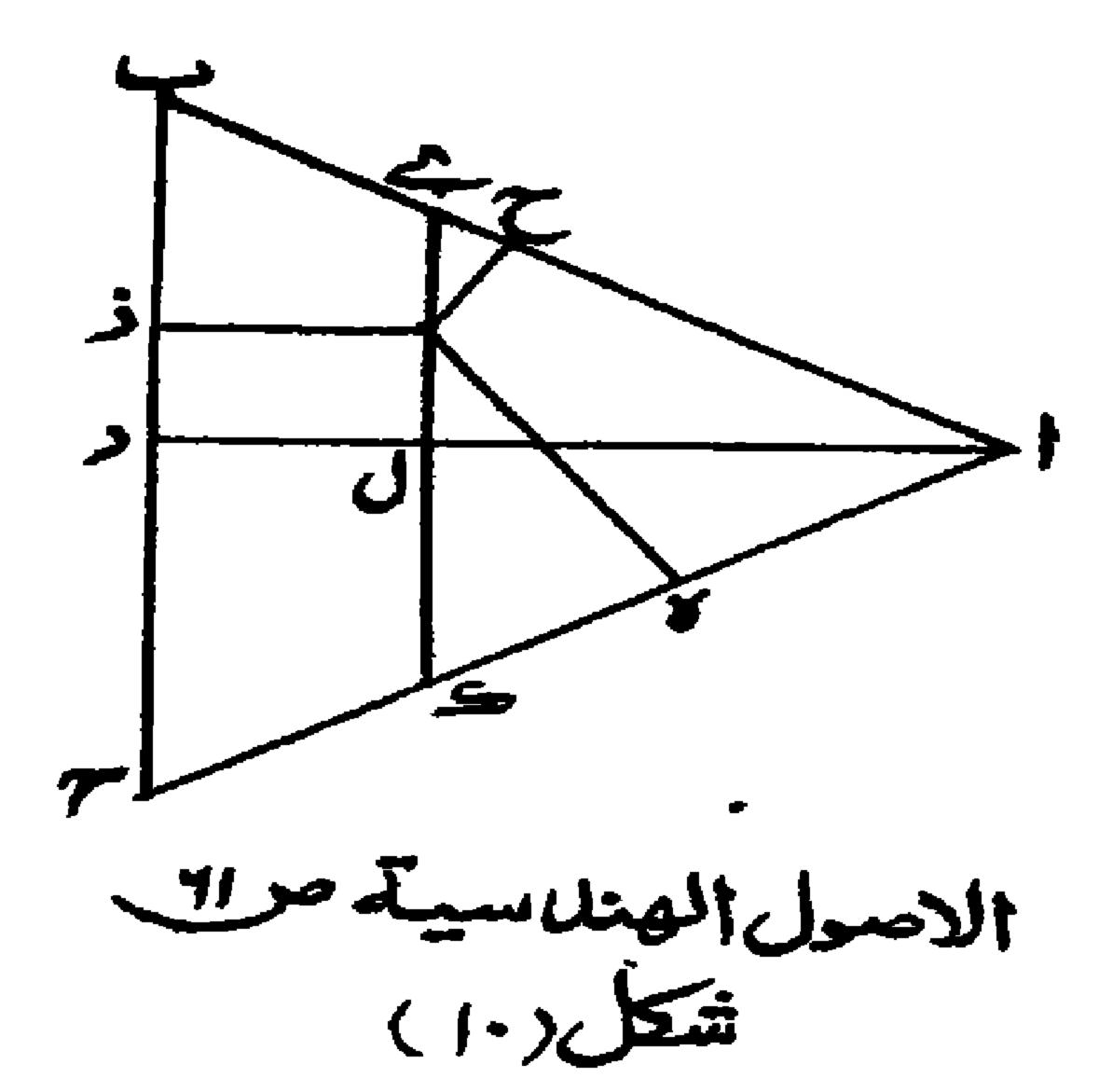
^(,)الشكل التامن.

خط ۔ و ز ۔ لأن سطح ۔ ك و زى ۔ متوازى الا ضلاع فجميع خط ۔ بى ى ۔ مساو لخطى ۔ و ح ۔ و ز ۔ ولكن خط . بى ى مساو لخطى ۔ و ح ۔ و ز ۔ ولكن خط . ب ى مساو لخط ۔ ا د ۔ مساو لخطى ۔ و ز ۔ و ج ۔ و ذلك ما اردنا ان نبين (١) و

لنفرض مثلثا متساوى الاضلاع عليه ـــ ا ب ج ــ ولنخر ج فیه ممورد ـــ ا د ــ و لنملم فی داخله نقطة کیف وقعت وهی نقطة ــ • ولنخرج منها الى اضلاع المثلث اعمدة وهى خطوط ــ ز ه ــ ه ح ه طــ فاقول ان خطــ ا د ــ مساو لخطوط ــ ه ز ــ ه ح ــ ه ط ٠ برهان ذلك لنخرج على نقطة ــ ه ــ خطا موازيا لخط ــ ب ج _ وهوخط _ ی ه ل ك ـ فن اجل ان خط _ ب ك ـ مواز · نخط _ ب ج _ وخط _ ه ز _ مواز نخط _ د ل _ یکون سطح ه د ــ متوازی الاطلاع ومن اجل ان مثلث ــ ا ب ج ــ متساوی الاضلاع وقد لخر سم فيسه ممود ـ ا د ـ وخط ـ ب ك ـ مواز لقاعدته وهي لقاعدته وهي خط ــ ب ج ــ يكون مثلث ــ اي ك متساوی الاصلاع ومن اجل ان مثلث ـ ای كـ متساوی الاصلاع وقداخرج فيه عمو د ــ ال ــ و نعلم على خط ــ ب كــ نقطة ما كيف وقست وهی نقطة ـــ ه ـــ واخرج منها عمو د ان علی خطی ـــ ی اـــ ا ك _ وها خطا _ ه ح _ ه ط _ يكون خط _ ال ر مساويا نلطى ه ح ــ ه ط ــ وقدكان تبن انخط ــ ل ه ــ مساونخط ــ ه ز ــ فخط



الاصول الهندسية صن الشكل (٩)



اد – اذن هو مساونلطوط ـ و ز_ ه ح _ ه ط _ وذلك ما ارد نا ان نبن (۱) •

لنفرض مثلثا متساوی السافین علیه _ ا ب ج _ ولنخرج
من نقطة - ۱ - عمودا علی خط _ ا ب - وهو _ ا د _ ولنخرج
خط _ ب ج - علی استقامة حتی یلتی خط _ ا د _ علی نقطة _ د
وانقسم خط _ ا ب _ بنصفین علی نقطة _ ه _ ولنصل _ ه زد
ولنخر ج من نقطـ ق _ ز _ خطـا موازیا نخط _ ا ب _ وهو
خط _ ز ح _ فا قول ان مسطح _ د ا _ فى _ ا ح _ مسا ولمر بع
ا ج _ •

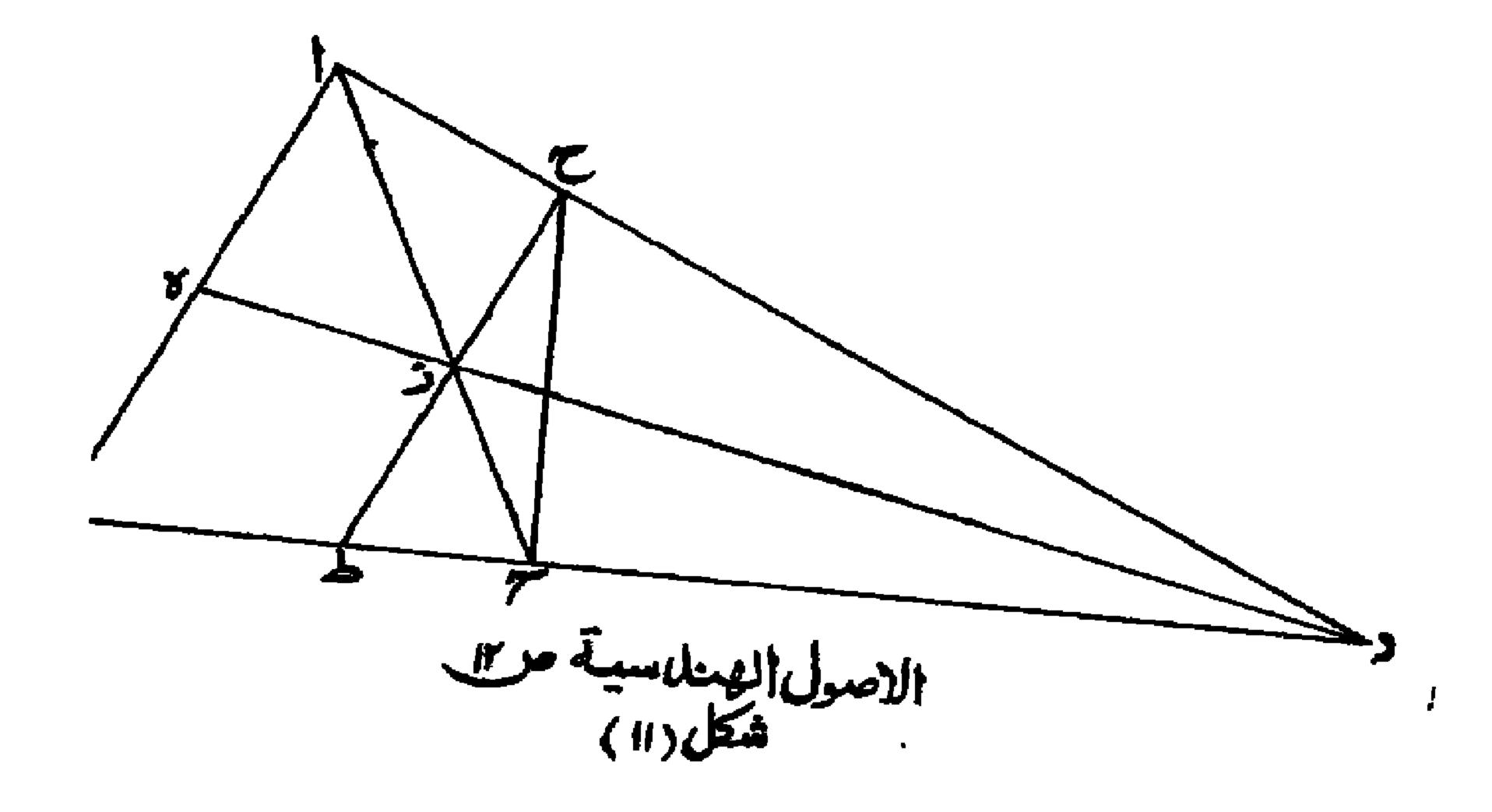
برهان ذلك لنخرج _ زح _ على استقامة الى نقطة _ ط
فن اجـ ل ان مثلث _ ا ب ج _ متساوى الساقين وخط _ زط
مساويا لخط _ ا ب _ يكون خط _ ز ط _ مساويا لخط _ ز ج
وايضا من اجل ان خط _ ا ه _ مساو لخط _ ه ب _ وخط _ ه ب
مواز لخط _ ح ط _ يكون خط _ ح ز _ مساويا لخط _ ز ط
مواز لخط _ ح ط _ يكون خط _ ح ز _ مساويا لخط _ ز ط
وقد كان تبين ان خط _ زط _ مسا ولخط _ ز ج _ نخط _ ز ج
مساو لخط _ زج _ نفطوط _ زط _ زج _ الثلاثة متساوية
فاذاوصلنا _ ح ج _ تكون زاوية _ ج ح ط _ قائمة فزاويتا _ زح
ح - ح ط ج _ الباقيتان مساويتان لقائمة واحدة وزاوية _ ز ط
ح - مساوية لزاوية _ ا ب ج _ مع زاوية
ح - مساوية لزاوية _ ا ب ج _ مع زاوية

⁽١)الشكلالعاشر.

زح جے مساویتان لقاعة واحدة وزاویة ــ اب جےمع زاویة ا دب_ مساويتان لقائمــة واحدة فزاوية -- ا دب -- مساوية لزاوية زے ہے۔ وزاویة ۔ زح ج ۔ مساویة لزاویة ۔ ز ج ح ۔ فزاویة - ادب مساویة لزاویدة د زج حد قسطح د ا _ فى _ ا ح _ مساولربع _ ا ج _ وذلك ما اردنا ان نبين (١) ٠ لنفرض مثلثا علیہ ۔ ا ب ج ۔ ولنخر ج من نقطة ۔ ا ۔ لی خط _ ب ج _ خطا يحيط مع _ ب ا _ بزاوية مساوية لزاوية _ ا ج ب ـ وهوخط ـ ا د ـ فزاویة ـ ب ا د ـ مساویة لزاویة ـ ا ج د ـ فاقول ان مسطح ـ ج ب ـ فى ـ ب د ـ مساولر بع ـ ا ب ٠ رهان ذلك من اجل ان زاوية ــ ا ج ب ــ مساوية لزاوية ب ا د _ نجمل زاویة _ ا ب ج _ مشتركه لمثانی _ ا ب ج - ا ب د فتكون زاوية _. ب د ا _ الباقية مثل زاوية _ ب ا ج _ فثلثا _ اب ج _ ا ب د - متساویا الزوایا فها اذن متشا بهان فنسبة _ ج ب الى ـ ب ا ـ مثل نسبة ـ ا ب ـ الى ـ ب د ـ فسلطح ـ ج ب فی ب د ــ مساولمربع ــ اب ـ وذلك ما اردنا ان نبین (۲) •

لنفرض مثلثا متساوی الساقین علیه _اب ج _ ولیکن ساقاه المتساویان خطی _اب _ب ج _ ولنخر ج من نقطة _ا خطا یکون عمودا علی خط _ب ج _ وهو خط _اد _ فاقول ان

⁽۱) الشكل الحادي عشر (۲) انشكل الثاني عشر.



سياض فى الاصل الاصول الهندسية مال شكل (١٢)

الاصول الهتلسبة ص

مسطح ۔ د ج ۔ ف ۔ ج ب ۔ مرتین مساولر بع ۔ ا ج ۔ •

برهان ذلك لنخر ج من تقطة ۔ ا ۔ عمود اعلى خط ۔ ا ج
وهوخط ۔ ا ه ۔ وانتخر ج خط ۔ ب ج ۔ على استقامة حتى يلقی
خط ۔ ا ه ۔ ولنتخر ج خط ۔ ب ج ۔ على استقامة حتى يلق
خط ۔ ا ه ۔ وليكن الثقاؤها على نقطة ۔ ه ۔ فمن اجل ان
زادية ه ا ج ۔ قائمة و خسط ۔ ج ب . . مساو ۔ خط ۔ ا ب
تكوز خطوط ۔ ، ب ب ب ب ب ا ۔ الثلاثة متساوية فحط ۔ ه ج
ضمف خط ۔ ج ب ۔ فسطح ۔ ه ج ۔ ف ۔ ج د ۔ مساولر بع
ج ا ۔ لأن زاوية ۔ ه ا ج ۔ قائمة و خط ۔ د ا ۔ عمود على خط
ب ب ج ۔ فسطح ۔ د ج ۔ ف ۔ ج ب . . مرتین مساولر بع ۔ ا ب

لنفرض مثلثا عليه _ ا ب ج د _ ولنخر ج من تقطة _ ا _ الى خط _ ب ج _ عمود _ ا د _ فاقول ان زيادة مربع _ ب د _ على مربع _ ا ج و مربع _ ا ج و مثل زيادة مربع _ ب ا _ على مربع _ ا ج و برهان ذلك من اجل انه اذا زيد على زيادة مربع _ ب د على مربع _ و ج _ مربع _ ا د _ كانت مثل زيادة مربع _ ب د ح _ مربع _ ا د _ د ج _ و مربعا _ ب د _ د ا _ مساویان د ا _ مساویان لربع _ ا ب _ و مربعا _ ا د _ د ج _ مساویان لربع _ ا ج _ فتكون زیادة مربع _ ا ج _ فتكون زیادة مربع _ ب د _ ح _ مثل زیادة مربع _ ب ا ب و مربعا _ ا د _ د ج _ مثل زیادة مربع _ ب ا ب و ربعا _ ا ب د _ د ج _ مثل زیادة مربع _ ب ا ب و مربع _ د ب د ج _ مثل زیادة مربع _ ب ا

⁽١) الشكل التالث عشر.

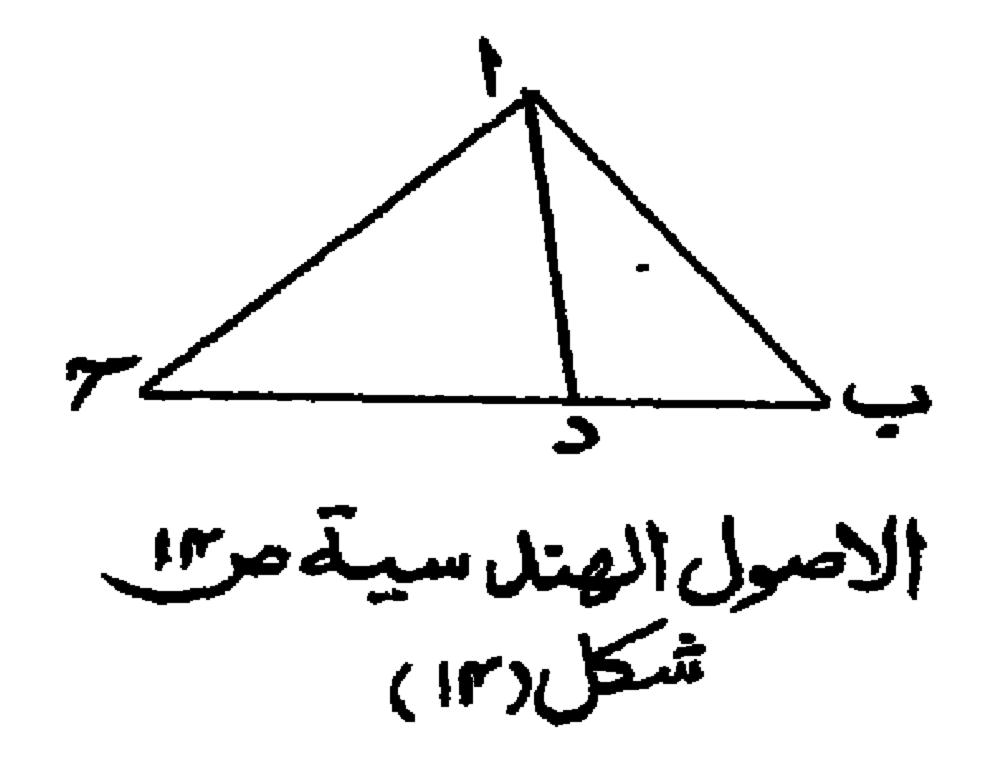
على مربع ــ ا ج ـ وذلك ما اردنا اننبين (١) ٠

لنفرض مثلثا قائم الزاوية عليه ــ اب ج ـ ولتكن زاويته الفأيمــة زاويــة ــ ا ـ ولنقسم ــ ب ج ــ بنصفين عــــلى نقطــة د ـ ولنصل ــ اد ــ فاقول ان خطوط ــ اد ــ ب د ــ د ج ــ متساوية ٠

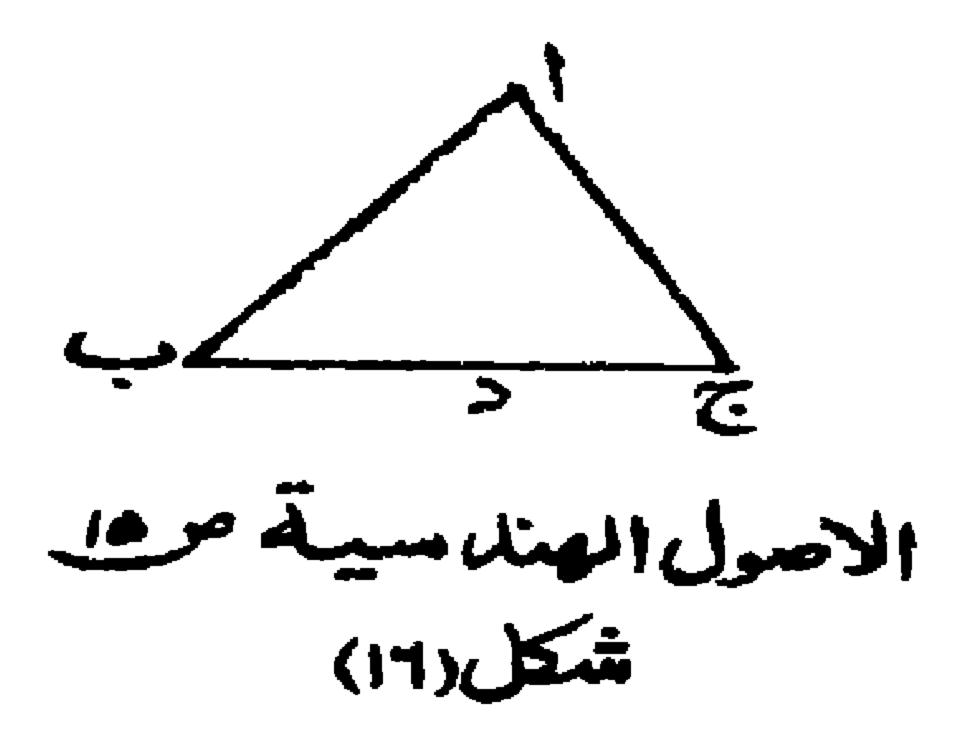
برهان ذلك لنخرج من نقطة _ د _ خطاموازیا خط _ اب
وهو خط _ د ه _ فن اجل ان خط _ ب د _ مساو خط _ د ج
وخط _ د ه _ مواز خط _ اب _ یکون خط _ ا ه _ مساویا
وخط _ د ه _ مواز خط _ اب _ یکون خط _ ا ه _ مساویا
خط _ ه ج _ وزاویة _ ب ا ج _ فرضت قائمة فزاویة _ ح _ التی
تلیها قائمة و کذلك زاویة _ ز _ ومن اجل ان خط _ ا ه _ مساو
خط _ ه ج _ وخط _ ه ا _ مشترك وزاویة _ ح _ مساویة لزاویة
ز _ تکون قاعدة _ ا ه _ مساویة لقاعدة _ د ج _ ولکن خط
د ج _ مساو خط _ د ب _ خطوط _ ا د _ ب - د ج _ الثلاثة
متساویة وذلك ما ارد نا ان نبین (۲) ه

لفرض مثلثا متساوی الساقین علیه ۔ اب ج ۔ ولنخر ج من نقطة ۔ ا۔ الی خط ۔ ب ج ۔ خطا کیف ما وقع وہوخط اد ۔ فا فول ان مسطح ۔ ب د ۔ فی ۔ د ج ۔ مع مربع ۔ د ا مساولم بع ۔ ا ج ۰ مساولم بع ۔ ا ج ۰

⁽١) الشكل الرابع عشر (٦) الشكل الخامس عشر.



م من المنابعة من



برهان ذلك لنخرج من نقطة ــ ا ــ الى خط .. ب ج عمود ــ اه ـ. فن اجل ان خط ـ ب ج ــ قد قسم بنصفین على تقطة ــ د ــ يكون مسطح ـ ب ب د قطة ــ د ــ يكون مسطح ـ ب ب د قطة ــ د ــ يكون مسطح ـ ب ب فى ـ د ج ـ مع مربع ـ ه د ـ د مساو يا لمربع ـ ه ج ــ ولنجعل مربع اه ـ مشتركا فيكون مسطح ـ ب د ـ فى ـ د د ج ـ م مع مربعى اه ـ مشتركا فيكون مسطح ـ ب د ـ فى ـ د د ج ـ م مع مربعى اه ـ ه د ـ مساويان لمربع ـ ا د ـ لأن زاوية ـ ا ه د ـ قائمة فسطح مساويان لمربع ـ ا د ـ لأن زاوية ـ ا ه ج ـ قائمة فسطح ب د ـ فى ـ د ج ـ مع مربع ـ د ا ـ مساولربع ـ ا ج ـ وذلك مربع ـ د ا ـ مساولربع ـ ا ج ـ وذلك مربع ـ د ا ـ مساولربع ـ ا ج ـ وذلك مربع ـ د ا ـ مساولربع ـ ا ج ـ وذلك مربع ـ د ا ـ مساولربع ـ ا ج ـ وذلك ما ارد تا ان نبن (١) ه

⁽۱) الشكل السادس عشر

وب مع مربع مدا مدالی مربع - ۱۰ - ولکی مسطح ب در فی د ج مع مربع - ۱ ام مساولر بع - ۱ ب و و مسطح ج د مدفی مربع - ۱ ب مساولر بع - ۱ ب نسبة مربع - ۱ ب مشاولر بع - ۱ ب فنسبة مربع - ب ا مدالی مربع - ۱ د مشل نسبة وربع - ب ا الی مربع - ۱ د الی ما اردنا ان نیین (۱) و دال ما اردنا ان نیین (۱) و

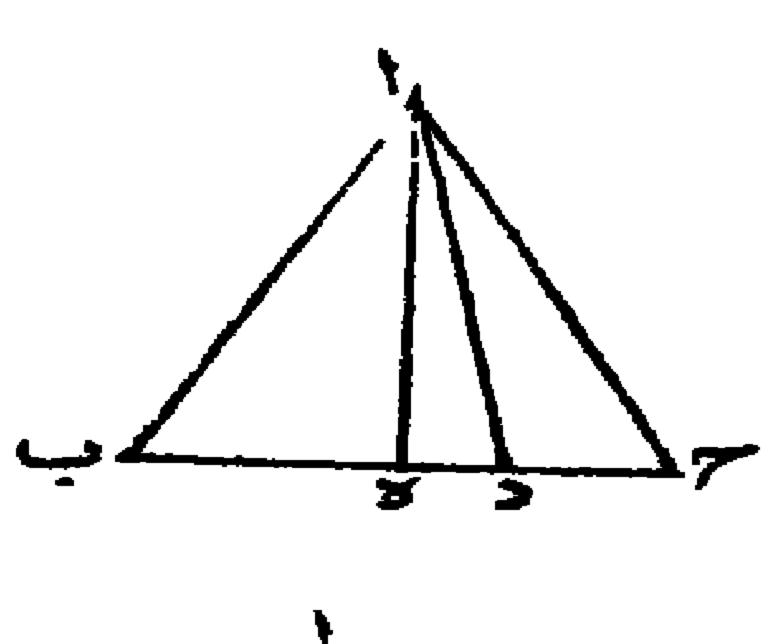
لنفرض مثلثا عليه – ا ب ج _ولنقسم زاوية ــ ا _ بنصفين بخط ــ ا د _ فاقول ان نسبة خطى ــ ب ا _جينعا الى خط ـ ج ب ر مثل ــ ا ب ـ الى ـ ب د ـ •

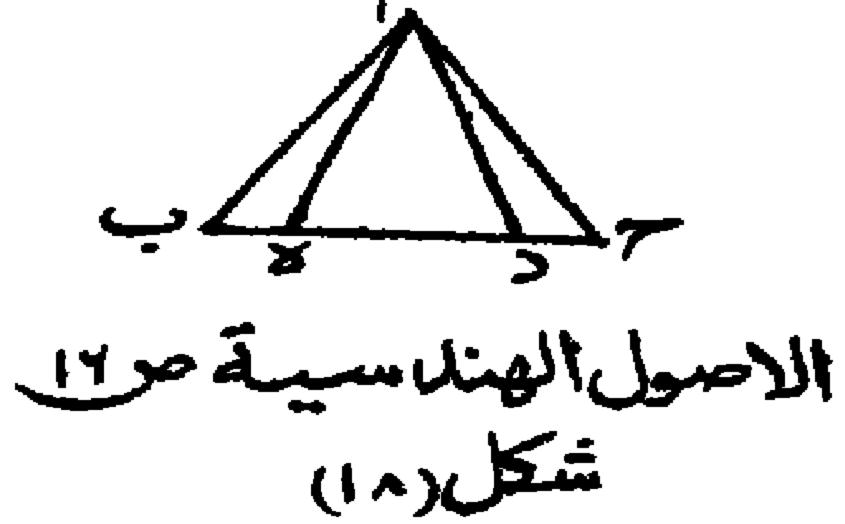
برهان ذلك من اجل ان زاوية _ 1 _ من مثلث _ ا ب ج
قد قسمت بنصفين بخط _ ا د _ تكون نسبة _ ب ا _ الى _ ا ج
مثل نسبة _ ب د _ الى _ د ج _ واذا بدلنا كانت نسبة _ ا ب
الى _ ب _ د _ مثل نسبة _ ا ج _ الى _ ج د _ ونسبة الجيع الى
الجيع مثل نسبة واحد الى واحد فنسبة خطى _ ب ا _ ا ج _ الى
خط _ ج ب مثل نسبة _ ا ب _ الى _ ب د _ وذلك ما اردنا ان
نبين (٢) •

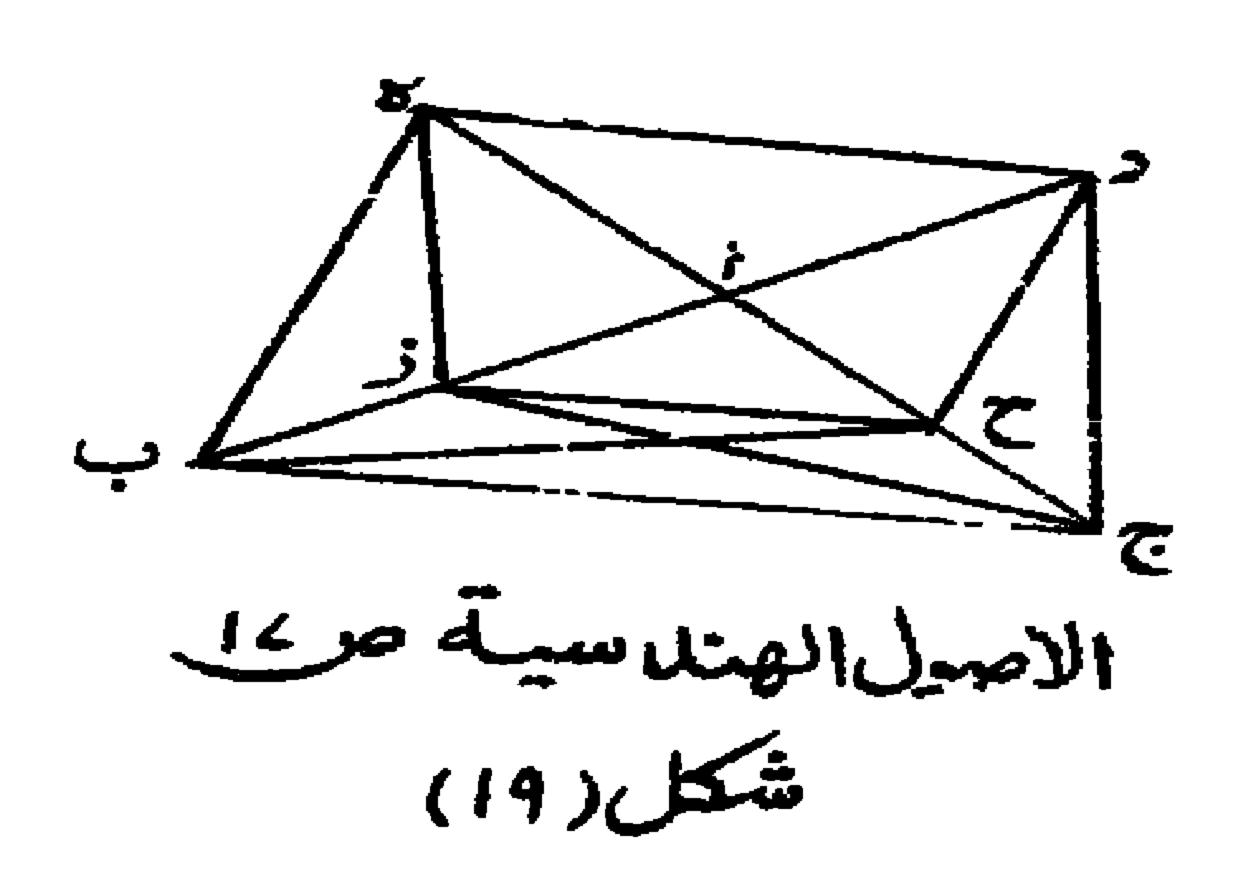
لنفرض مثلثا علیہ۔ اب ج۔ ولنخر ج خطی ۔ ج ا۔ب ا علی استقامة الی نقطی ۔ د ہ۔ ولنصل۔ د ج۔ ہ ب۔ ولنخر ج

⁽١) الشكل السابع عشر (٢) الشكل الثان عشر.

ب مرب المحال مي الما المحال المحال (21) هي المحال (21)







من نقطة ـ د ـ خطا مواز يا خلط ـ د ب وهو خط ـ د ح ولنخرج من نقطة ــ ه ــ خطا موازيا لحط ــ د ج ــ وهو خط ــ ه ز _ وانصل ــز ح ــ فاقول ان خط ــ ز ح ــ مواز لحط ــ ب ج٠ برهان ذلك لنصل – زجے ۔ هب ۔ ه د ۔ فثلث ۔ زه ج ــ مساولمثلث ــ د ز ج ــ لا نهما عملي قاعدة واحدة وهي خط ز جے۔وبین خطین متوازیین وہما خطا ۔ د ج ۔ ہ ز۔ ولیلتی مثلث د ا ج _المشترك فيكون مثلث _ د ا ه _ الباقى مساويا لمثلث _ ج ا ز ــ الباقى ومثلث ــ د ه ب ــ مساولمثلث ــ ح ه ب ــ لأ نهما على احمدة وإحدة وهي خط ــ ه ب ـ وبين خطين متوازيين وها ـ ه ب _ د ص _ ویلتی مثلث _ ه ا ب _ المشترك فیكورن _ _ د ا ه الباقی مسار یالمثلث ـ ا ب ج ـ الباقی و لکن قد کان تبین ان مثلث د ا ہ۔مساولمثلث _ ج ا ب فثلث _ اب ج مساولمثلث _ ا زج ـ ويلتى مثلث ـ ا زح ـ المشترك يكون مثلث ـ ب زح الباقى مساولمثلث ــ ح ز ج ــ وهما على قاعدة واحدة وهى خطــ ز ح _ فہما بین خطین متوازبین فخط _ زح _ مواز لخط _ ب ج وذلك _ ما اردنا ان نبين (١) ٠

لنفرض خط ۔ اب ۔ مساویا لخط ۔ اج ۔ وخط ۔ ب د مساویالخط ۔ دج ۔ ولیکن کل واحدہ من زاویتی ۔ ب اج ب

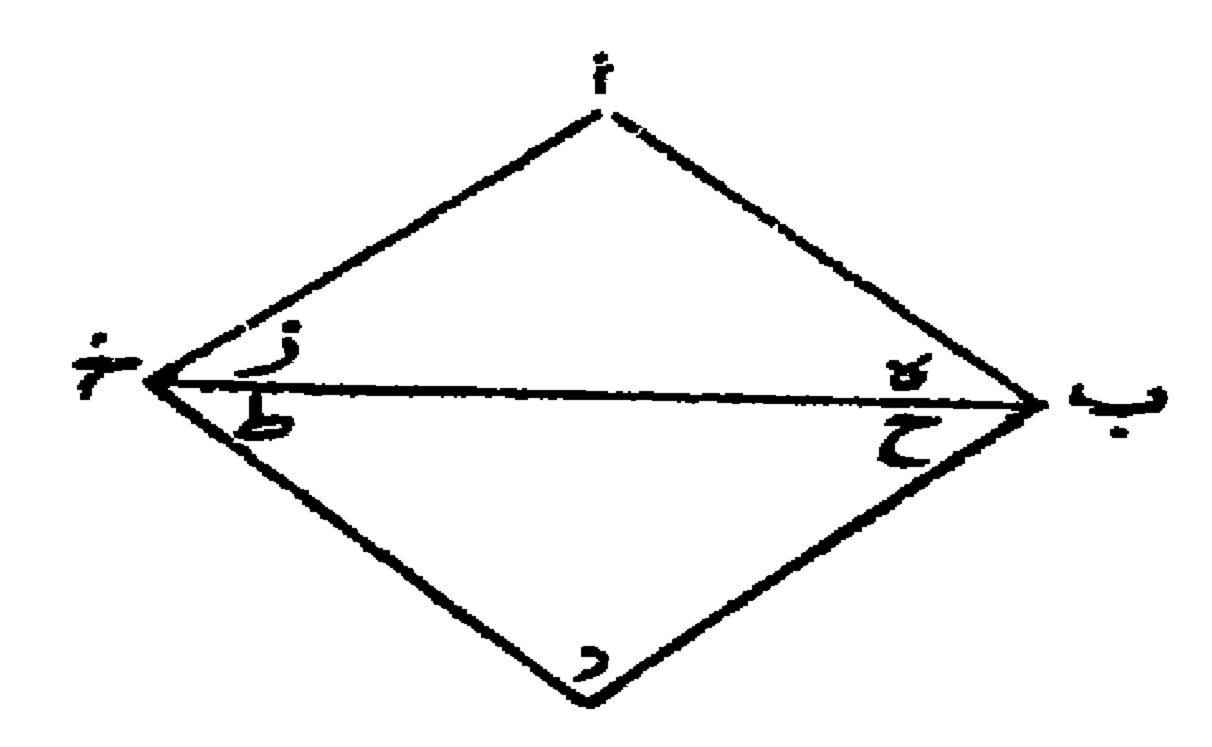
^(,) الشكل الله سع عشر .

د ج _ قاعة فاقول ان زاویة _ ا ب د _ مساویة لزاویة _ ا ج د •

برهان ذلك لنصل _ ب ج _ فن اجل ان زاویة _ ا _ قاعة
تكون زاویتا _ • _ ز _ مساویتین لقاعة واحدة وایضا من اجل ان
زاویة _ د _ قاعة تكون زاویتا _ - ح _ ط _ مساویتین لقاعة واحدة
وقد كا نتا زاویتا _ • _ ز _ مساویتین لقاعة واحدة فزاویتا _ • _ ز
مساویتان لزاویتی _ ح _ ط _ فجمیع زاویة _ • ح _ مساویة لجمیع
زاویة _ ن ط _ وذلك ما اردنا ان نبین (۱) •

- تم كتاب ارشميدس في الاصول الهندسية وهوعشرون شكلا ولله الحمد وصلوا ته على نبيه محمد وآله

⁽١) الشكل العشرون.



الاصول الهنال سية صري في الاصول الهنال المريال المريال المراك الم

كتاب

فى الدوائرالمتهاسة لارثميدسي المقتول سنة مائتين واثنا عشر قبل الميلاد

الطبعة الاولى

عطبمة جمعية دائرة الممارف المثمانية يعاصمة الدولة الآصفية الاسلامية حيد رآياد الدكن لازالت شموس افاداتها بازغة ويدور افاصنا تهاطالعة الى آخرالزمن ~ 1777 z...

~ 19EV

بسم الله الرحن الرحيم

قال ارشمیدس اذاکانت دو اگر کم کانت متنالیة متماسة و مراکزها علی خط واحد و اخر ج ذلك الخط علی استقامة و تعامت علیه نقطة ما و اخر ج منها خط عاس الدو اگر فان الدو اگر متناسبة علی تو الیها و ان کانت الدو اگر متناسبة علی تو الیها فان الخط الذی عاس دا گرتین منها اذا اخر ج علی استقامة ماس باقی الدو اگر و اگر و این منها اذا اخر ج علی استقامة ماس باقی الدو اگر و

مثال ذلك لنفرض دوائر متنالية متماسة على مراكزها اب جروليكن مراكزراب جرعلى خطواحد بمستقيم وهو خطراج وليكن مراكزراب جرعلى خطواحد بمستقيم وهو خطراج ولنفرض الدوائر يماس بمضها بعضا على نقطتي ده ولنعلم على خطراج نقطة درزولينغرج منها خط يماس الدوائر على نقط رح ط ك و

فاقول ان نسبة دائرة (١) الى دائرة ـ بـ كنسبة دائرة بـ الى دائرة ـ بـ •

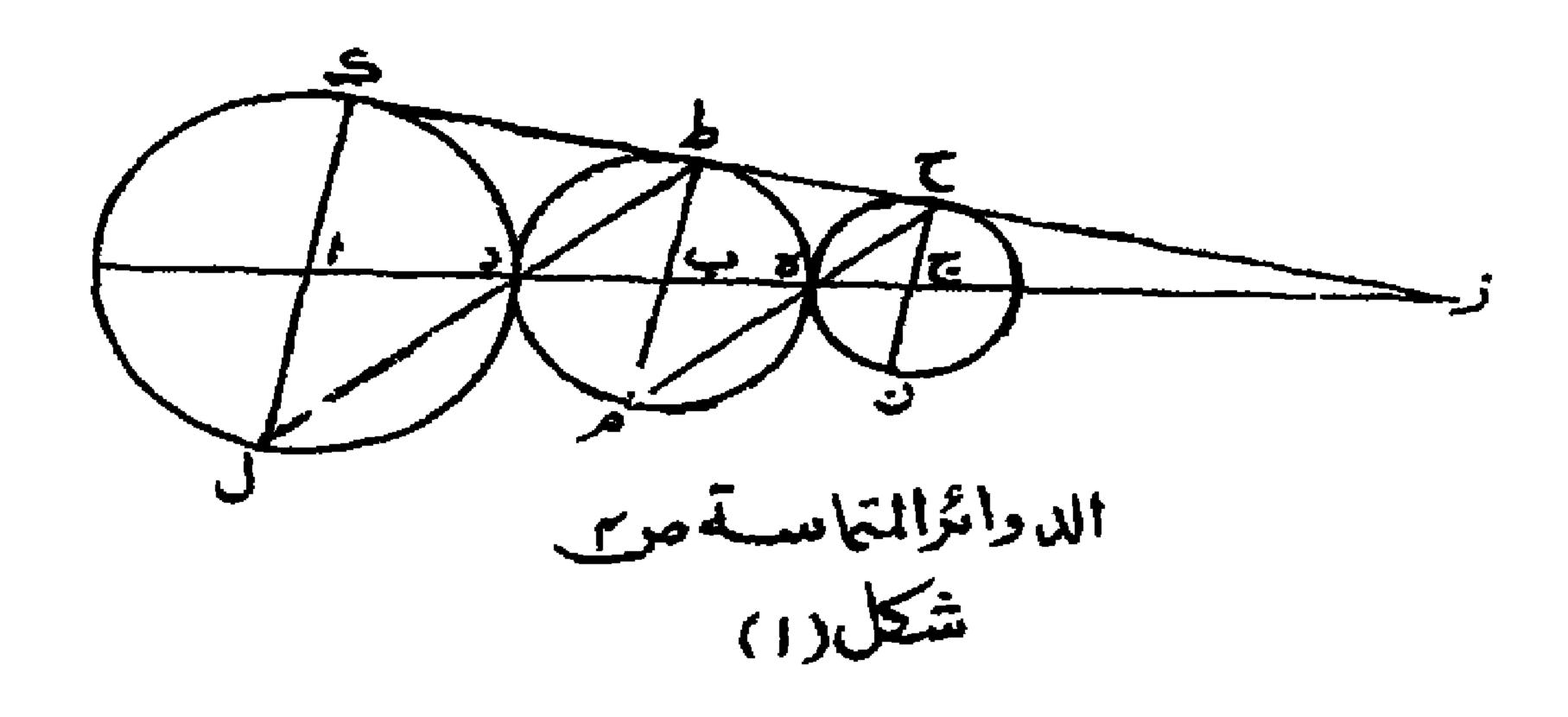
الماس فهي اذن متوازية فزاوية .. ل ا د .. اذن مساوية لزاوية ـ د ل طـ ومثلتا _ ل ا د ـ د ل ط ـ متساویا الساقین فزاویة _ ا د ب اذن مساوية لزاوية ــ ب د ط_ فخط ــ اب ـ مستقيم فخط ــ ل ط اذن ایضا مستقیم و عثل ذلك تبین ان خط ــم ح ــ مستقیم ومن اجل ان مثلی۔ ل ك ط م ط ح .. القائمي الزوا يا زاويتا ــ ال ج ــ ب م د ــ منها متساويتان فان الزاويتين الباقيتين منها وهما ــ لشطل طحم_منساويتان فخط _ل ط_اذن مواز لخط_م حرومن اجل ان مشلشي.. ك ل ط _ م ط ح _ متشابهان تكون نسبة _ ل ك الى ـ ل ط ـ مثل نسبة ـ م ط ـ الى ـ ط ح ـ واذا بدلنا تكون نسبة ل ك ي الى _ م ط _ مثل نسبة _ ك ط _ الى _ ط ح _ و لكن نسبة ك ل ـ الى ـ طم ـ مثل نسبة ـ ك ا ـ الى ـ ط ب ـ اعنى مثل نسبة ك زـ الى ـ زطـ فنسبة (١) اذن الى ـ زطـ مثل نسبة ـ كطـ الى ط سے _ ومن اجل ان نسبة كل _ لئة ز _ الى كل _ ز ط _ مثل نسبة ك طـالمنقوص الى _ط حـالمنقوص تسكون نسبة _طن الباقى الى ــ ز ح ــ الباقى مثل نسبة ــ ك ز ــ الى ــ زط ــ ولكن نسبة ـ ك ز ـ الى ـ زط ـ مثل نسبة ـ ك ا ـ الى ـ ط ب - اعنى مثل نسبة _ لئه ل _ الى _ طم _ ونسبة _ طزر الى _ زُح _ مثل نسبة ط ب ـ الى - ح ج ـ اعنى مثل نسبة ـ ط م ـ الى ـ ح ن ـ فنسبة لـُـل ـ اذنالى ـ ط م ـ مثل نسبة ـ ط م ـ الى ـ ح ن ـ فنسبة مربع

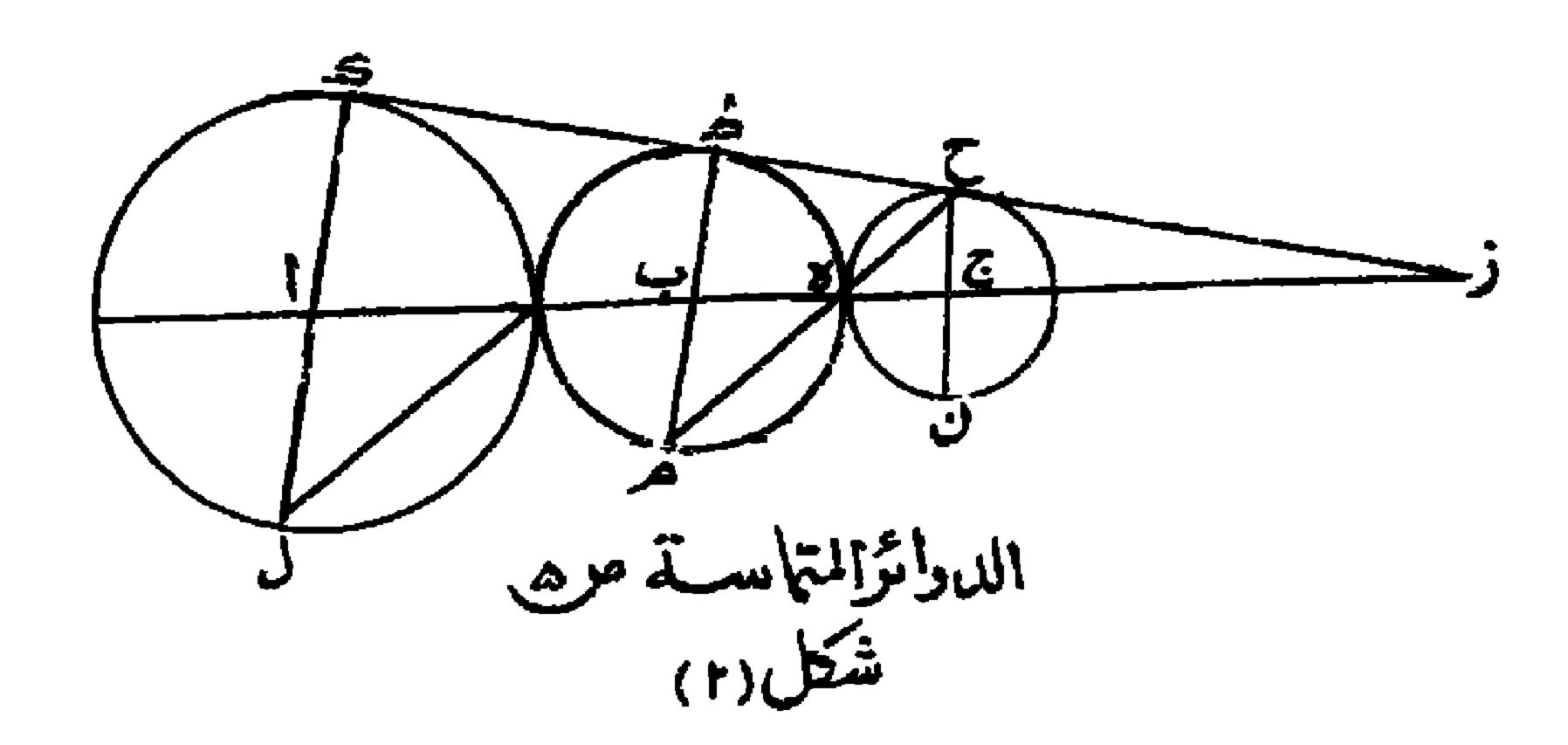
^(,) هنا خرم في الاصل.

ك ل ـ الى مربع ـ طم ـ مثل نسبة مربع ـ طم ـ الى مربع ـ حن ونسب الدوائر بعضها الى بعض كنسب مربعات اقطارها بعضها الى بعض فنسبة دائرة - ا ـ الى دائرة ـ ب ـ كنسبة دائرة - ب الى دائرة ـ ـ جوذاك ما اردنا ان نبين (١) ٠

وایضا لتکن الدوائر متناسبة علی توالیها و لنفرض خط _ ز ح _ تماس دائرتی _ ج ب _ علی نقطتی _ ح ط • فاقول انا اذا اخر جنا خط _ زط _ علی استقامته ماس باقی الدوائر •

برهان ذلك لنخرج على تقطة _ ا _ خطا موازيا خلط _ طم
وهو قطر _ ك ال _ ولنصل _ ط ك _ ولنتهم باقى الرسم على ما فى
الشكل الذى تقدم فتبين لتا (٢) ان خط _ ل ج _ على استقامة خط
ج ط _ وان خط _ ل ط _ مواز خلط _ م ح _ وان مثلث _ ك ل
ط _ مشابه لمثلث _ ط م ح _ ومن اجل ان الدو اثر متناسبة على تو اليها
فات نسبة _ ك ل _ الى _ ط م _ مثل نسبة _ ط م _ الى _ ح ن
ولكن نسبة _ ك ل _ الى _ ط م _ اعنى نسبة _ ال _ الى _ ط ب
مثل نسبة _ ل د _ الى _ زط _ اعنى مثل _ ل د _ الى _ م _ ونسبة
ط م _ الى _ ح ن _ اعنى نسبة _ ب م _ الى _ ج ح _ مثل نسبة _ م
الى _ ح ح _ اعنى مثل نسبة _ د ط _ الى _ ح ح _ وقد كانت نسبة
ل د _ الى _ ه _ مثل نسبة _ د ط _ الى _ ه _ و نسبة _ ك ل _ الى _ م _ و نسبة _ ك





اذن الى ـ ط م ـ مثل نسبة _ ل د ـ الى ـ م • ... ومثل نسبة ... د ط ـ الى مح ـ اعنى مثل نسبة جيع _ ل ط ـ الى جيع _ م ح ـ . و من اجل ان نسبة _ ك ل .. الى ـ ط م ـ مثل نسبة _ ل ط ـ الى ـ م ح ـ . و الزاويتان نسبة _ ك ل ـ الى ـ ط م ح ـ . متشا بهان اللتان محيط بها متساويتان فان مثلثى _ ك ل ط _ ط م ح ـ . متشا بهان فزاوية _ ل ك ط ـ مساوية لزاوية _ م ط ح _ و زاوية ـ م ط ح قاعمة فزاوية _ ل ك ط ـ قاعمة و خط _ ك ل _ مواز لحط _ ط ب فزاوية - ك ط م اذن قاعمة و قد كانت زاوية - ب ط ح _ قاعمة فزاوية - ك ط م - اذن قاعمة و قد كانت زاوية - ب ط ح _ قاعمة فخط _ ط ك ـ و عاس د أرة _ ا م فخط _ ح ط ـ اذن على استقامة خط _ ط ك ـ و عاس د أرة _ ا م فخط _ ك ك نت و عثل ذاك تبين انه اذا كانت دو اثر اكثر من هذه كم كانت قاسها كلها •

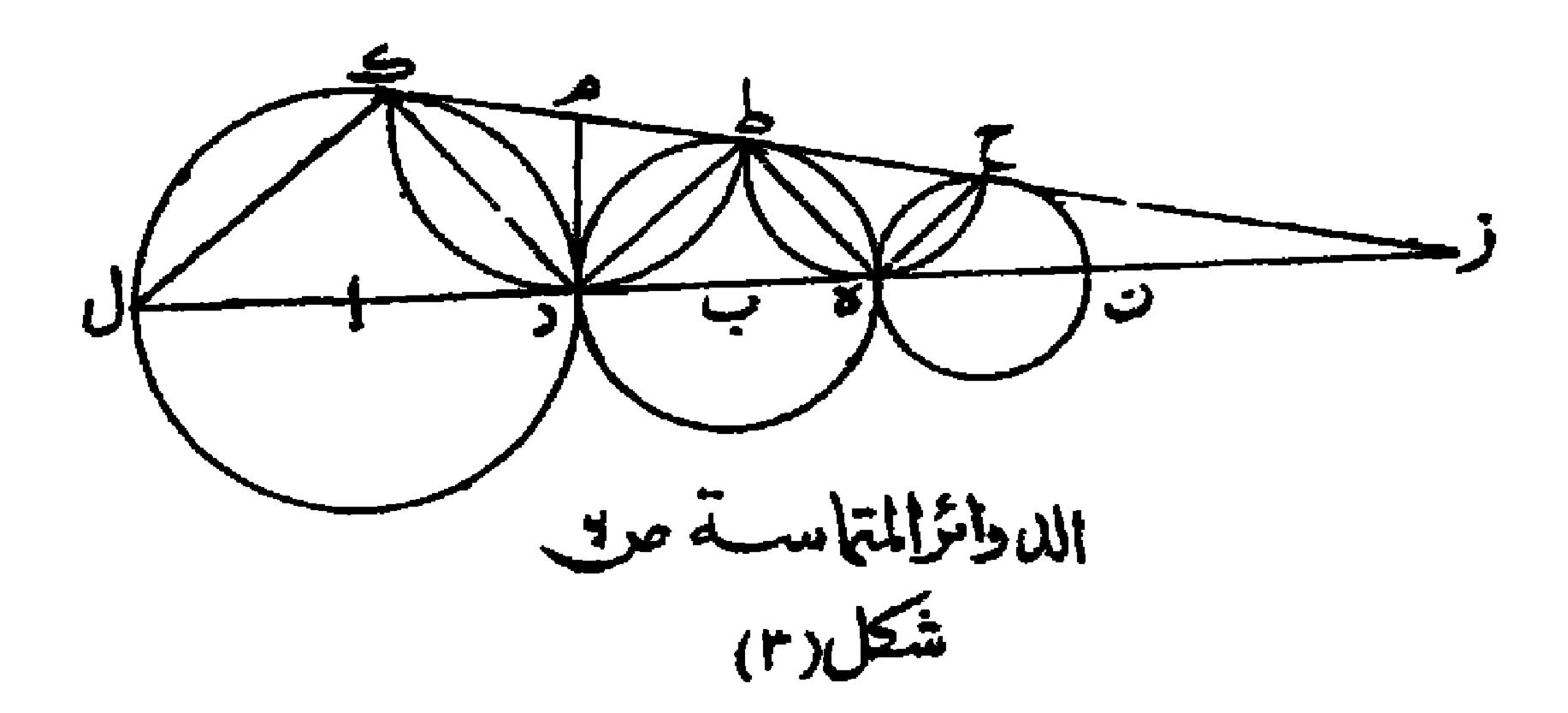
وایضا لنفرض الدوائر علی مأفی المقدمة و لنصل سال الدوائر علی مأفی المقدمة و لنصل سال الدوائر علی مافی المقدمة و لنصل سال الدوائر قط سده م سعود علی خط من دائر تی ساب و هو خط سده م سعود علی خط ل ز سومن اجل ان کل واحد من خطی سائه م سم د ساویا الحط سم د و کذلك ایضا یکون اسیا کون خط سام مساویا الحط سم د و کذلك ایضا یکون خط ساط م سماویا الحسط سم د فنطوط ساله م سمویه الثلاثة متساویة و الدائرة المرسومة علی مرکز سم سویبعد سم ال کدائرة ساویة و الدائرة المرسومة علی مرکز سم سویبعد سم ال کدائرة ساویة و الدائرة المرسومة علی مرکز سم سویبعد سم ال التلائة متساویة و الدائرة المرسومة علی مرکز سم سویبعد سم التلاثة متساویة و الدائرة المرسومة علی مرکز سم سویبعد سم التلاثة و زاویة ساله د ط سفر اویان و التلاثة و زاویة ساله د سامتو ازیان و التلاثة و زاویه ساله د سامتو ازیان و التلاثة و زاویه ساله و التلاثان و التلاثة و زاویه ساله و التلاثان و التلاثة و زاویه و التلاثان و

⁽١) الشكل الثاني.

وعثل ذلك تبن ان خطى ــ دطــه _حــ متوازيان و ايضا من اجل ان خط _ ز ح ك ـ عاس دائرة ـ ا ـ على نقطة ـ ك ـ وخط الثد ـ لما يفصلها تكون زاوية ـ ط لئـ مساوية ازاوية ـ ك ل د ومثلثا _ ل ك د _ ك د ط _ قائمة الزاويتين فزاوية _ ك د ل _ الباقية مساوية لزاوية ـ كـ ط د ـ الباقية فمثلنا ـ لك د ـ كدط ـ متشابهان و لکن مثلث _ ل لئا د _ هو مشا به لمثلث _ د ط ه _ ومثلث _ لئا د ط_مشابه لمثلث _ط م ح فثلثات _ ل ك د ط ط و ح م حن _ اذن متشابهة فنسبة _ الأ _ الى _ لد رمثل نسبة _ ل د_الى _ط د_ومثل نسبة _ دط_الى _ط ه _ ومثل نسبة _ ط هـ الى ـ ه ح ـ فاذا القينا الاوساط تصيرنسبة ـ ل ك ـ الى ـ د ط ـ مثل نسبة ــ د طــ الى ــ ه حــ ولكن نسبة ــ ل كــ الى ــ د ط مثل نسبة ... ل د ... الى .. د هـ و نسبة .. د ط ... الى ... و حـ مثل نسبة ده الى مفر فنسبة ل در الى د ده اذن مثل نسبة ده الى د ز د فنسبة مربع ل د د اذن الى مربع د د د مثل نسبة مربع ده ـ الى مربع ـ ه ز ـ فنسبة دائرة ـ الـ الى دائرة ـ ب ـ كنسبة دا ترة ـ ب ـ الى دائرة ـ ج ـ وذلك ما اردنا ان نبين (١) •

و ایضا لتکن الدوائر متناسبة علی تو البها و لیکن خط_زح علس دائرتی _ ج ب _ علی نقطتی _ ح ط _ •

فنقول انا اذا اخرجنا خطرزح طرعلى استقامته ماس

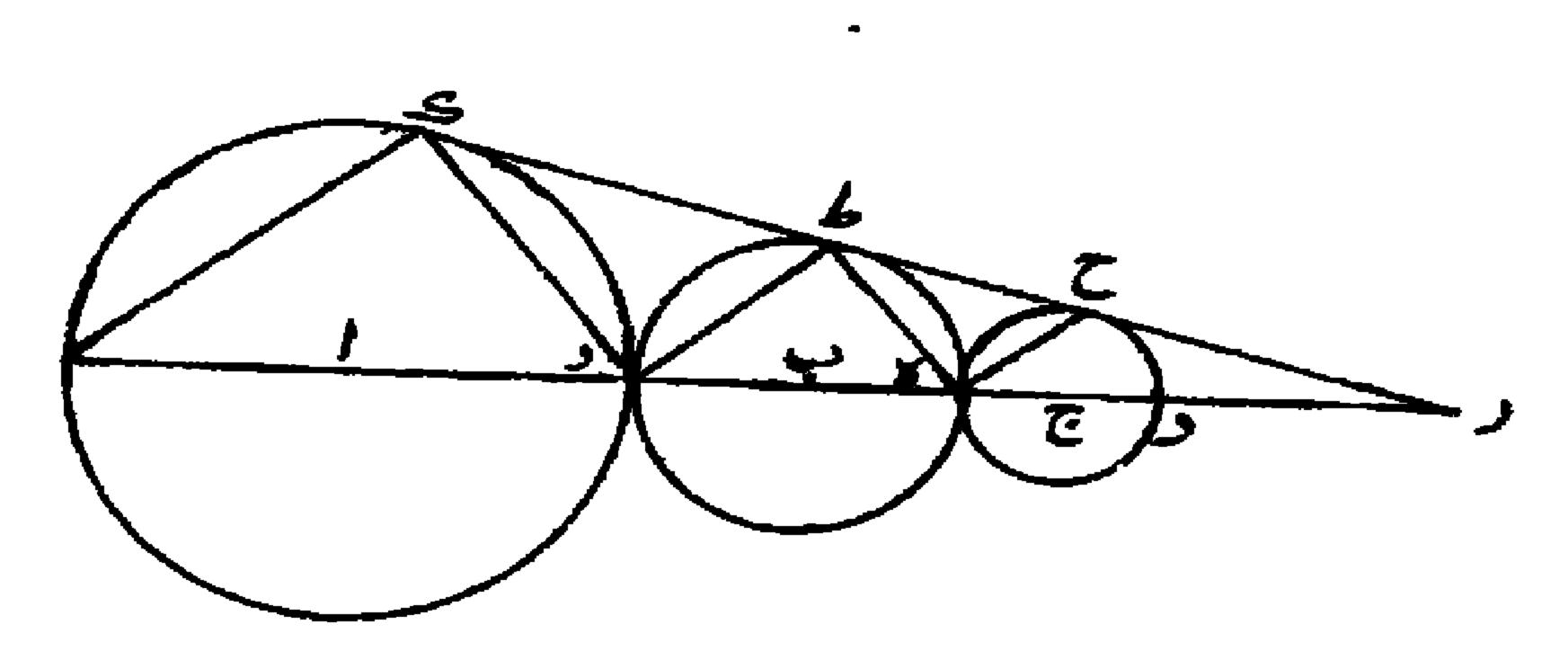


برهان ذلك لنصل خطوط - ب ح ـ و - ه ط ـ ط د ولنخرج من نقطة ــ د_خطا مو از يالخط ــ ط هــ وهوخط ــ دك ولنصل ــ طاكــ ك ل ـ فن اجل ان خطــ ك دــ مو از لخط ــ طه تحكون زاوية للدل مساوية لزاوية سطه دروزاوية ط • د ــ قاعمة وهي مساوية لزاوية ــ طدكـ لأن خطي ــ ك د ط مدمتوازيان وزاوية دك لدائها في نصف دائرة ل ك د ـ فزاوية ـ طدك ـ اذن مساوية لزاوية ـ دك ل ـ فخط الئيان مساوخطد وطرومن اجل الالمثاثات متشابهة على ما تمان فها تقدم تكون نسية _ ب ج _ الى _ ح مثل نسبة _ ح ه الى ـ و ط ـ و مثل نسبة ـ و ط ـ الى ـ ط د ـ فنسبة ـ زح ـ اذن الى _ م ط_ مثل نسبة _ زح _ الى _ ه ط ـ مثناة ولكن نسبة ـ زح الى ــ ه طــ مثل نسبة ــ ه طـ الى ــ د كــ ونسبة ــ زح ــ الى ــ ح ه كنسبة _ وط _ الى _ ط د _ فنسبة _ وط - اذرف الى ـ ط د كنسبة _ هط _ الى _ ط د _ مثناة فنسبة _ ه ط _ الى _ ط د _ مثل نسية ــ ط د ــ الىــ د كــ وهى تحيط بزوايا متساوية فمثلث ــ كــ دط ــ مشابه لمثلث ــ دط هــ وزاوية -- دك طــ مساوية لزاوية دطه وقدكانت زاوية وطه مساوية لزاوية وطده فزاوية _ ح طه ـ اذن مساوية لزاوية ـ طلك د ـ ومن ابل ان

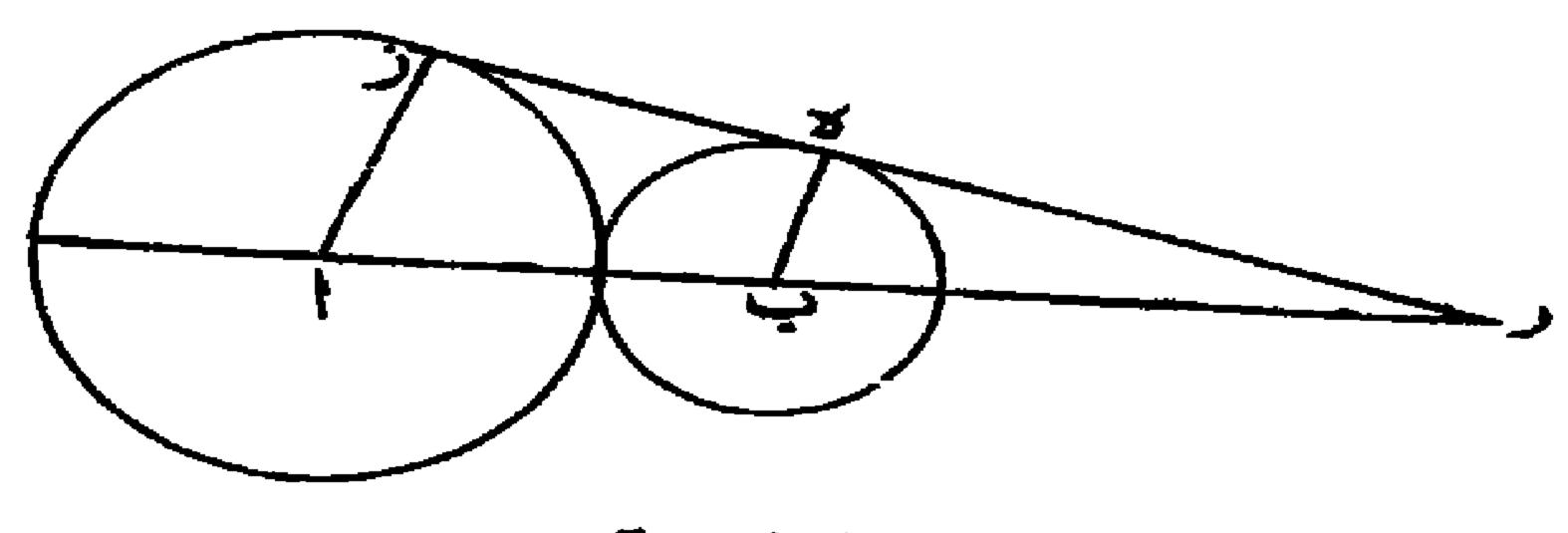
زاویتی _ ك طح _ ـ طح و _ معادلتین لقائمتین و زاوید قسد ك د ط مساویة لزاویة _ طح و _ تكون زوایا _ د ب و _ د طح _ معادلتین لقائمتین نفط _ ك ط ح علی استقامه خط _ و ز _ و ایضا من اجل ان زاویه و ط ك د _ مساویة لزاویة _ د ل ك _ یكون خط _ زك _ مماسا لدائر ق _ ا لقلت ما قبل فی للقالة الثالثة من كتاب او قلیدس الموسوم بالا سطقسات و قد يحصل لنا معا بينا انه اذا كان دا ثر تان تماسان من محمد خارجها و ما بينها جيما خط و احد كخط _ ط ك _ فان الح ل ط الح فان الح ل الماس یكون و سطا بین قطری الدائر تین علی تو الی النسبة و ذلك انه بتشابه المثلثات تكون نسبة _ ل د _ الی _ ك ط _ كنسبة _ ك ط الی _ د و (۱) و

اذاكانت دوائرمتنالية مراكزها على خط واحد مستقيم واخر ج ذلك الخط وفرض على المخر ج منه نقطة مازاخر ج منها خط مستقيم عماس الدوائر بعضها الى بعض كنسب مربعات الخطوط التي عاسها بعضها الى بعض •

فاقول ان نسبة دائرة _ ا _ الى دائرة - ب _ مثل نسبة المربع



الدوائزالمتاسة ص



الل والوالمتاسة ص

الذي يكون من خط_ زد_ المياس الى للربع الذي يكون من خط • د_ الماس •

برهانه لنصل _ زاه ب _ فن اجل ان كل واحدة من زاويتى ازد _ ب ه د _ قائمة يكون خط _ زا _ مو ازيا لحط _ ه ب _ فنسبة زا _ الى _ ه ب _ اعنى نسبة قطر دائرة _ ا _ الى قطر دائرة _ ب كنسبة _ زد _ الماس الى _ د ه ـ الماس فنسبة مربع قطر دائرة _ الى مربع قطر دائرة _ ب اعنى نسبة دائرة _ ا _ الى دائرة _ ب لى مربع خط _ د د _ الماس وذاك كنسبة مربع خط _ زد _ الماس الى مربع خط _ د د _ الماس وذاك ما اردنا ان نبين (١) •

اذا كانت دوائر متاسة مراكز هاعلى خط واحدوهى متناسبة على تواليها واخرج من مراكز ها خطوط عاسها على ترتيب فان نسب لدوائر بعضها الى بعض كنسب مربعات الخطوط الذي عاسها بعضها الى بعض فلنفرض دوائر متاسة على مراكز _ا_ب_ جدوليكن مراكز _ا_ب ج_د على خط واحد ولتكن متناسبة حلى تواليها وليخرج من خط _ا_ب ج د خطوط عاس دوائر – ا ب ج د خطوط عاس دوائر – ا ب ج د د على ترتيب وهى خطوط _ ب ط ج د ر ب ط

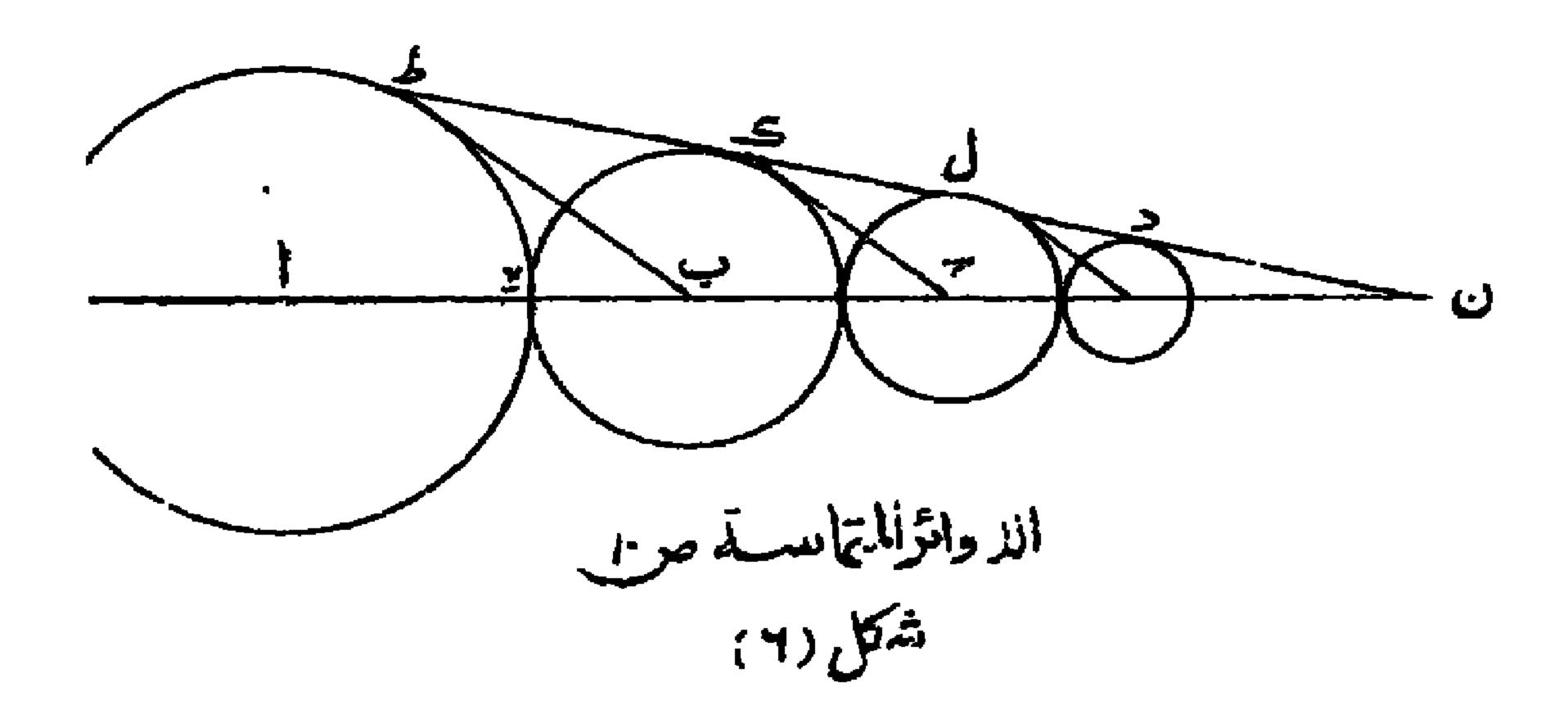
فاقول ان نسبة دائرة ــ ا ــ الى دائرة ــ ب كنسبة مربع خط ب ط ــ الى مربع خط ــ ح لــ ـ و نسبة دائرة ــ ب ــ الى دائرة ــ ج

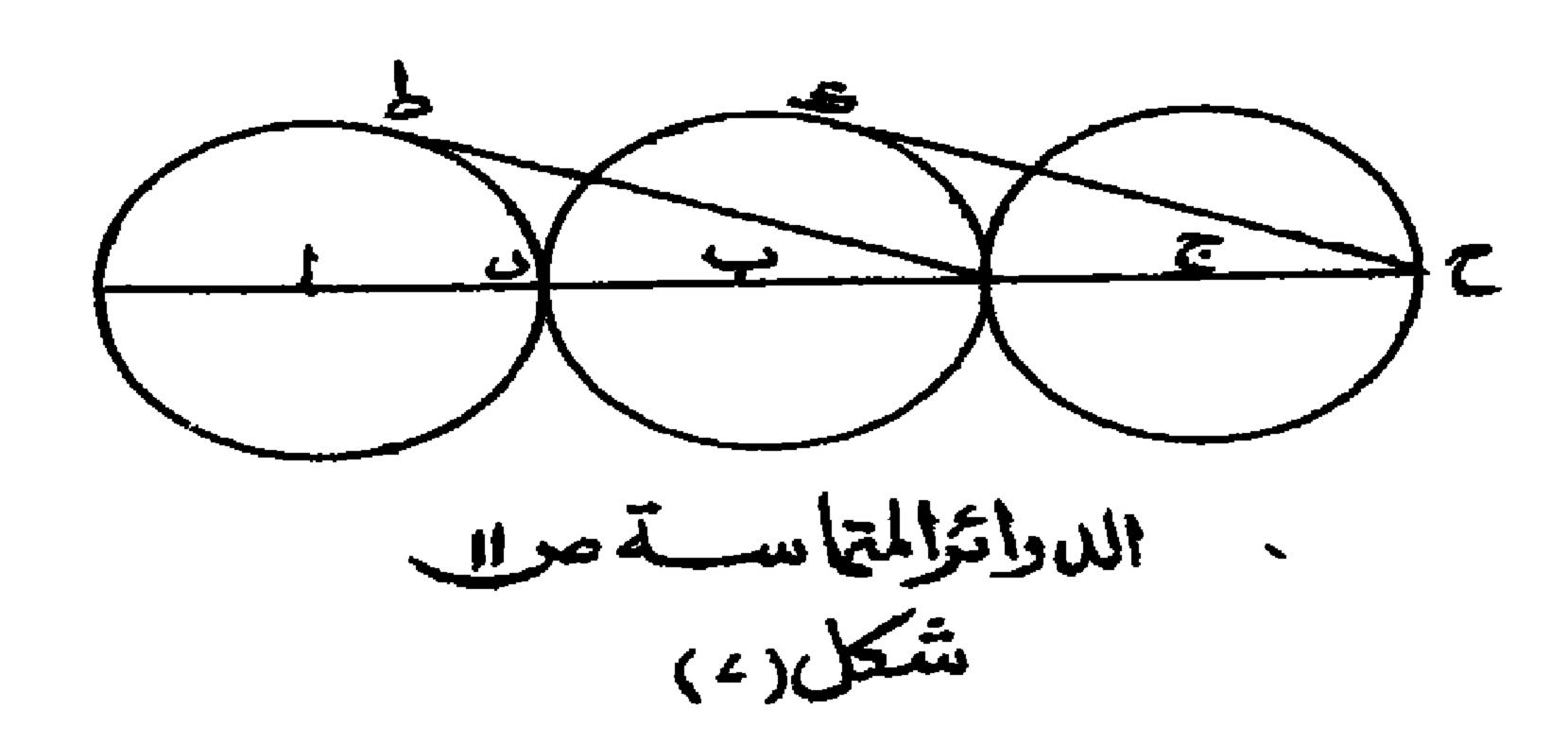
⁽۱) الشكل الحامس.

كنسبة مربع خط - ج ك الى مربع خط _ دل • برهان ذلك من اجل ان الدوائر متناسبة على تواليها تكون نسبة قطر ـ م ه ـ الى ـ م ز - مثل نسبة ـ ه ز ـ ال - زح ـ اعنى مثل نسبة _ و د _ الى _ د ج _ فاذا بدلنا تكون نسبة _ و _ الى _ و ب كنسبة _ مز_ الى – زج _ واذاركبناتكون نسبة _ مب الى ب ہ _ کنسبۃ _ ہ ج _ الی _ ج ب _ و لکن خط _ ب ط _ هو متوسط بین خطی _ م ب _ ن ہ – وخط – ك ج _ متوسط بین خطی ۔ ہ ج ۔ ج ز ۔ فنسبة ۔ ب ط ۔ الی ۔ ب ہ ۔ اذن كنسبة ك جــالى _ ج ز_واذا بدلنا تكون نسبة _ ب ط_الى _ ك ج كنسبة _ ، ب الى _ زج _ ونسبة _ ، ب _ الى _ زج _ كنسبة م ه ـ الى ـ ه ز فنسبة ـ ب ط ـ الى ـ الد ج ـ اذن كنسبة قطر ـ م ه الى د زد فنسبة مربع م مدالى مربع د أرة ا_الى دائرة_ب_كنسبة مربع _ طب الى مربع _ ك-وذلك ما اردنا ان نبن •

وقد يحصل لنامن هاهنا ان نعلم ان خطوط ــ ط ب ــ ك ج ل د ــ متنا سبة على تو اليها متو ازية وعلم ذلك سهل ولقرب مأ خذه اذا وصلنا بين النقط المهاسة و بين المراكز فا نه تحدث لنامثلثات قائمة الزوا يا متشا بهة في الحلقة و الوضع (١) .

واقول انهذا بعينه يعرض اذا اخرجت الخطوط الماسة من





اطراف الافطار لا من المراكز كالذي هومرسوم في هذه الصورة برهان ذلك من اجل ان نسبة قطره مدانى درانى و ذركنسبة مزدالى درح و قانا اذار كبنا تكون نسبة م زرالى در من الحل مثل نسبة دوح الى حرز ولكن خطر زط هوموسط بين خطى م زرد و در و دخط در الله ج دوموسط بين خطى ده ح زر فنسبة د ط زرالى در ح درالى در درالى در

وقد تبین ایضا نما تقدم ان هذه الخطوط الهاسة متوازیة متناسبة علی توالیها کم کانت (۱) ۰

اذا كانت دوا برتهاس من داخل على نقطة واحدة كانت متناسبة على تواليها واخرج من اطراف اقطارها خطوط تماسها على ترتيب فان نسب الدوائر بعضها الى بعض كنسبة مربعات الخطوط التى تماسها بعضها الى بعض .

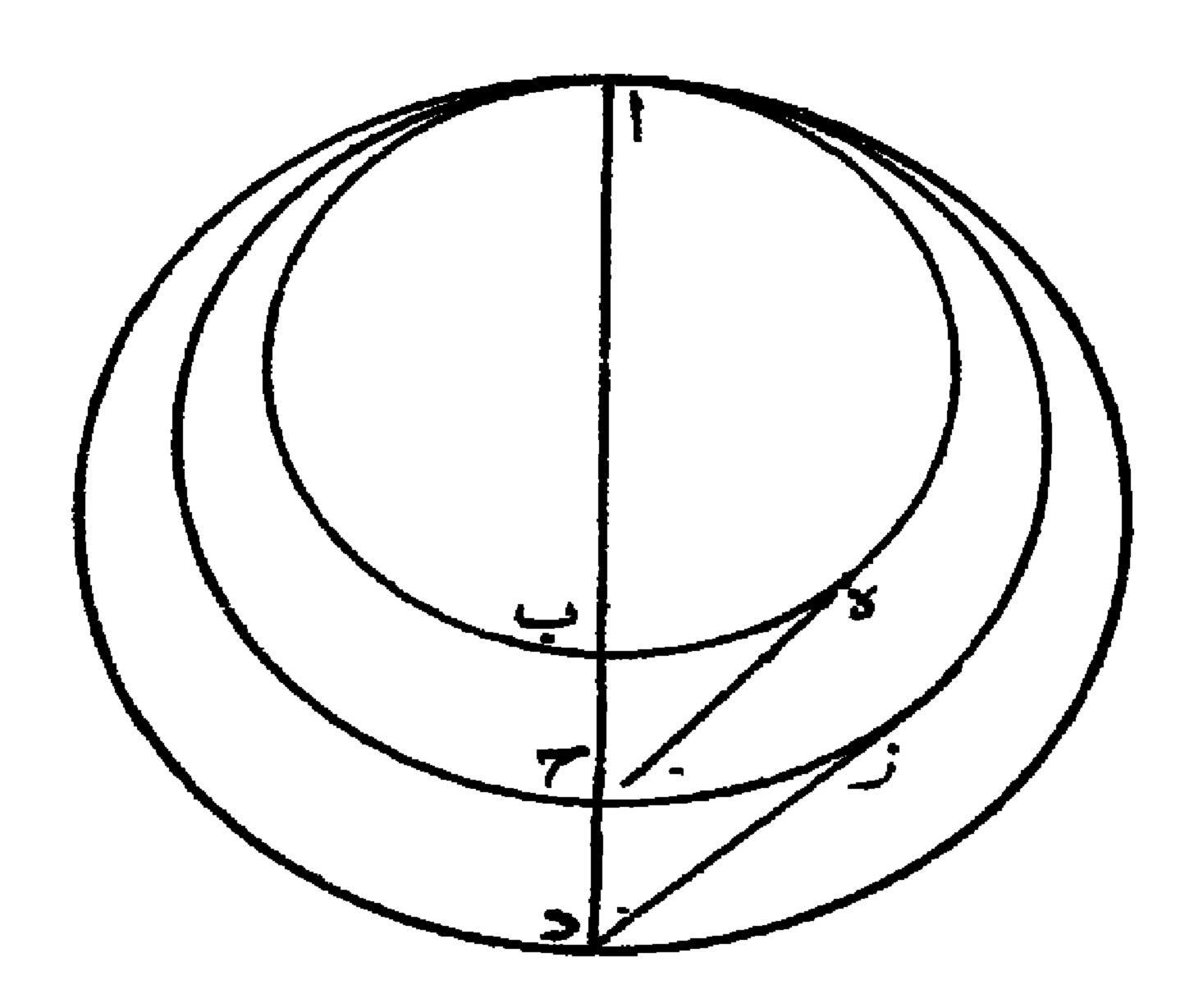
مشال ذلك لنفرض دوائر على اقطار ــ اب ــ ا ج ــ اد ولتكن متناسبة على تواليها ولياس بعضها بعضا على تقطة ــ ا ــ ولنخر ج من تقطتى ــ ج ــ د ــ خطين عاسان الدوائروها خطا ـ ح ــ د ز و فاقول ان نسبة دائرة ــ اه بــ الى دائرة ــ از ج ــ كنسبة مربع خطره جرائهاس الى مربع خطر زدر الهاس و برهان ذلك من اجل ان نسبة دار الى دا جركنسبة جرال الى داب من اجل ان نسبة برائي بينا فيا تقدم تكون نسبة زدر الى ده جركنسبة برج الله داب فنسبة مربع برزد الى مربع برج محركنسبة مربع برج الله مربع برج الله مربع براب الى دائرة بربه المربع الدنا الذنا المن نبين (١) و ذلك ما الدنا النبين (١) و

و بالجملة فانه اذا كانت دوائر تماسها خطوط وتحيط مع الخطوط المفرجة على مراكزها زوايا متساوية فان نسب الدوائر بعضها الى بعض كنسبة الخطوط الماسة بعضها الى بعض •

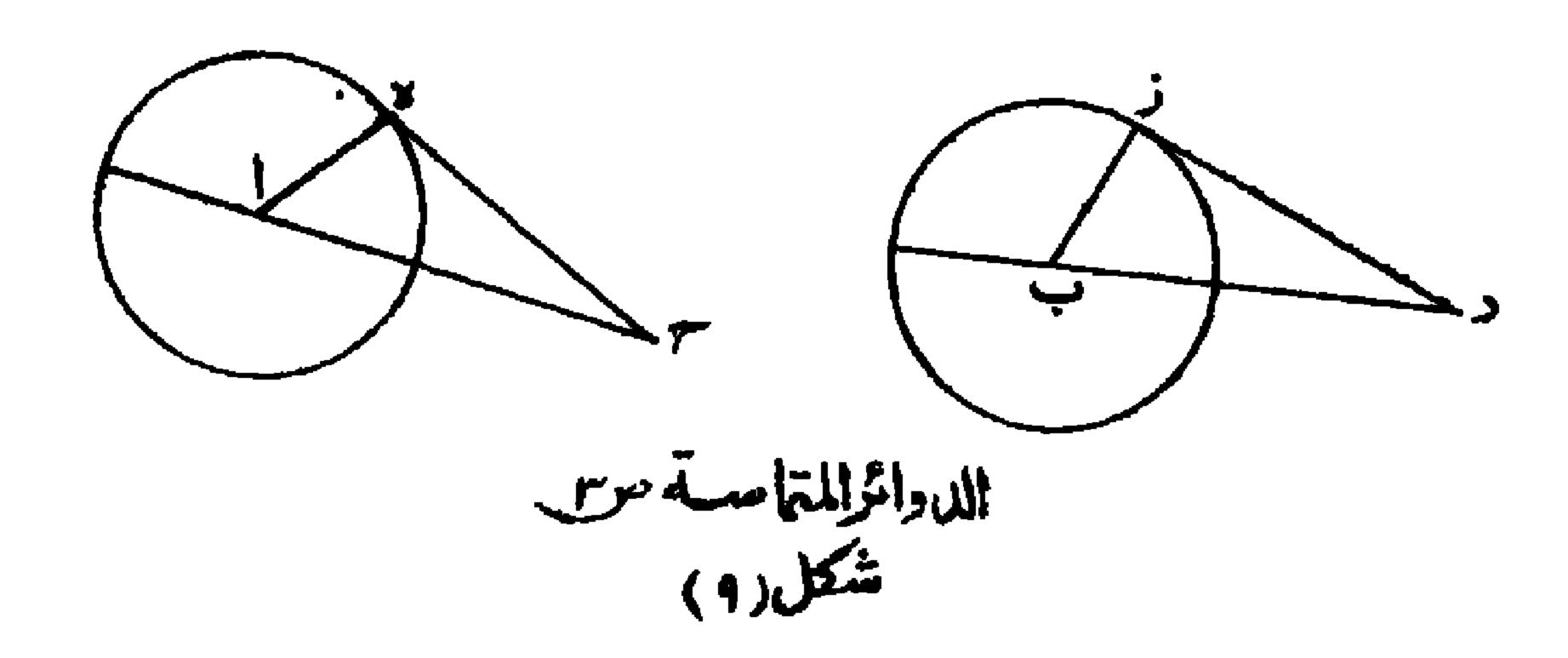
مثاله لنفرض دائرتین علی مرکزی ـ اب ـ ولنخر ج علی المرکزین خطی ـ ا ج ـ ب د ـ ولنخر ج ـ ج ه ـ تماس دائرة ـ ا و ـ د ز ـ تماس دائرة ـ ا و ـ د ز ـ تماس دائرة ـ ب ولت کن زاویة ـ ا ج ه ـ مساویة لزاویة ـ ب د ز ـ ۰

فاقول ان نسبة دائرة _ ا _ الى دائرة _ ب _ كنسبة مربع خط _ ح ه _ الماس الى مربع خط _ د ز _ الماس •

برهان ذلك من اجل ان مثلثى _ اه ج _ ب زد _ القائمى الزاوية متشابها ن فان نسبة _ ه ج _ الى _ ز د _ مثل نسبة _ ه الى _ ز د _ مثل نسبة مر ح الى _ ز ك _ فنسبة مر بع _ ه ج _ الى مر بسع _ زد _ ك نسبة مر مع



اللاوائرالمتهاسة مرس شكل (م)



خط ـ ه ا ـ الى مربع خط ـ زب ـ اعنى نسبة قطر دائرة ـ ا ـ الى قطر دائرة ـ ا ـ الى قطر دائرة ـ ب ـ وذلك قطر دائرة ـ ب ـ اعنى مثل نسبة دائرة ـ ا ـ الى دائرة ـ ب ـ وذلك ما اردنا ان نبين (١) •

اذاكان دائرةان تهاسان واخرج من طرقى الخط الذي يم على مركزيها وعلى النقطة المهاسة خطان متباد لان يتقاطعان وعاس الدائرة بن فان نسبة الدائرة الى الدائرة مثل نسبة الخطين المتبادلين المتقاطعين اللذين عاسانهما مثناة •

مثال ذلك لنفرض دائر تین علی مرکزی ــ اب ــ ولیتما سا علی نقطة ــ جــ ولنخرج الخط الذی یمر علی مرکزیهها و هو خط د ج ه ــ ولیخرج من نقطتی ــ د ه ــ خطان یتقا طعان و یما سان الدائرتین علی نقطتی ــ ز ح ۰

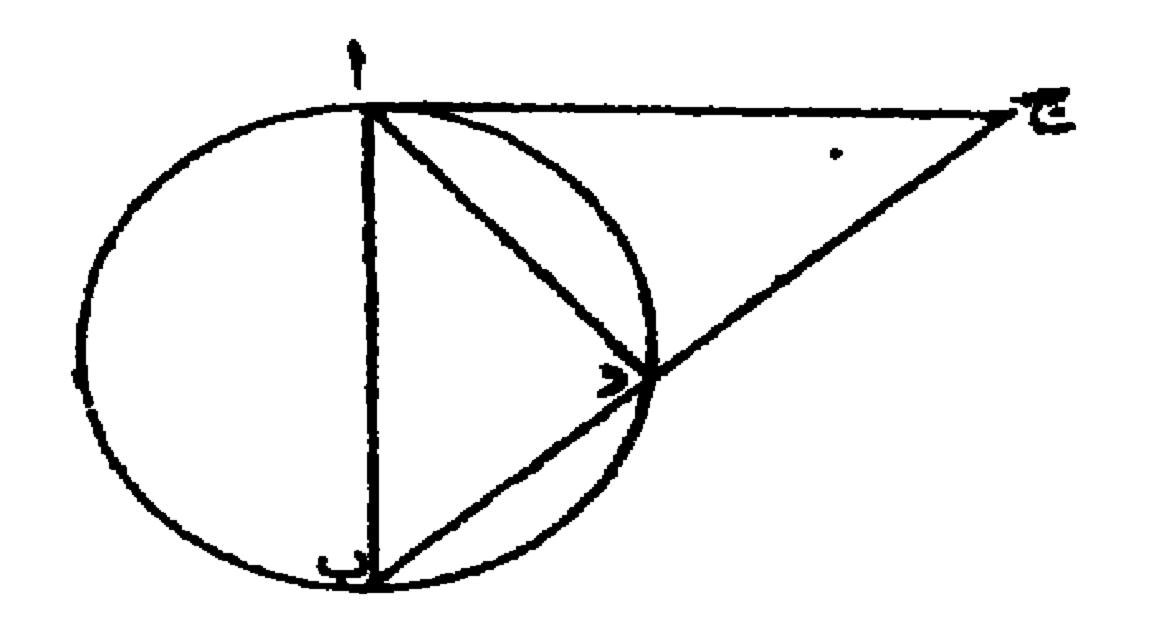
فاقول ان نسبة دائرة _ ا _ الى دائرة _ ب كنسبة خط د ح _ الماس الى خط _ و ز _ الماس مثناة ٠

برهان ذلك من اجل ان نسبة دائرة ـ ا ـ الى دائرة ـ ب م مثل نسبة قطر ـ د ج ـ الى قطر ـ د ج ـ الى قطر ـ د ج ـ الى قطر ـ ج م ـ مثناة و نسبة قطر ـ د ج ـ الى قطر ـ ج م ـ مثل نسبة الى قطر ـ ج م ـ مثل نسبة مسطح ـ د د ـ فى ـ د ج ـ الى مسطح ـ د د ـ فى ـ د ج ـ تكون نسبة دائرة ـ ب ـ كنسبة مسطح ـ د د ـ فى ـ د ج الى دائرة ـ ب ـ كنسبة مسطح ـ د د ـ فى ـ د ج الى مسطح ـ د د ـ فى ـ د ج الى مسطح ـ د د فى ـ د ج الى مسطح ـ د د ـ فى ـ د ح ـ فى ـ د ح ـ مثناة اعنى مثل نسبة مربع ـ د ح

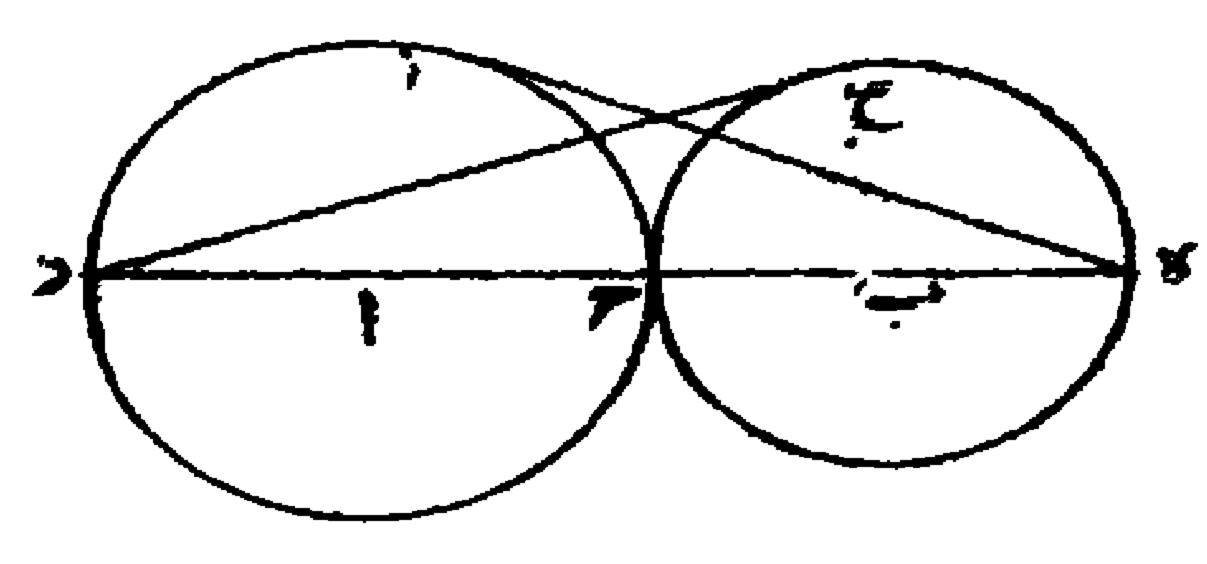
الهاس الى مربع ـ وزـ المهاس وذلك ما اردنا ان نبين (١) و اذا كانت دائرة واخرج من احد طرفى قطرها خط عاسها واخرج من طرفه الآخر خط يقطع الدائرة و بلتى الخط الهاس فان مسطح الخط القاطع فى قسمه الذى فى داخل الدائرة مسا ولمربع القطر فلنفرض دائرة قطرها ـ اب ـ ولنخرج من تقطة ـ ا ـ خطا عاسها وهو خط ـ ا ج ـ ولنوصل ـ ب د ج - و

فاقول ان مسطح _ ج ب في _ ب د _ مسا و لمربع _ اب و برهان ذلك لنصل _ اب فن اجل ان مثلث _ ج د القائم الزاوية مشا به لمثلث _ اب د _ القائم الزاوية تكون نسبة _ ج ب _ الى _ ب د _ فسطح _ ج ب _ الى _ ب د _ فسطح _ ج ب _ فى _ ب د _ مثل مربع _ اب _ و ذلك ما اردنا ان نبين (٢) و برهان هذا الشكل على جهة اخرى من اجل ان مربع _ ج ب لي مثل مربع _ ب ح ف _ ج د _ مع مسطح _ ب ج ب فى _ ب د _ فى _ ب د _ من مسطح _ ب ج ب فى _ ب د من مربع _ اب _ ومسطح _ ب ب فى _ ب د مثل مربع _ ب أب و مسطح _ ب ب ح فى _ ب د مثل مربع _ ب اب _ فى _ ب د _ فى _ ب د مثل مربع _ ب اب _ فى _ ب د _ فى _ ب د مثل مربع _ ب اب _ فى _ ب د _ الباقى مثل مربع _ اب _ الباقى وذلك ما اردنا ان نبين و مسطح _ ب ب د _ الباقى مثل مربع _ اب _ الباقى وذلك ما اردنا ان نبين و

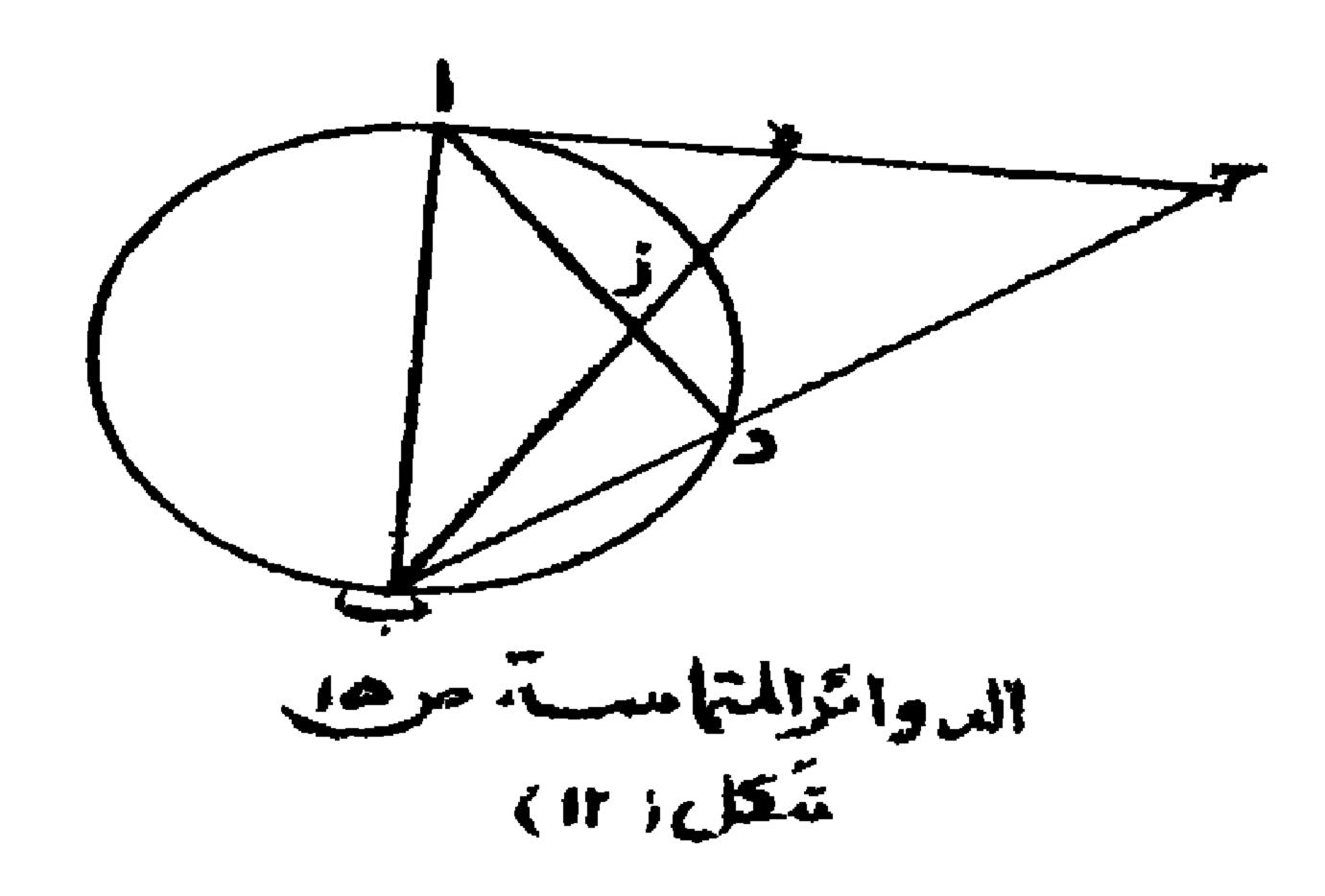
⁽١) الشكل العاشر (١) الشكل الحادى عشر.



الدوائرالمتهاسة صري



الدوائرالمقاسة حري



ج د ۔ فی ۔ د ب ۔ مع مربع ۔ د ب ۔ اعنی مسطع - سبح ب ۔ فی ب د ۔ و ذلک ما اردنا ان نبین •

وكذلك ايضا اذا اخرجنا خطوطا كم كانت مثل دزب يكون مسطح الخط كله فى قسمه الذى يتع داخل الدائرة مساويا للربع قطرها و تكون السطوح التى يحيط بها كل واحدمن الخطوط المخرجة مع قسمه الذى يقع داخل الدائرة متساوية ٠

اذا ماس خط دائرة من طرف قطرها و فرصت عليه تقطة ما واخرج منها خط آخر بماس الدائرة فان مسطح احد قسمي الخط الماس في الآخر مثل مسطح الخط الذي بمر بالمركز كله في قسمه الذي من مركز الدائرة الى محيطها ومسطح الخط الماس كله في قسمه الذي بين نقطة الالتقاء والنقطة المهاسة مسا ولمسطح الخط الذي يمر عملي المركز في قسمه الذي بين نقطة الالتقاء ومركز الدائرة (١) .

مثاله لنفرض دائرة على مركز _ ا _ وقطرها _ ب ج ـ ولنخرج من نقطة _ ب _ خطا عا سها وهو خط ـ د ب د _ ولنقرض على خط ـ د _ نقطة ماكيف ما وقست وهى نقطة _ د _ ونخر ج منها خطا آخر عاس الدائرة على نقطة _ د و هو خط _ د د ز ـ ولتى الخط الذي عمر بالمركز على نقطة _ د . و

فاقول ان مسطح د د د ف و في مساولسطح د ب في

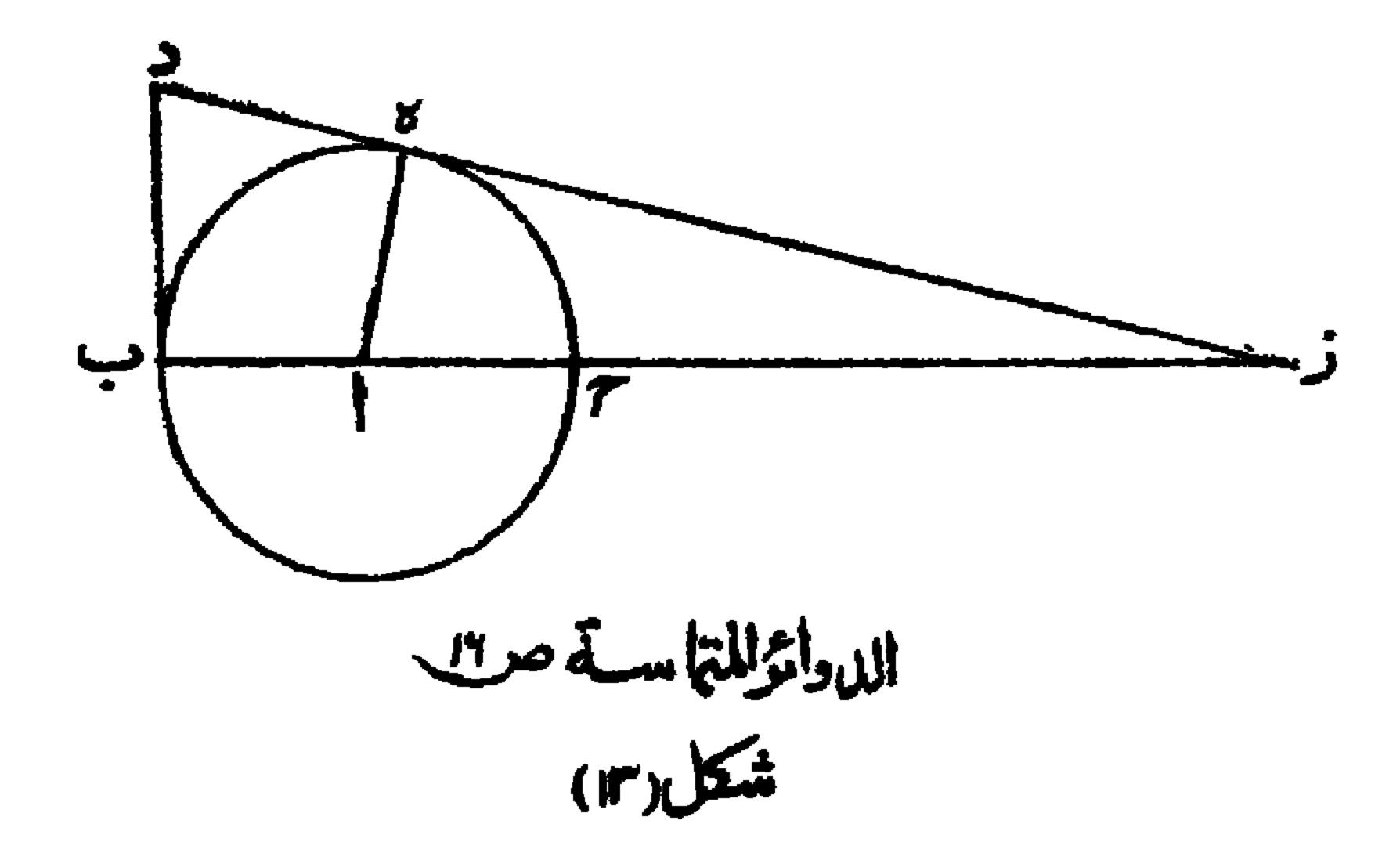
⁽١) الشكل انتاني عشر.

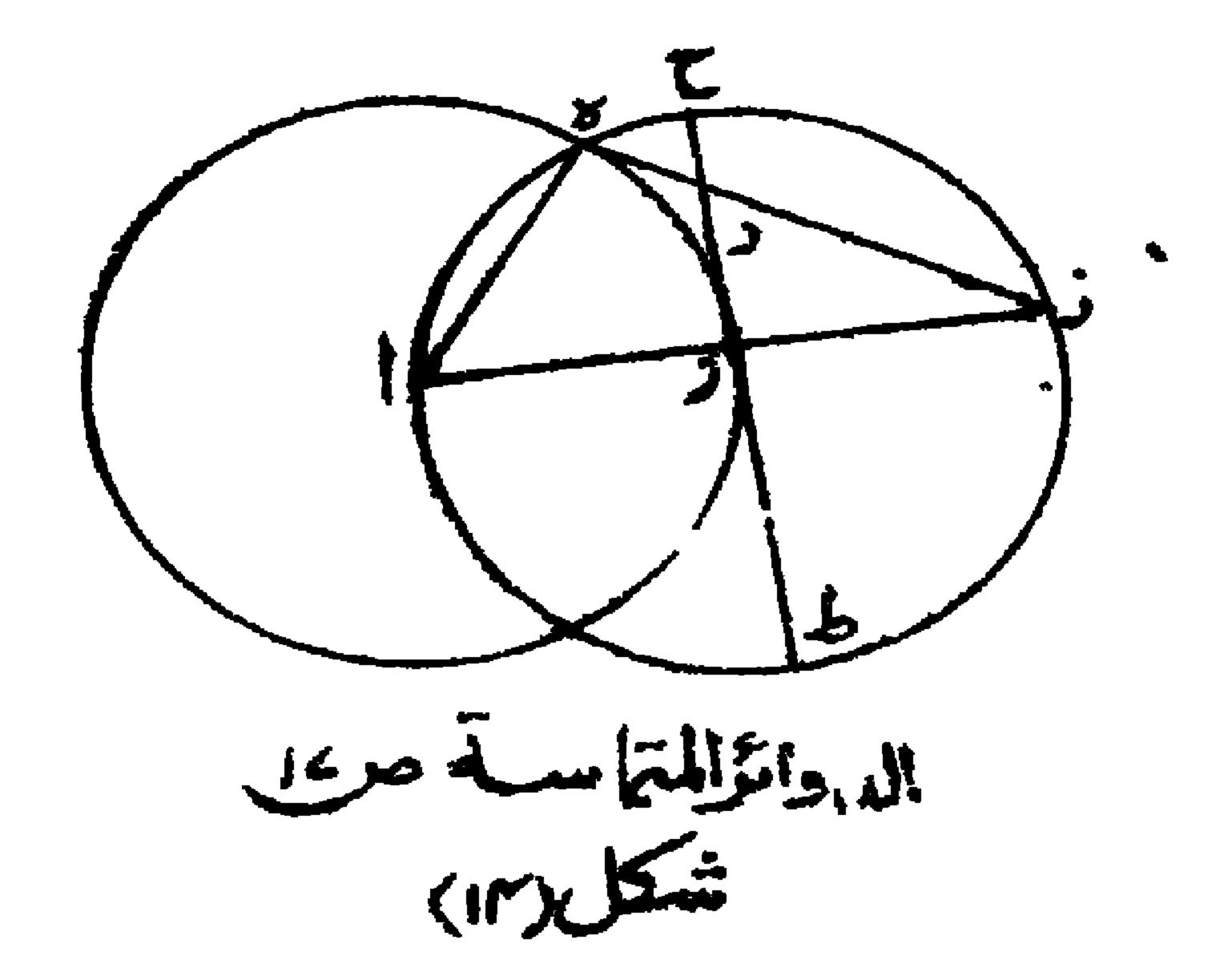
واقول ان مسطح ــ دز ـ فی زه ــ مسا و لمسطح ــ ب فی ــ زا ۰

برهان ذلك من اجل ان مثلثى _ د ب ز_ زه ا_ متشا بها ن تكون نسبة _ د ز_ الى _ زب _ مثل نسبة _ ا ز_ الى زه _ فسطح د ز_ فى — زه — مساولمسطح _ ب ز_ فى _ زا — و ذلك ما ارد نا ان نبين (١) •

فان كان الخط الهاس على طرف القطر لا يماس على نقطة _ ب لكن على نقطة _ ج - مثل خط _ ج د - فان مسطح _ ده _ فى - ه ز _ فى يكون مساويا لمسطح _ دج _ فى - ج ز _ ومسطح - ه ز _ فى زد _ يكون مساويا لمسطح _ دج _ فى - ج ز - ومسطح _ ه ز -فى زد _ يكون مساويا لمسطح _ د ج _ فى - ج ز - ومسطح _ ه ز -فى زد _ يكون مساويا لمسطح _ ا ج - فى - ج ز ه

⁽١) الشكل التالث عشر.





برهان ذلك من اجل ان مثلثي... زه ا _ زج د _ متشا بهان تكون نسبة _ زه _ الى _ ه ا ـ مثل _ زج د ـ الى _ ح د ـ اعنى الى _ ه د _ ف _ د د ـ مسا ولمسطح _ اج ـ ف _ د د مسا ولمسطح _ اج ـ ف _ ح ز ه

و اقول ان مسطح - مز نه ف - زد ـ مساو لمسطح - از ف ف خ ج ۰ و ج ۰

برهان ذلك من اجل ان المثلثين متشا بهان تكون نسبة - ه ز الى ز ا - مثل نسبة _ ج ز - الى _ ز د - فسطح - ه ز _ فى - ز د مساولمسطح _ ز ا ـ فى - ز ج - و ذلك ما اردنا ان نبین (١) ٠

ىرھان ھذاا لشكل بعمل آخر

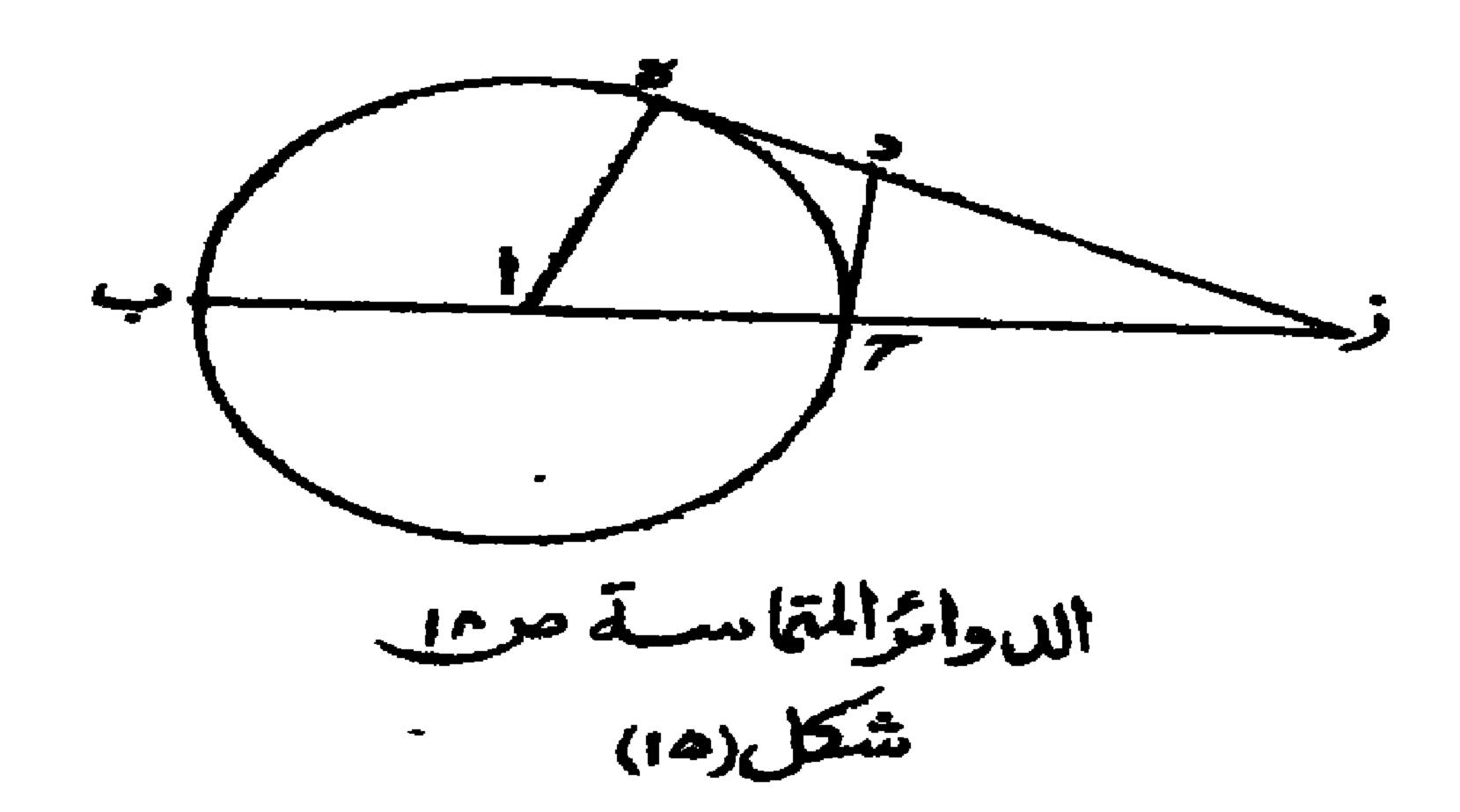
⁽١) الشكل الرابع عشر

و ذلك ما اردنا ان نبين •

واینا من اجل ان مسطح - ح د فی - د ط - اعنی مسطح مد اج مد ند اقل من ربع - ح ج اعنی من مسطح - اج فی - ز ح بر بع - ز ج د و مر بع - د ز - اعظم من مربع - ز ج عثل مربع - ح د ف - د ز - مع مربع - ز د عثل مربع - ح د ف - د ز - مع مربع - ز د اعنی مسطح - ه ز - ف - ح د از - ف - ح د - ف - ح ز - د م مربع - از - ف - د و ذاك ما ارد نا ان نبین (۱) ه

اذا كان دائرتان تهاسان من داخلهها واخر ج خط يماسهها ويحيط مع الحط الذي يجوز على النقطة الماسة و نقطتي المركزين بزاوية قاعة وفرض عملي الحط الذي يجوز عملي المركزين نقطة ما واخرج منها خطان آخران عاسان الدئرة و ملتقيان الحط الآخرالماس فان نسبة الدائرة العظمي الى الدائرة الصغرى مثل نسبة السطح الذي يحيط به قسها الحط الذي على الدائرة الصغرى مثناة و المنكل الذي عاس الدائرة الصغرى مثناة و

مثاله لنفرض الدائرة التي على مركز ــ ا ــ عاس الدائرة التي على مركز ــ ا ــ عاس الدائرة التي على مركز ــ ب ــ من داخل على نقطة - ج ــ و نميز ج عــ لى النقطة الماسة والمركزين خط ــ ج ده ز ــ فقطر دائرة ــ ا - خط ــ ج د و لنخر ج من نقطة - ز ـ خطى و ــ قطر دائرة - ب ـ خط ــ ج هــ و لنخر ج من نقطة - ز ـ خطى



زحط _زكل _ عاسان الدائرتين على نقطى _ حك • فاقول ان نسبة دائرة _ ا _ الى دائرة _ ب _ كنسبة مسطح زح _ فى _ كنسبة مسطح _ زلے _ فى _ ك ل _ مثناة •

برهار فالك من اجل ان نسبة خط _ ج ا _ الى _ ج ب كنسبة مسطح _ ز ج _ فى _ ج ا _ الىمسطح _ ز ج _ فى _ ج ب_ ومسطح ۔ ز ج ۔ فی ۔ ج ا ۔ مساولسطح ۔ ز ك ۔ فی ۔ ك ل ـ كما بينا فى الشكل الذى قبل هذا تكون نسبة ـ ج ا ـ الى ـ ج ب مثل نسبة مسطح _ز ح _ف _ ج ط _ الى مسطح _ زك _ ف _ ك ل ـ ولكن نسبة ـ ج ا ـ الى _ ج ب كنسبة مشلى ـ ج ا ـ الى مثلی۔ ج ب۔ اعنی مثل نسبہ قطر۔ ج د۔ الی قطر۔ ج ہ۔ فتکو ن نسبة قطر ـ جد ـ الى قطر ـ جه _ كنسبة مسطح _ زجي ف _ ح ط الى مسطح زك فى لال رونسية مربع بح د الى مربع ج ه کنسبة ـ ج د ـ الى ـ ج ه ـ مثناة و نسب مربعات اقطار الدوائر بعضها الى بعض كنسب الدوائر بعضها الى بعض فنسبة دائرة ا۔ الی دائرة۔ب۔ كے نسبة قطر۔ جدد الی قطر جمد مثناة اعنى مثل نسبة مسطح _زحوف - حطرالى مسطح _ زكر ف ك د -- مثناة و ذلك منا اردنا ان نبين

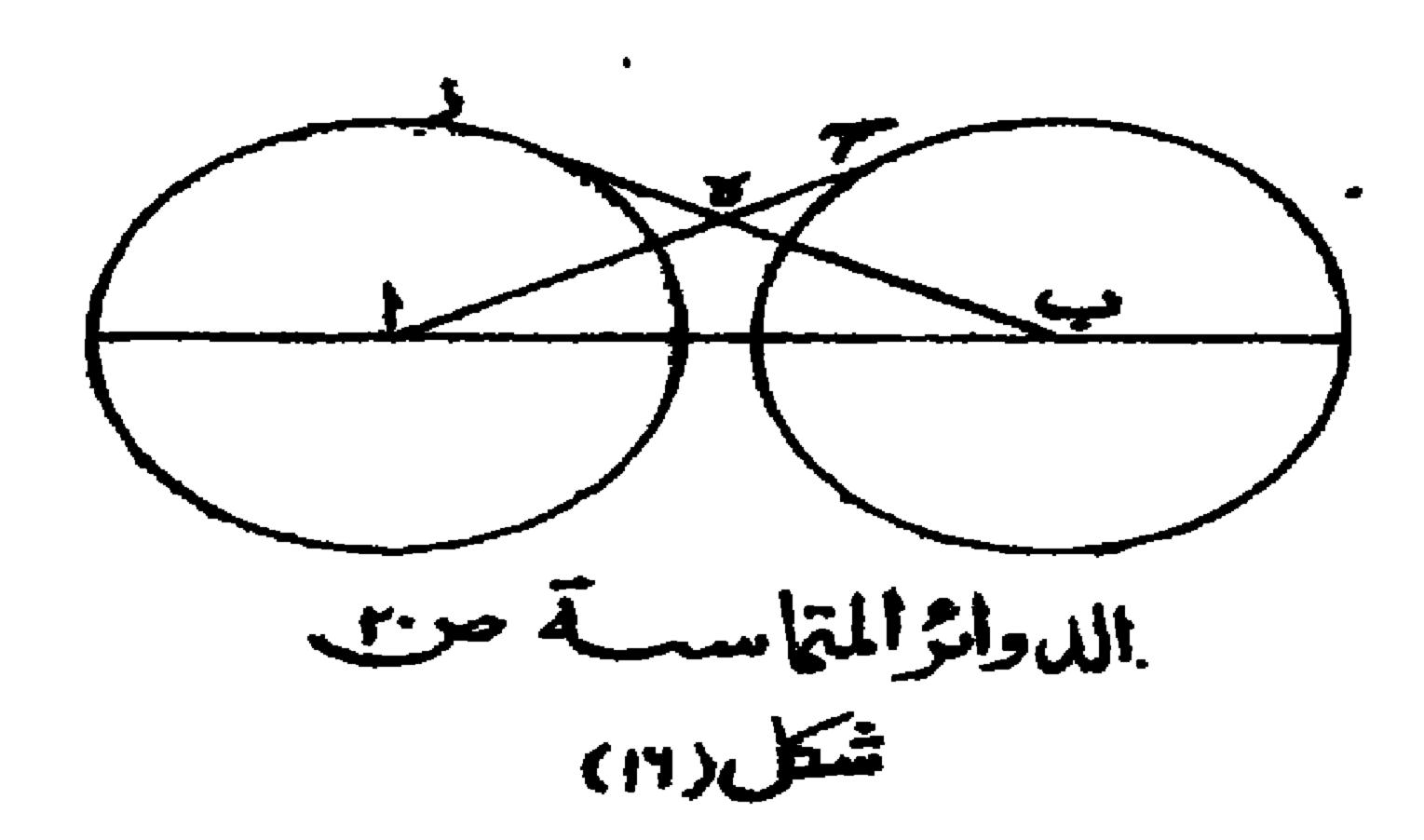
اذا كان دائر تان غير متقى اطعتين مركز اهما على خط و احد و اخر ج من مركزيهما خطان متقاطعان عاسان الدائر تين فان مسطح قسمى احد الخطين الماسين مسا ولمسطح قسمى الخط الآخر الماس مثاله لنفرض دائرتين غير متقاطعتين ومركز اهما وهما نقطتا اب على خط واحد وهو اب ولنخر جمن مركزى اب خطى الج ب حب د عاسان الدائرتين على نقطتى د ج و يتقاطعان على نقطة ... ه •

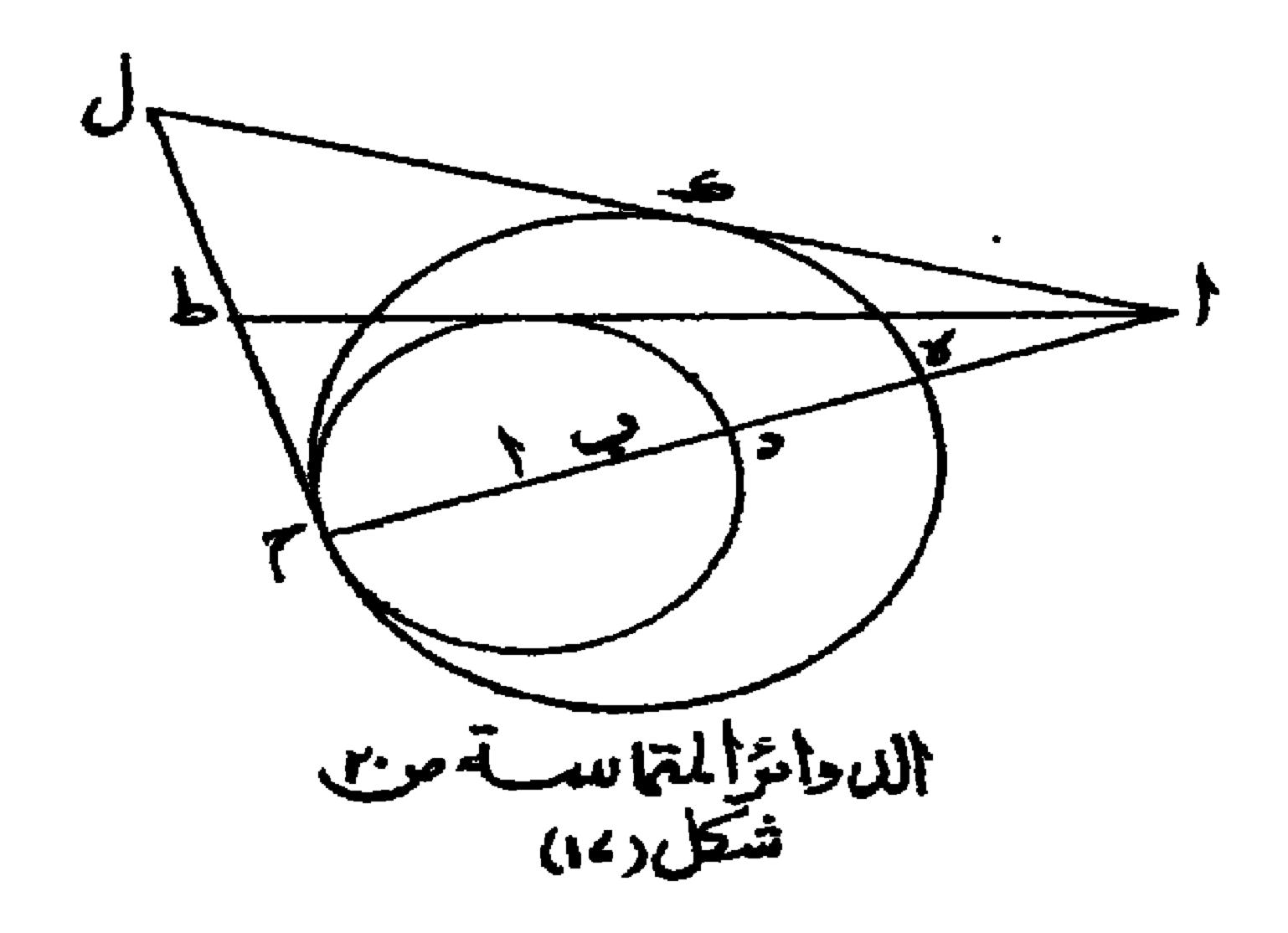
فاقول ال مسطح - اه - فى _ ه ج - مسا و لمسطح _ ب ه فى _ ه د _ •

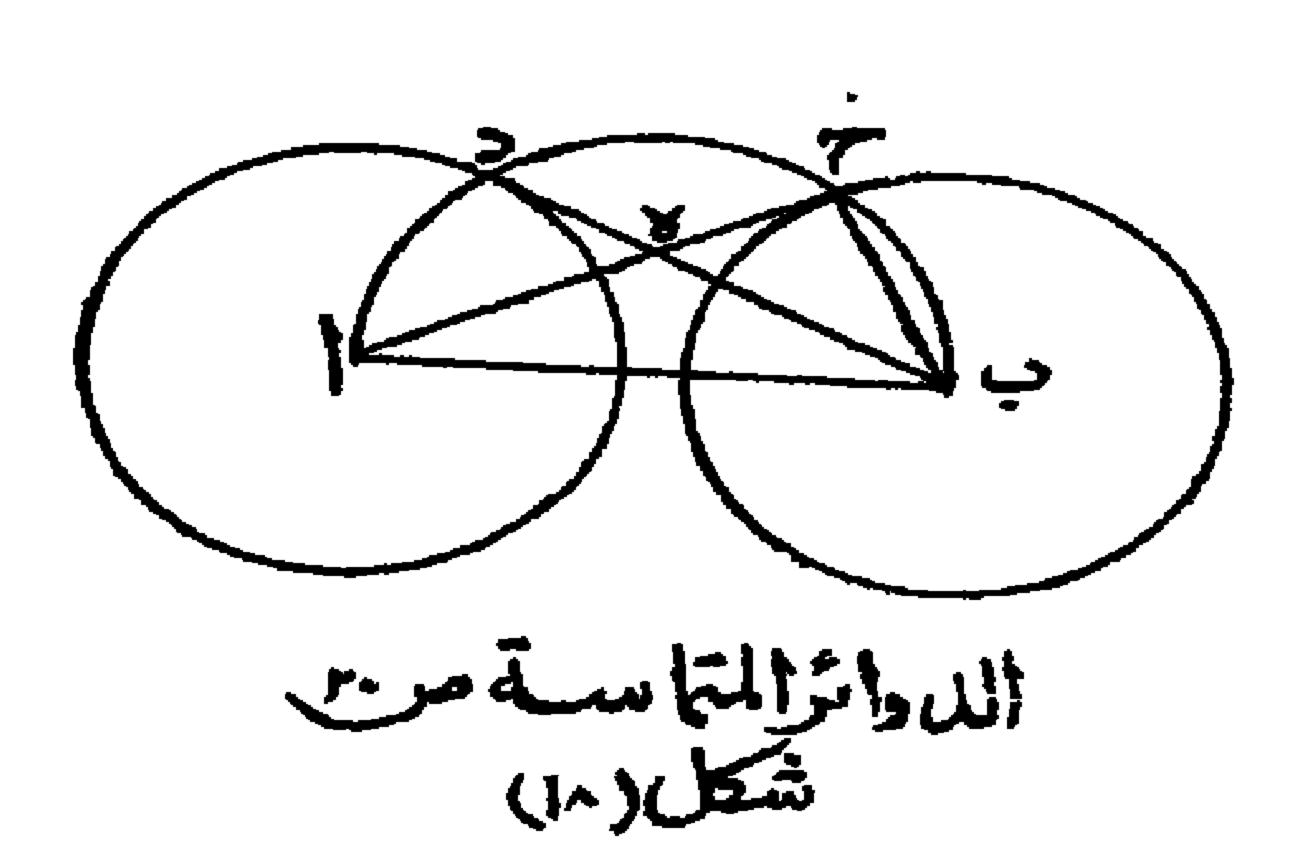
برهان ذلك انا نصل د ا ... ج ب - فن اجل ان مثلثي د ا د ه ب ج ه _ القائمى الزوايا متشابهان تكون نسبة _ ه ا _ الى ه د _ مثل نسبة _ ب ه _ الى _ ه ج _ فسطح - ا ه _ فى _ ه ح _ مساولمسطح زه _ فى _ ه د _ وذلك ما اردنا ان نبين (١) ه

برهان هذا الشكل بسمل آخر من اجل ان كل واحدة من زاویتی _ ادب_ اجب علی خط واحد وهو خط _ اب _ فان مثلثی _ ادب _ اجب ها فی نصف دائرة فلنرسم علیها نصف دائرة _ ادجب _ فن اجل ان خطی _ اه ج _ به د _ یتقاطمان فی دائرة علی نقطة _ ه _ یكون مسطح _ اه _ ف _ و دائرة علی نقطة _ ه _ یكون مسطح _ اه _ ف _ ه ح _ مساویالمسطح _ به صف و د و ذلك ما اردنا ان نبین (۲) ه

⁽١) الشكل السادس عشر (١) الشكل السابع عشروا لثامن عشر.







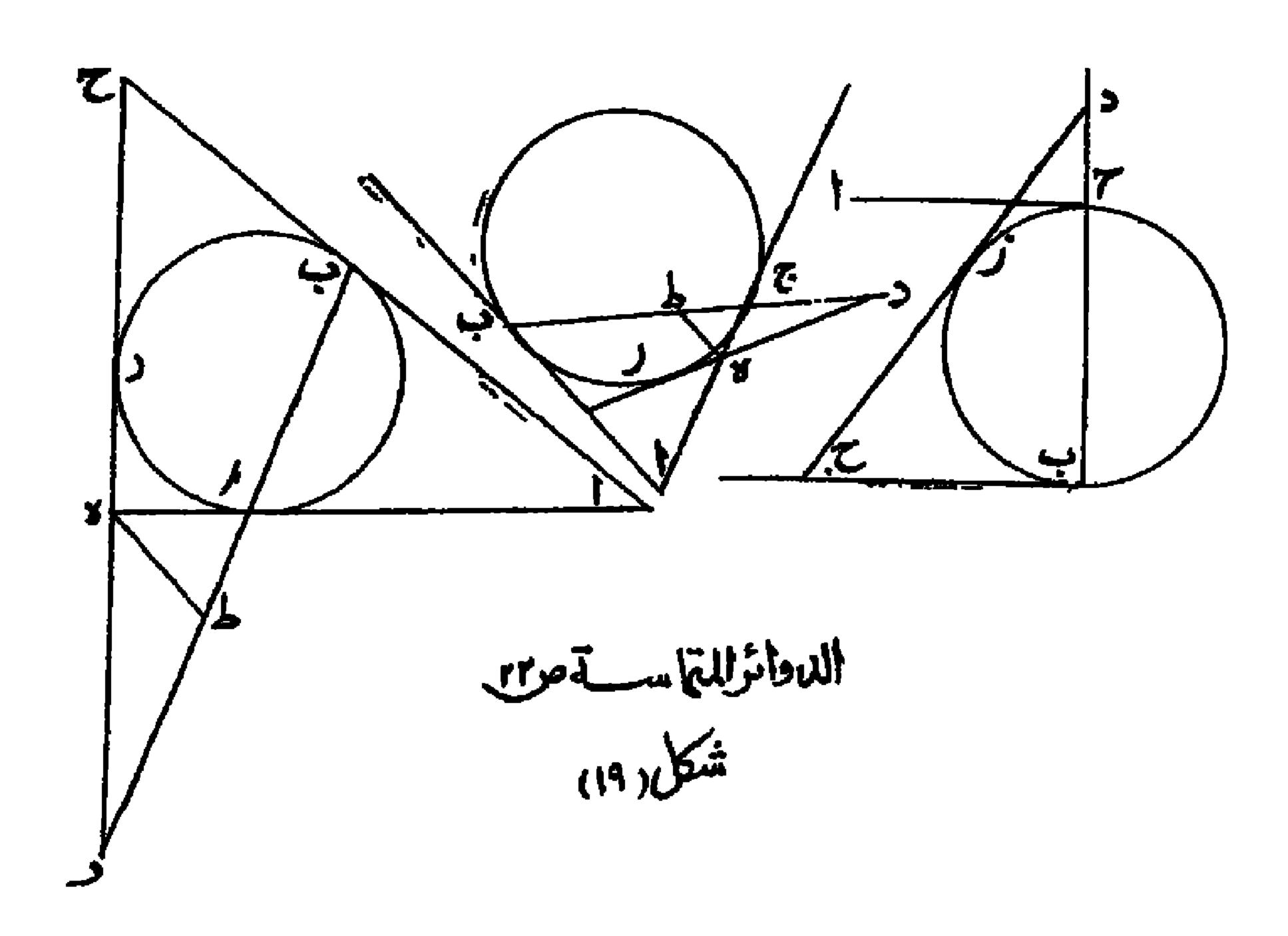
اذا كان خطان يما سان دائرة واحدة واخر ج الخط الذي يم بالنقطة الماسة على استقامة و فرضت عليه نقطة ماو اخرج من النقطة المفروضة خط يملس الدائرة و يقطع احد الخطين الماسين و ينتهى الى الآخر فان نسبة الخط المخرج كله الى قسمه الذي يقع خارج الخطين الماسين كنسبة قسميه اللذين يقعان بين الخطين الماسين اللذين تفصلهما النقطة الماسة الاعظم منهما عند الاصغر •

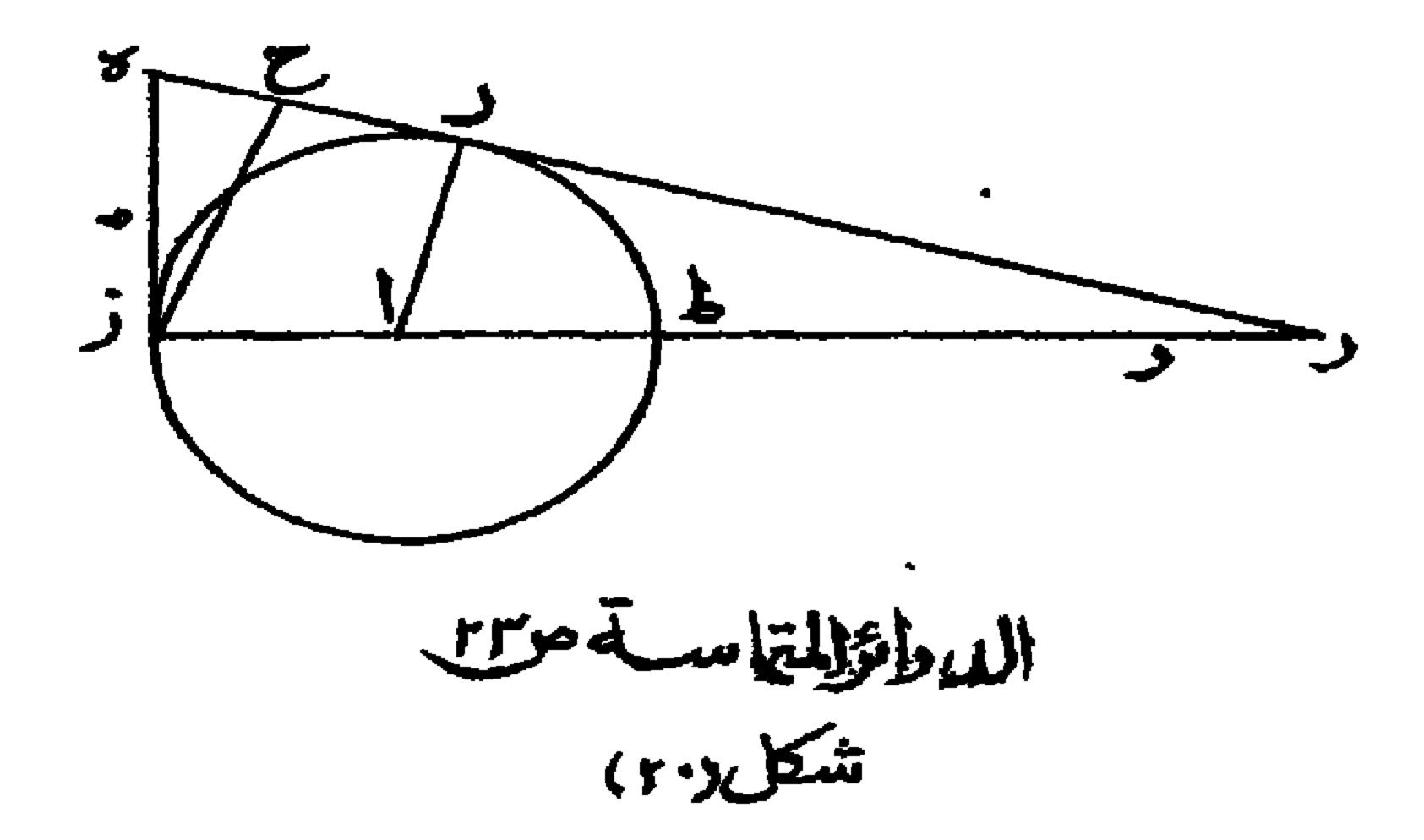
فلنفرض خطی _ اب _ اج _ عاسان دئرة _ ب ج _ علی استقامة نقطتی _ ب ج _ ولنحرجه علی استقامة ولنفرض علی المخرج منه نقطة _ د _ ولنفر ج من نقطة _ د _ خطا آخر عاس الدائرة وهوخط _ ده زح _ ولتكن الماسة علی نقطة _ ز فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح ز _ الی فاقول ن نسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح د _ الی _ ده _ كنسبة _ ح د _ كنسبة _ كنسبة _ ح د _ كنسبة _ كنس

برهان ذلك انه ليس يخلو من ان يكون خطا .. اب ب ا ج متوازيين اوغير مترازيين فلنفر صهها اولامتوازيين فتكون زاوية ب ج د مساوية از اوية ب ج ه د .. ويكون مثلث . ج ه د .. فنسبة ح د الى ده مثل نسبة ح ب الى - ه ج نه ولكن خط ج ز مساوظط – ح ب لأنهها عاسان الدائرة من نقطة واحدة وهى - ح وكذلك ايضا خط _ ه ز ـ مسا و لخط _ ه ح ـ فنسبة ح د ـ الى ـ ده ـ كنسبة _ ح ز ـ الى ـ زه ـ و ان إيكو نا متوازيين ح د ـ الى ـ ده ـ كنسبة _ ح ز ـ الى ـ زه ـ و ان إيكو نا متوازيين

فيلقيان على نقطة _ ا _ ولنغر ج من نقطة _ ه - خطا موازيالخط اب رووخط - وطرفن اجل ان خطی _ اب - ا ج - عاسان الدائرة يكونان متساويين فزاوية ــ ا ج ب ــ مساوية لزاوية ـ ا ب جے ولکن زاویہ قدہ طح مساویة لزاویة داب ج لموازاة الخطين فزاوية ـ مطح ـ مساوية لزاوية ـ محط ـ فط ه طـ مساو خطه م حروایضا من اجل ان نسبة ـ حدانی ده کنسبة ـ حب الى ـ ه ط ـ اغنى الى ـ ه ج ـ وخط ـ حب مساو لخط_ح ز... وخط_ه ج_مساو لخط - ه ز_ تکون نسبة ح طد الىده مكنسبة حزرالى زهدوذاك مأاددنا اننين (١) اذاكان خط عاس دائرة على طرف قطرها واخرج القطرعلى استقامة وفرصنت عليه تقطة مأواخرج منها خطآ آخر عاس الدائرة ويلتى الخط الذي هوعمو دعلى القطر واخرج من نقطة مماسة طرف القطر الى الخط المخرج عمود عليه فان نسبة الخط المخرج كله الى قسمه الذى بين النقطة المفروضة وبين النقطة المهاسة مثل نسبة قسمه الذى بين النقطة الماسة وبين الخط القائم على القطرانى قسمه الذى بيئ أ النقطة الماسة والنقطة التي وقع عليها العمود •

مثال ذلك لنفرض دائرة على مركز ا ـ وليكن قطرها خط ح اط ـ ولنخر ج على القطر عمو د ايماس الدائرة وهو خط ـ ج ه ولنخر ج خط ـ ولنفرض على الخر ج منه نقطة ما وهى





تقطة _ د _ ولنخر ج من نقطة _ د _ خطا عامی الدائرة علی تقطة ز _ وهوخط ـ د • ولنخر ج من نقطة _ ج ـ . عمودا عـ لی خط ده _ وهوخط _ ح • • ولنخر ج من نقطة _ ج - . عمودا عـ لی خط ده _ وهوخط _ ج • •

فاقول ان نسبة ... و د الى .. دز - كنسبة - و ز - الى - ز خ برهان ذلك لنصل ـ ا ز .. فن اجل ان زاوية ـ ا ز د .. قائمة وزاوية ... وزاوية ... وزاوية ... وزاوية ... وزاوية ... وزاوية مشابها لمثلث .. د و ج - القائم الزاوية مشابها لمثلث .. د از القائم الزاوية فنسبة .. د و ... الى .. و ج - اعنى نسبة ... د و ... الى .. و ج - اعنى نسبة ... د و ... الى نسبة ... د ا ... از ... اغى الى ... ا ج - لسكن نسبة د ا ... الى ... از ... الى ... ز ح ... فنسبة ... د و ... الى ... و ذاك ما اردنا ان نبين (١) و د ر كنسبة ... و ز ... الى ... ز ح ... و ذاك ما اردنا ان نبين (١) و ... د ر ... الى ... ر ح ... و ذاك ما اردنا ان نبين (١) و ... د ر ... د ..

وقد تبین انا اذا فصلنا تکون نسبة ـ ه ز ـ الی زد ـ . کنسبة ه ح ـ الی ـ ح ز ـ و عـ لی هذا الوضع اقول ان نسبة ـ ه ز ـ الی ز د ـ کنسبة _ اط ـ انځا د ج من المرکز الی ـ ط د ۰

برها نه لنصل خطی .. ه ا .. زط .. فن اجل ان خط .. ج ه مساو خط .. و خط .. ج ا .. مساو خط .. از .. و القاعدة واحدة للشلثين تكون زاوية .. ج ا ه .. مساوية لزاوية .. زاه فزاوية .. ج ا ز .. حاذ .. حاذ .. صعف فزاوية .. ج ا ز .. حاذ .. حاذ .. صعف

⁽١) الشكل العشرون.

زاویة ــ ح ط زـ لان احداها علی المرکز والاخری علی المحیط و و ترهاقوس واحدة فزاویة ـ ج اه ــ مساویة لزاویة ـ ح ط ز ـ خط ـ ه ا ــ مو از خط ـ زط ـ فنسبة ـ و ز ـ الی ـ زد ـ کنسبة اط ـ الی ـ د د ـ و ذلك ما اردنا ان بین (۱) .

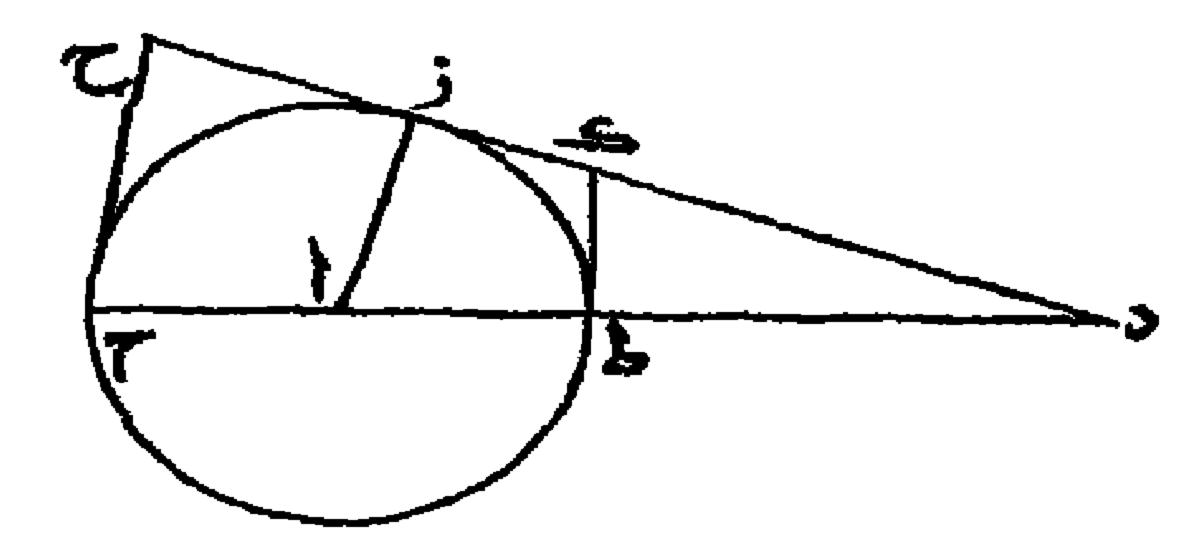
فان كان الحط المماس الذي يخرج عملى طرف القطر لا يماس الدائرة على نقطة – جرد لكن عملى طرف القطر الآخر كما في هذه الصورة مثل خط مدط لشه

اقول ان نسبة _ ح زـ الى _ زد _ كنسبة _ زك _ الى ك ط _ •

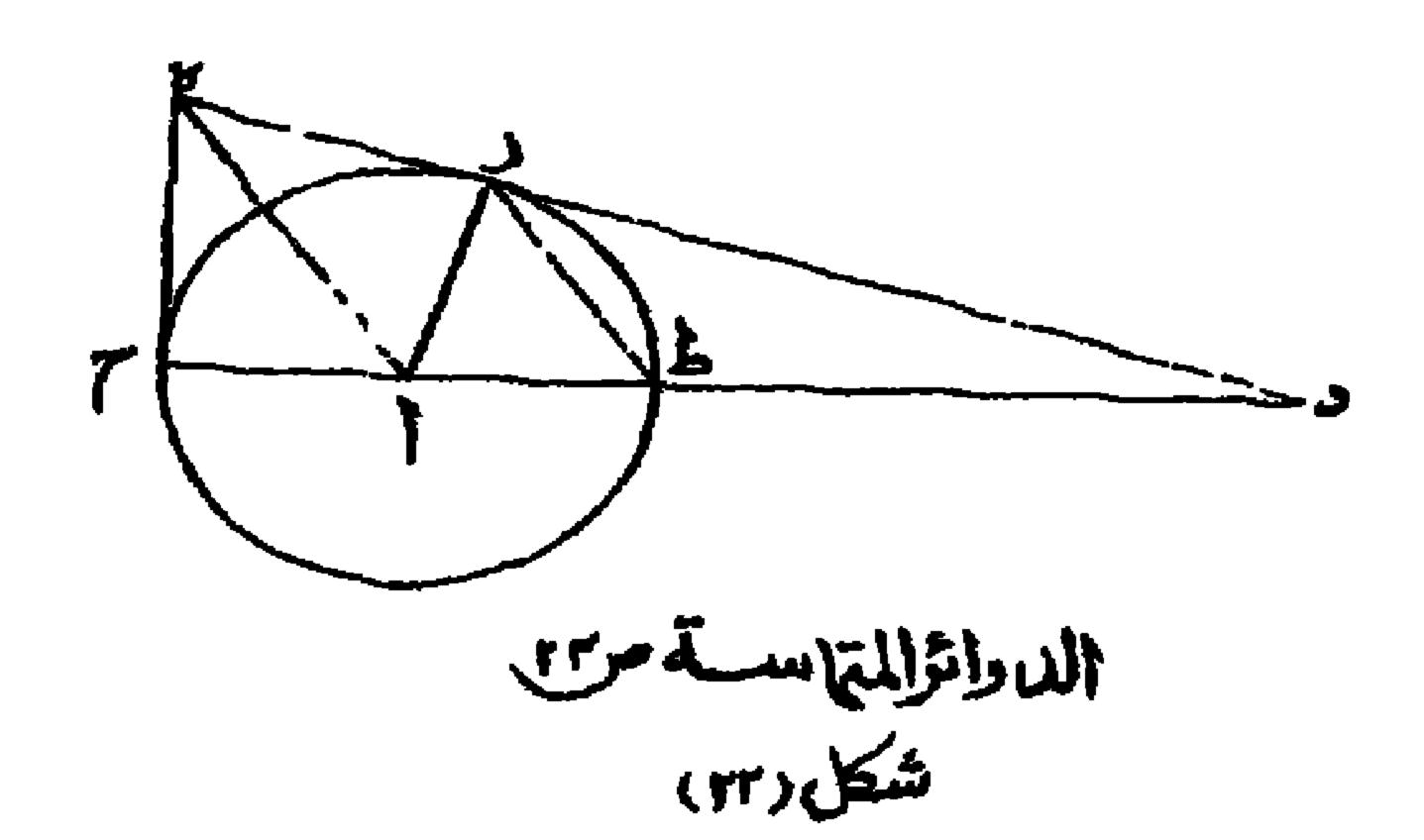
برهان ذلك من اجل ان مثلث ـ زاد ـ القائم الزاوية مشابه لمثلث ـ ط ك د ـ القائم الزاوية تكون نسبة ـ زا ـ الى ـ اد ـ اعنى نسبة ـ ح ز ـ الى ـ ذ د ـ مثل نسبة ـ ك ط ـ الى ـ ك د ـ اعنى مثل نسبة ـ ك ط ـ الى ـ ك د ـ اعنى مثل نسبة ـ ك ط ـ الى ـ ك د ـ اعنى مثل نسبة ـ زك ـ اك د ـ وذلك ما اردنا ان نبن •

اذا اخرج قطردا برة على استقاءة وفرض على المخرج منه نقطة المحاسة محمود نقطة ما واخرج منها خط عاس الدائرة واخرج من نقطة المحاسة محمود على القطر فان نسبة الحط الحرج على المركزكله الى قسمه الذى وقع خارج الدائرة كنسبة قسمى القطر بن اللذين فصلهما العمود الاعظم منها عند الاصغر ه

⁽۱) انشكل الحادى و العشرون و الثابى و العشرون .



الدوائرللتاسية مرس



بياض في الاصل اللوائرالمتاسة صرص شكل (۲۳) فلنفرض دائرة على مركز ــ ا ــ و قطرها خـــط ــ ب ج ولنخرجه على استقامة ولنعلم على المخرج منه نقطة ــ د ــ ولنخرج منها خطا عاس الدائرة على نقطة ... ه ــ ولد خرج من تقطة ــ ه ــ عمودا على خط ــ ب ج ــ وهو ــ ه ز ــ •

فاقول ان نسبة ـ ب د ـ الى ـ د ج ـ كنسبة ـ ب ز الى ـ ز ج ٠

برهان ذلك انا نصل - وب - وج - فن اجل ان نسبة - زد
الی - د و کنسبة - د و - الی مید ج - تکون مثلثا - ب د و - و د ج
متشابهین و تکون نسبة - ب د - الی - د و - کنسبة - ب و - الی
و ج و لکن نسبة - ب د - الی - د ج - کنسبة - ب د - الی - د
و مثناة فنسبة - ب د - الی - د و - اذن کنسبة - د و - الی - و ج
مثناة و نسبة - ب د - الی - ز ج - هی ایضا کنسبة - ب ز - الی
ز و - مثناة قاذن نسبة - ب د - الی - د ج - کنسبة - ب ز - الی
ز ج - و ذلك ما اردنا ان نبین (۱) و

برهانهذا الشكل بسل آخر لنخرج من خط .. ب ج ـ خطی ب ح _ ج ط _ بحیطان معه بزاویة قائمة و ینتهیان الی خط _ ح د فتكون خطوط .. ب ح _ ز ه _ ح ط _ متوازیة فن اجل ان نسبة ب د _ الی _ د ج ط _ الی _ د ج ک نسبة _ ب ب ج _ الی _ ج ط _ الی مثل نسبة _ ب ب ح الی _ د ط _ الی _ ه ط _ كنسبة _ ب م _ الی _ ه ط _ كنسبة _ نسبة _ ح ه _ الی _ ه ط _ كنسبة _ نسبة _ ح ه _ الی _ ه ط _ كنسبة _ ب م _ كنسبة _ كنسبة _ ب م _ كنسبة _

⁽١) الشكل الثالث والعشرون.

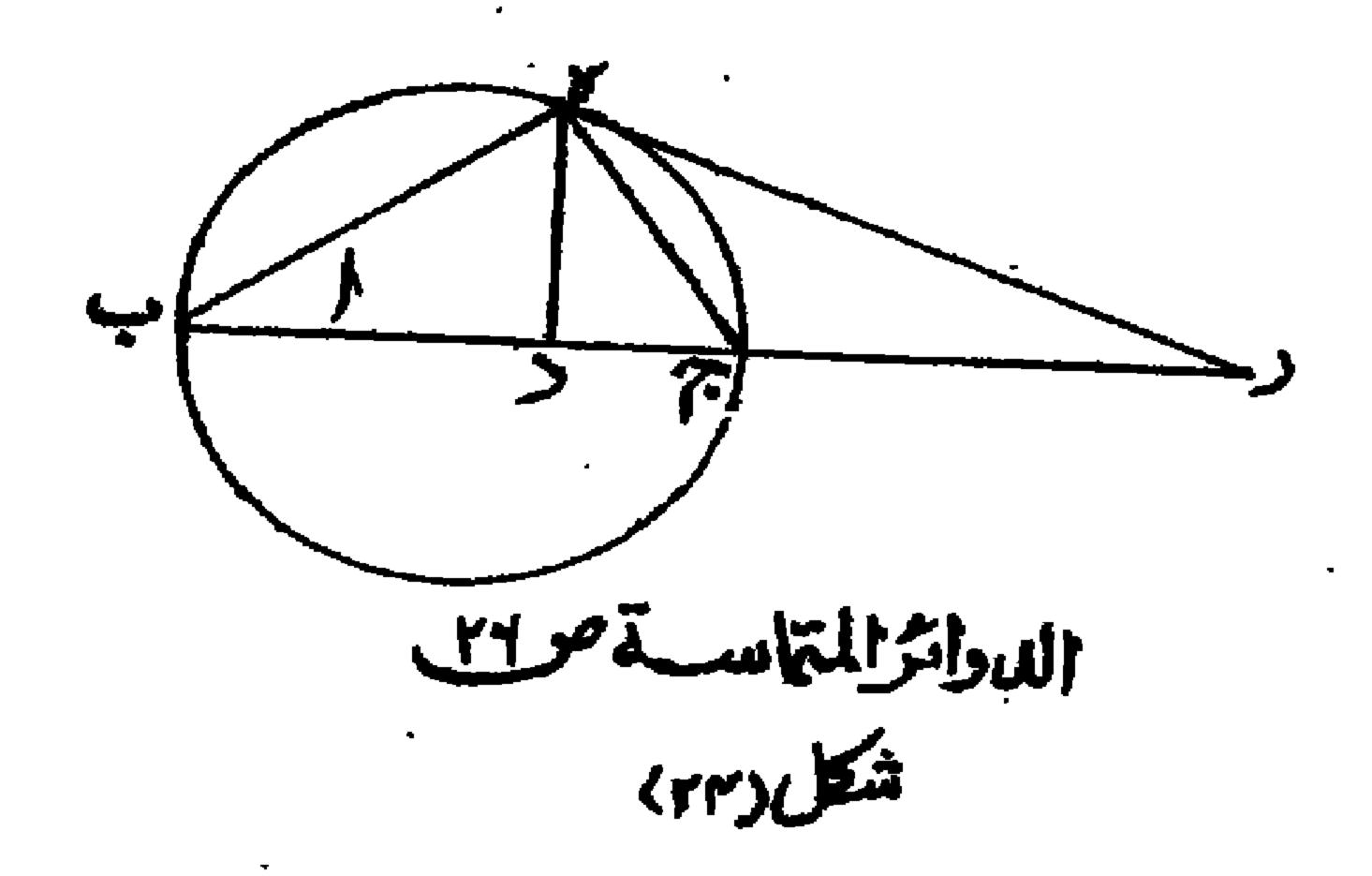
ب ز_الى_زط_تكون نسبة _ بدرالى _ ذج _ كنبسة ب ز_الى زط _ كنبسة ب ز_الى ز ح و ذلك ما اددنا ان نبين (١) ٠

فاذا انحنى فى قطعة من دائرة خط يو ترقوسين مختلفتين واخرج من نقطة قسمة القطعة بنصفين عمود على الخط الاعظم من قسمى الخط المنحى فان العمود يقسم الخط المنحى بنصفين .

فلنفرض قطعة من دائرة على قاعدة _ اب _ وليندى فيها خط اج ب على نقطة _ ج _ وليكن خط ـ اج _ اعظم من خط _ ج ب ولنقسم محيط قوس ـ اب بنصفين على نقطة _ د ـ ولنخر ج منها ممودا على خط _ اج _ وهو خط _ ده •

فاقول ان خطے۔ اجے قد انقسم بنصفین علی نقطے ہے۔ ہ اعنی ان خطے۔ اہے۔ مساو لخطی۔ ہ جے ہے ب (۲) ۰

⁽١) الشكل الرابع والعشرون (١) الشكل الملامس والعشرون.



اللوارالة استقمال اللوارالة استقماله شكل دمر)

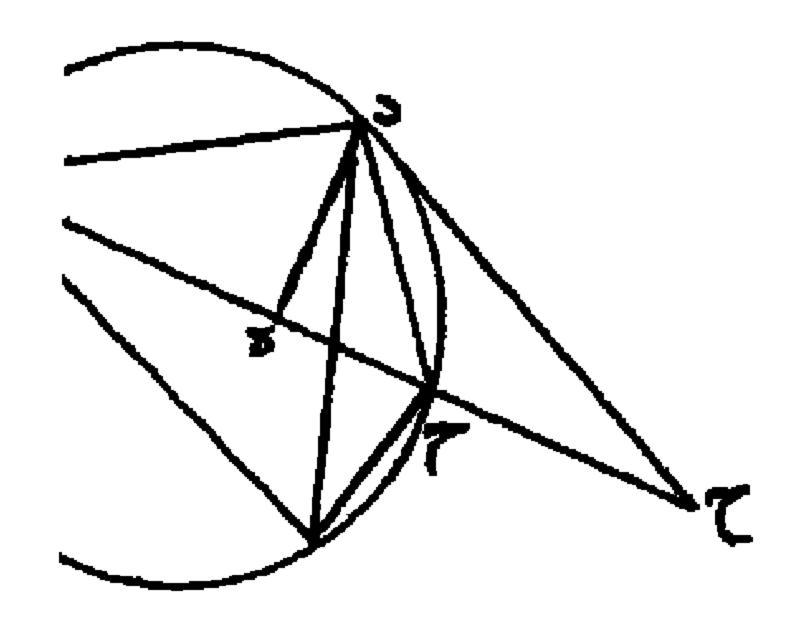
ح د۔ الی قوس ۔ اح د۔مثل نسبہ زاویہ ۔ ح ا د۔ الی زاویہ اج د ـ تكون نسبة قوسى ـ ا ح ـ ح د ـ جيما الى قوس ـ ا ح د كنسبة ذاويتى ــ حاد ـ ادح ـ الى ذاوية ـ اح د ـ وقوسا اح در مساویتان لقوس ۔۔ احد فزاویتا ۔ حدا ۔ ادح جمعيا مساويتان لزاوية ــاج دـاعنى لزاوية ــ دزهــ ولـكن زاویهٔ ـ دزه ـ مساویهٔ لزاویتی ـ زاد ـ زد ا ـ فزاویتا ـ حزا ح ا د ــ اذن مساویتان لزاویتی ــ زا د ــ ز د اــ و ز اویة ــ ج د ا مساوية لزاوية ــزاد ــ فزاوية ــ حدا ــ الباقية مساوية لزاوية زدا ــ الباقية ومن اجل ان خطى ــ د ز ــ دح -- متساويان وخط دا ــ مشترك والزاويتان متساويتان تكون قاعدة ــ ا زـ مساوية لقاعدة _اح_ولكن خط - اح-مسا ولخط _ج ب - وخط ده ـ مساونلط ـ هجموع ـ نهـ اذن مساونلطی ـ ه ج ج ب ـ وذلك ما اردنا ان نبين.

برهان هذا الشكل بعمل آغر اترسم الصورة على ما فى المقدمة ولنتم دائرة ـ از ب د ـ ولنغر ج خط ـ اج ـ على استقامـة ولنفرض خط ـ ه ح ـ مساو بالحط ـ ه ا ـ ولنصل خطوط ـ ح د ح ـ ب د ـ ا د ـ فن اجل أن قوس ـ ا د ـ مساو يسة لقوس د ج ب ـ تكون وتر ـ ا د ـ مساو يا لوتر ـ ا ب ـ وخط ـ د ح مساو لحط ـ د ح مساو لحط ـ د ح مساو الحط ـ د ح ـ مساو لحط ـ د ح ـ مساو لحط ـ د د ح ـ مساو لحط ـ د د ومن اجل

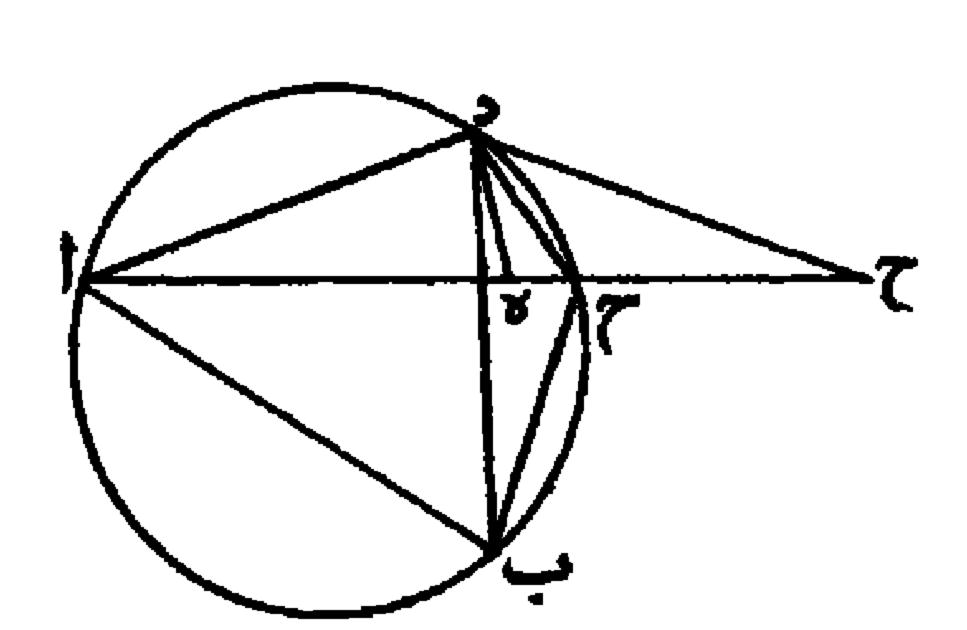
ان زاویة ــ د ا ج ــ مساویة لزاویة ــ د ل ج ــ لأنهما علی قوس واحدة وزاوية ــ دح ه ــ مساوية لزاوية ــ د اهــ تكون زاوية دحه .. مساویة آزاویة .. د ل ج ــ وایضا من اجل ان قوس ــ د ازب_مساوية لخيع توسى د حب زاد ولكن زاوية د حب هی علی قوس ـ دازب ـ وزاویتا ـ داج ـ ادج ـ جمیعا هما علی قوس ـــ د ج ب ز ا ــ اما زاویة ــ د ا یچ ــ فعلی قوس ــ د ج واما زاویهٔ ــ ادج ــ فعلی قوس ــ ح ب زا ــ فزاویتا ــ د ا ج ا د ج _ مساویتان لزاویة _ د ح ب نـ وزاویة _ د ج ح _ مساویة لزاویتی ـ د ا ج ـ ا د ج ـ فزاویة ـ د ج ح ـ اما (۱) مسأویة لزاویة _ د ح ب _ وقدکان تبین ان زاویة _ د ح ج _ مساویسة لزاوية ــ دب ج – فزاوية ــ ح د ج – الباقية مساوية لزاوية ــ د ل ج ـ الباقية ومن اجل انخط ـ د ج ـ مسار لخط ـ د ب وخط د حــ مشترك والزاويتان متساويتان بكون خطــ جرح مساويا خطے ہے ب - نفطا۔ ہ جے ب ب مساویان نلطی ۔ ہ جے ہ ح اعنی خط۔ اه۔ وذلك ما ارد تا ان نبين (٢) ٠

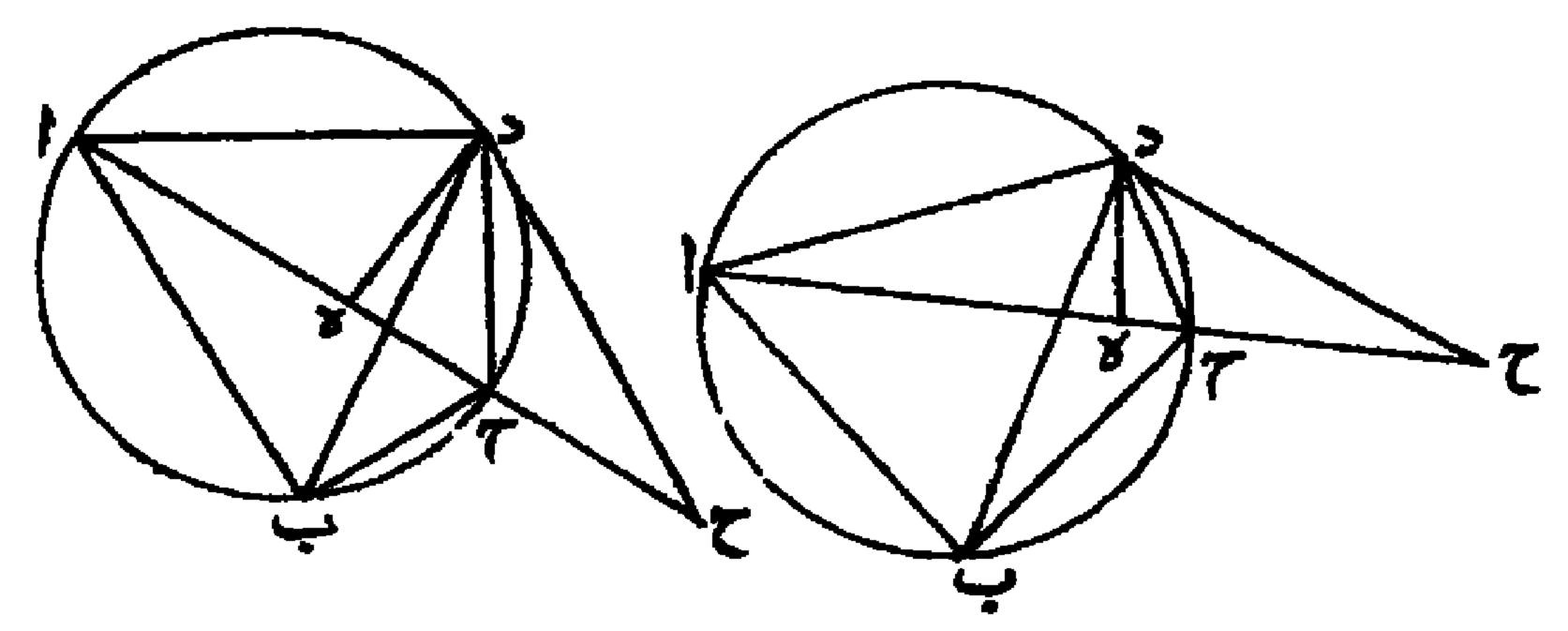
برهان هذا الشكل بعمل آخرلنثبت الصورة على حالها و تقول من اجل أن قوس ـ دح ب ـ اقل من نصف دائرة تكون الزاوية التي تقع فيها وهي زاوية ـ د ج ب ـ منفرجة و ايضا من اجل أن قوس

⁽١) هنا سقط في العبارة (٢) الشكل السادس والعشرون .



الدوائرالمتهاسة ص





ب الدوائرالمقاسة صوص الدوائرالمقاسة مردد)

دب ا اعظم من نصف دائرة تكون الزاوية الى تقع فيها وهى زاوية - د ج ا حادة فزاوية - د ج ح منفرجة فزاويتا - د ج ب د ج ح مساوية لزاوية - د ل ج وخط - د ب مساوئة لزاوية - د ل ج وخط - د ب مساوئة لزاوية المثلثا د ج ح - د ج ب مساوئة فثلثا د ج ح - د ج ب ناوية من احدهما وهى زاوية - ح - مساوية لزاوية من احدهما وهى زاوية - ح - مساوية لزاوية من الآخروهي زاوية - ب والاضلاع التي تحيط بزاويتين لزاوية من الآخروهي زاوية - ب والاضلاع التي تحيط بزاويتين متناسبة والزاويتان الباقيتان وهما زاويتا - د ج ح - د ج ب كل واحدة منها اعظم من قائمة فالزوايا البائية متساوية نخط ح - ح - مسا و خطط - ب ب - فكل خط - ه ح - اعنى خط اه - مسا و خطى - ه ج - ج ب - وذلك ما اردنا ان نبين (١)٠

تم كتاب ارشميدس فى الدوائر المتماسة والحمدالله وحده وصلواته على نبيه محمد وآله

واحالی ۔ سم سم بر سم بر سم سم بر سم سم بر سم بر